

Lehrbuch der Erziehung und des Unterrichtes

Ohler, Aloys K. Mainz, 1863

C. Der Lehrgang für den Rechenunterricht nebst einigen Mustern für die praktische Behandlungsweise

urn:nbn:de:hbz:466:1-62615

§. 353. C. Der Lehrgang für den Rechenunterricht nebst einigen Mustern für die praktische Behandlungs: weise.

I. Der Lehrgang für den Rechenunterricht.

Die vier grundrechnungsarten im Zahlenraume von 1 bis 10.

Tehrgang nach Grube. Erfte Stufe. Die Jahl Gins. I. Die reine Bahl. II. Die angewandte Bahl. Bweite Stufe. Die 3ahl 3wei. I. Die reine Babl. a. Das Meffen und Bergleichen. 1. Uebung. 2 berglichen mit 1. A. Ropfrechnen. a. Zusammenzählen 1 + 1 = b. Bervielfachen $2 \times 1 =$ c. Abzählen 2 - 1 =d. Meffen B. Tafelrechnen. 2. Uebung. Aufsuchung des Unterschie-bes zwischen 1 u. 2 und umgekehrt. Nur Kopfrechnen. b. Das Schnellrechnen. A. Ropfrechnen. a. Schnellrechnen mit 2 Zahlen: 1 + 1 = ?b. Schnellrechnen mit 3 Zahlen: 2 - 1 + 1 = ?c. Schnellrechnen mit 4 Zahlen: 1+1-1-1? d. Schnellrechnen mit mehreren Bahlen: $2 \times 1 - 1 + 1 : 1 = ?$ B. Tafelrechnen. c. Das Rombiniren. A. Ropfrechnen. B. Tafelrechnen. II. Die angewandte Bahl. Nur Kopfrechnen. Dritte Stufe. Die 3ahl Drei. I. Die reine Bahl. a. Das Meffen und Bergleichen. 1. Uebung. 3 verglichen mit 1. A. Ropfrechnen. a. Zusammenzählen 1+1+1=b. Bervielfachen 3×1= c. Abzählen 3 - 1 - 1 =

1:3=

d. Meffen

B Tafelrechnen.

Tehrgang nach Bentichel, Grite Mebung. Das Auffaffen, Benennen und Schreiben der Grundgablen. 1. Auffaffen und Benennen ber Grundzahlen (Bählen). 2. Genaueres Auffaffen ber Stelle, welche jede Zahl in der Reihe einnimmt. 3. Die Biffern. - Lefen und Schrei: ben berfelben. Zweite Mebung. Zusammengahlen und Abgahlen. I. Uebungen, gegründet auf die Zerlegung ber Zahlen von 1 bis 10 in zwei Elemente. 1. Die Zerlegung felbft. 2. Antnüpfung bes Infammen-gablens und Abzählens an bas Berlegen. (Sier wird jebe einzelne Babl mehrfeitig bearbeitet.) a) Die Zahl zwei. $\binom{2}{1} = \binom{2}{1} + \binom{1}{1} = \binom{3}{3}$ 1. Unschaulich. 2. Im Kopfe. Univendungen. 3. Schriftlich. b) Die Bahl brei. $\binom{3}{2} = \binom{2}{1} + \binom{1}{1} = \binom{3}{3}$ 1. Anschaulich. 2. Im Kopfe. Unwendungen. 3. Schriftlich. c) Die übrigen Zahlen ebenso. 3. Freies Bugahlen und Abgablen. a) 3m Ropfe, obne Beranschaulichung. a. Zuzählen und Abzählen ber 1. In der Reihe. 3. B. 1+1= 2+1= 3+1= 4+1= 1-1= 2-1= 3-1= 4-1= u. s. w. Außer der Reihe. b. Zuzählen und Abzählen ber 2. In der Reihe. Z. B.

1+2= 3+2= 4+2=

2+2= 3-2= 5+2= 2-2= 4+2= 5-2=

u. f. w.

