

Leitfaden der Kurvenlehre

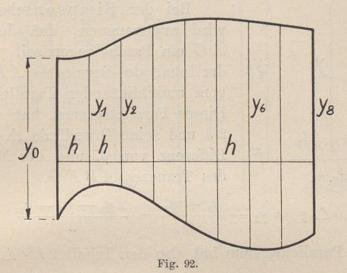
Düsing, Karl Hannover, 1911

Trapezregel

urn:nbn:de:hbz:466:1-78413

$$F = \int_{x_1}^{x_2} y \cdot dx = \int_{x_1}^{x_2} = f(x) \cdot dx$$

Oft sind Flächen von Kurven begrenzt, deren Gleichung nicht bekannt oder sehr verwickelt ist. Der Inhalt kann dann auf verschiedene Weise ermittelt werden.



a) Trapezregel (Fig. 92): Man teilt die gegebene Fläche in eine beliebige Anzahl Streifen von der gleichen Breite h und sieht die Streifen als Trapeze an. Dann ist Streifen F_1 , F_2 usw.:

$$F_1 = h \frac{y_0 + y_1}{2}$$
 $F_2 = h \frac{y_1 + y_2}{2}$
 \dots
 $F_8 = h \frac{y_7 + y_8}{2}$

Die ganze Fläche
$$F = h\left(\frac{y_0}{2} + y_1 + y_2 + \dots + \frac{y_8}{2}\right)$$
.

An Stellen mit starker Krümmung zerlegt man die Streifen in schmälere Streifen durch Zwischenordinaten und kann die zerlegten Streifen für sich nach der Trapezregel berechnen.