



UNIVERSITÄTS-
BIBLIOTHEK
PADERBORN

Universitätsbibliothek Paderborn

Die Geometrie nach Le Gendre, Simpson, van Swinden, Gregorius a St. Vincentio, und den Alten

Gilbert, Ludwig Wilhelm

Halle, 1798

Lehrsatz 26. Zwey grade Linien AB, CD, welche mit einer dritten EF parallel sind, sind untereinander selbst parallel.

[urn:nbn:de:hbz:466:1-51104](https://nbn-resolving.org/urn:nbn:de:hbz:466:1-51104)

1. Wenn zwey Parallellinien von einer dritten graden Linie durchschnitten werden, so sind α) die innern Winkel zusammen genommen zwey rechten Winkeln gleich; β) die Wechselswinkel und γ) auch die äußern Winkel untereinander gleich.

2. Wenn umgekehrt zwey grade Linien so von einer dritten durchschnitten werden, daß die Summe der Innern Winkel zwey rechte beträgt, oder daß die Wechselswinkel, oder daß die Außern-Winkel gleich sind; so sind die Linien parallel*. Eins dieser Merkmale zieht stets die beyden andern nach sich, wie aus Folgerung 2 erhellt. * 23.

[3. Werden dagegen zwey grade Linien von einer dritten so durchschnitten, daß die innern Winkel nicht zwey rechten, und die Wechselswinkel, so wie die äußern Winkel, nicht untereinander gleich sind, so treffen diese Linien zusammen, und zwar an der Seite der durchschneidenden Linie, an welcher die innern Winkel $IAB + ABD < 2R$ sind*; folglich an der Seite, wo der kleinere der Wechselswinkel liegt $IAB < ABF$ oder $ABD < BAL$, oder an der Seite an welcher der kleinere von zwey äußern Winkeln zwischen den Parallellinien liegt.] * 24.

[4. Auf die Sätze unter 2 beruht die Construction der Parallellinien, in Aufgabe 6, und daher auch die Möglichkeit des Parallelogramms*, welches entsteht, wenn man von zwey Punkten einer Parallellinie nach der andern gleichlautende Linien zieht, folglich Parallelen zwischen Parallelen bildet.] * E. 19. Fig. 34.

LEHRSATZ 26.

Zwey grade Linien AB, CD , welche mit einer dritten EF parallel sind, sind untereinander selbst parallel. Fig. 35.

Es sey RP ein Perpendikel auf EF . Weil nun AB mit EF parallel ist, so steht RP auch auf AB senkrecht*. Weil zweytens CD mit EF parallel ist, so steht RP auch auf CD senkrecht. Also stehn AB, CD beyde * 25. f. 1.

auf einer graden Linie RP senkrecht; folglich sind
 * 21. untereinander parallel *.

LEHRSATZ 27.

Fig. 36. *Zwey Parallellinien stehn überall gleich weit von einander ab, d.h. Perpendikel, die von Punkten in der einen auf die andre gefällt werden, sind überall gleich weit.*

Es mögen BA, DC zwey Perpendikel seyn, welche aus Punkten in der einen Parallellinie BD auf die andre Parallellinie AC gefällt sind. Ferner sey F ein Punkt in der Mitte von BD, und FE das Perpendikel aus diesem Punkt auf AC. Alle diese Perpendikel stehn auf beyden Parallellinien zugleich senkrecht*, daher die Winkel um A, E, C, D, F, B insgesamt rechte sind. Dieses vorausgesetzt behaupt ich, das das Viereck AEFB sich mit dem Viereck CEFD deckt. Beyden ist die Seite FE gemein. Da ferner die Winkel bey beyden rechte sind, folglich einander decken, und der Construction gemäß $BF = FD$ ist, so fällt der Punkt B auf D, und da die Winkel bey B und D beyde rechte, also ebenfalls gleich sind, fällt auch BA auf DC. Ueberdem fällt, weil bey E rechte Winkel sind, EA auf EC, folglich auch A auf C, also die Durchschnittspunkte zweyer zusammenfallender Parallellinien. Also decken sich die beyden Vierecke, und die Perpendikel AB, CD sind gleich. [Da dieser Beweis für alle Perpendikel gilt, so stehn folglich zwey Parallellinien durchgängig gleich weit von einander ab*, sind lineae aequidistantes; eine Eigenschaft, woraus mehrere die Definition und die ganze Theorie

* 16. f. 1.

Theorie