Außer der Reihe.

Tehrgang nach Grube.

Tehrgang nach Bentichel.

2. Uebung. 3 verglichen mit 2.

A. Ropfrechnen.

a. Zusammenzählen 2 + 1 = $1 \times 2 + 1 =$ b. Bervielfachen

c. Abzählen 3 - 2 =2:3=

d. Meffen B. Tafelrechnen.

3. Uebung. Auffuchen bes Unterschies bes zwischen 3 u. 2 u. 1 und umgekehrt. Nur Kopfrechnen.

b. Das Schnellrechnen.

A. Ropfrechnen.

a. Schnellrechnen mit 2 Bahlen.

" 3 " " 4 " b. C.

" mehreren Zahlen. d.

B. Tafelrechnen.

c. Das Rombiniren.

A. Ropfrechnen. B. Tafelrechnen.

II. Die angewandte Babl. Rur Ropfrechnen.

Vierte Stufe. Die Jahl Vier.

I. Die reine Bahl.

s. Das Deffen und Bergleichen.

1. Uebung. 4 berglichen mit 1. A. Ropfrechnen.

a. Zusammenzählen 1+1+1+1=

b. Bervielfachen 4×1=

4-1-1-1= c. Abzählen

d. Meffen 1:4=

Tafelrechnen.

2. Uebung. 4 verglichen mit 2.

A. Ropfrechnen.

a. Zusammenzählen 2 + 2 =

b. Bervielfachen 2 × 2 = 4 - 2 =c. Abzählen

2:4= d. Meffen

B. Tafelrechnen. 3. Uebung. 4 verglichen mit 3.

A. Ropfrechnen.

a. Zusammenzählen 3 + 1 = b. Bervielfachen 1×3+1=

4-3=

Mbzählen d. Meffen 3:4=

B. Tafelrechnen.

4. Uebung. Aufsuchen bes Unterschiedes zwischen 4 und ben in 4 enthal= tenen Zahlen.

Nur Kopfrechnen.

b. Das Schnell rechnen.

A. Ropfrechnen.

a. Schnellrechnen mit 2 Zahlen.

c. Bugablen und Abgablen ber 8, wie oben angedeutet, und so durch mit allen Zahlen.

Angewandte Aufgaben ichließen fich

überall an.

b) Schriftlich.

II. Uebungen, gegründet auf bie Berlegung ber Grundgab: len in brei Elemente.

1. Die Berlegung felbft. 2. Anfnupfung bes Bufammen-gablens und Abzählens an bas erlegen. (Sier werden alle Bahlen von brei an

durchgearbeitet.) a) Die Bahl brei.

1. Anschaulich.

 $\binom{3=1+1+1}{1+1+1=3}$ 2. Im Ropfe. Univendung.

3. Schriftlich.

b) Die Zahl vier.

1. Unichaulich.

 $\binom{4=2+1+1}{2+1+1=4}$ 2. Im Ropfe. Anwendungen.

3. Schriftlich.

c. Die übrigen Bahlen ebenfo.

3. Freies Bugablen und Abgablen.

a) 3m Ropfe, ohne Beraufchaulichung.

a. Zuzählen und Abzählen von 1 u. 2.

3. 9. 3+1+2= u. j. w. 3-1-2= u. j. w.

b. Zugählen und Abzählen von 1 und 3, 1 und 4, u. f. w. 2+1, 2+2, 2+3 u. j. w., 3+1, 2+2, 3+3 u. j. w. u. j. w. in

ber Reihe und außer ber Reihe. Ungewandte Aufgaben ichließen fich

überall an.

b) Schriftlich.

III. Uebungen, gegründet auf die Zerlegung ber Zahlen in vier und mehr Clemente. (Der Gang ift berfelbe, nur etwas abge-fürzter, wie er unter I, und II gezeigt wurde.)

IV. Das Unterschiedsuchen.

1. Anschaulich.

(Jede Grundgahl von 2 an wird mit jebem ihrer Theile verglichen.)

2. Im Ropfe.

a) In Reihen.

Der Unterschied zwischen

1 unb 8 = 7

2 unb 8 = 6

3 und 8 = 5 u. f. f.

Jehrgang nach Grube. Lehrgang nach Gentidel. b. Schnellrechnen mit 3 Bablen. b) Außer der Reihe. C. " 4 Unwendung. " mehreren Bahlen. 3. Schriftlich. B. Tafelrechnen. Wiederholung und Bufammenfaffung e. Das Kombiniren. alles bisher Behandelten. A. Kopfrechnen. 1. Im Ropfe. B. Tafelrechnen. 2. Schriftlich. II. Die angewandte Bahl. Nur Kopfrechnen. Dritte Hebung. Bervielfachen und Theilen. Fünfte Stufe. Die Jahl Fünf. I. Bervielfachen und Ent: I. Die reine Bahl. haltenfein. a. Das Meffen und Bergleiden. A Uibungen, gefnapft an die Bertegung ber Babten. 1. Nebung. 5 verglichen mit 1. 1. Die Zerlegung felbft. A. Ropfrechnen. (Die Grundgabten werden wieder gerlegt, a. Zusammenzählen 1+1+1+1+1= biesmal nur in gleiche Theile.) b. Bervielfachen 5×1= 2. Unknüpfung bes Bervielfachens 5-1-1-1-1= c. Abzählen und Enthaltenseins an biefe Berlegung. d. Meffen 1:5 = 1. Unschaulich. B. Tafelrechnen. Die Zahl 2. 2. Uebung. 5 verglichen mit 2. 1mal 2 ift 2. 2 ift 1mal 2. 2 ift 2mal 1. A. Ropfrechnen. 2mal 1 ift 2. a. Zusammenzählen 2 + 2 + 1 = 1 ift in 2 2mal enthalt. Q ift in 2 1mal enthalt. b. Bervielfachen $2\times 2+1=$ So und noch erweiterter jebe folc. Abzählen 5-2-2= gende Zahl. d. Meffen 2:5= 2. Im Ropfe. B. Tafelrechnen. Angewandte Aufgaben schließen sich an. 3. Uebung. 5 berglichen mit 3. 3. Schriftlich. A. Ropfrechnen. Wiederholung und Zusummenfassung a. Zusammenzählen 3 + 2 = alles Bisherigen. b. Bervielfachen $1 \times 3 + 2 =$ 1. Im Kopfe. c. Abzählen 5 - 3 = 2. Schriftlich. d. Messen B. Tafelrechnen. 3 : 5 = II. Das Theilen. A. Hebungen, gefnüpft an bas anichaulide Berlegen ber Bablen. 4. Uebung. 5 verglichen mit 4. A. Ropfrechnen. 1. Die Zerlegung selbst. a. Zusammenzählen 4+1=b. Bervielfachen $1\times 4+1=$ (Sie ift gang viefelbe, wie in ber britten Urbung.) c. Abzählen 5 - 4 = 2. Anknüpfung des Theilens an diese d. Meffen : 5 == Berlegung. B. Tafelrechnen. 1) Erster Gang burch die Zahlen. 5. Uebung. Aufsuchen bes Unterschie: Die Kinder fprichen, während ber Lehrer auf anschauliche Dinge zeigt: bes zwischen 5 und ber in 5 enthal= tenen Zahlen. Bei der Zahl 2. Mur Kopfrechnen. 2 ist 2mal 1. 1 ift bie Salfte von 2. b. Das Schnellrechnen. Bei der Zahl 3. Ropfrechnen. 3 ift 3mal 1. a. Schnellrechnen mit 2 Bahlen. 1 ist der 3. Theil von 3. b. ,, 3 ,, u. j. w. C. 11 4 (3n biefer Hebung lernen bie Rinder eine d. " mehreren Zahlen. Bahl ale Theil einer anderen auf. Tafelrechnen. fassen

Sehrgang nach Grube.

Jehrgang nach Gentichel.

c. Das Kombiniren.

Ropfrechnen. B. Tafelrechnen.

II. Die angewandte Bahl. Nur Kopfrechnen.

(Bei biefer, fowie bei jeber folgenben Stufe bes gangen Lehrganges geht immer bas Ropfrechnen bem Tafelrechnen vor: an. - Es wird bies bier befondere bervorgehoben, um bie Bezeichnung von Ropfund Aafelrechnen für bie Foige an teiner Stelle mehr besondere anführen gu muffen.)

Siebente Stufe. Die Bahl Gie=

Achte Stufe. Die Zahl Acht '). Rennte Stufe. Die Bahl Renn '). Behnte Stufe. Die Bahl Behn ').

Sechste Stufe. Die Jahl Sechs ').

ben ').

(Gerate und ungerate Bahlen.)

2) Zweiter Gang burch bie Bahlen.

1. Unschaulich. hier fommen folgende Fragen gur Lösung:

Bei ber Zahl 2.

a) In wie viel gleiche Theile ift 2 zerlegt ?

b) Wie groß ift jeder Theil?

c) Der wie vielte Theil ift 1 bon 2? d) Bon welcher Bahl ift 1 bie Balfte ?

e) Wie viel ift bie Salfte von 2? (Gang fo bei ben übrigen Bablen.)

2. Im Ropfe.

3. Schriftlich.

Breie Uchungen bes Theilens. 1. 3m Ropfe, ohne Beranfchaus lichung.

2. Schriftlich.

Wiederholung und Bufammenfaffang ulles bisher geübten.

1. Im Ropfe.

2. Schriftlich.

Die vier grundrechnungsarten im Zahlenraume von 10 bis 20.

Erfte Stufe.

(Der Behner im Gegenfate jum Siener und umgefebri.)

Die Zahlen von 10 bis 20.

3weite Stufe.

Die Zahlen von 20 bis 100.

r feben biefer Bahlen, mie bie bei bei ben Bab-Der spezielle Fing einer jet ist ebenfo, wie len von 1 bis

(Bur Wieberholung: "Dos Eine und Eine. Das Ein-mal-Eine. Das Gins weniger Gins. Das Gins in Gins.")

Erfte Hebung. Erweiterung des Bahlengebietes bon 10 bis 100.

Der Behner, im Gegenfate gum Giner. Reine Zehner.

Behner mit Ginern verbunden Ges rade und ungerade Zahlen.

3weite Hebung. Bufammengahlen. Grundgahlen gu Grundgahlen; guerst 2, dann mehr als 2 Summanden. Grundzahlen zu Behnerzahlen; zuerft

2, bann mehr als 2 Summanden. Das Durchiprechen von Reihen g. B. 1, 3, 5, 8 2c. 2c.; 2, 4, 6, 8 2c. 2c.;

1, 4, 7, 10 20. 20. Behnerzahlen zu Behnerzahlen; zuerst

2, bann mehr als 2 Summanden.

Dritte Mebung. Abgahlen. Abgahlen, zuerst bon ben Zahlen von 10 bis 20, bann von allen übrigen Bahlen. a. Das Durchsprechen von Reihen 3. B.

100-2=? 99-2=? 100-3=? 98-2=? 97-2=? 97-3=?

2C. 2C. 2C. 2C. b. In bermischten Aufgaben. 18-9= 17-6= 13-8= u. j. w.

¹⁾ Der Blan gur fpeziellen Be= handlungsweise biefer Bahl ift gang berfelbe, wie er bei ben Bablen 1, 2, 3, 4 und 5 gegeben wurde.

Fortfebung des Tehrganges nach Bentichel.

Abzählen reiner Zehnerzahlen. Abzählen gemischter Zehnergahlen.

Bierte Hebung. Bervielfachen.

Vervielfachen der Grundzahlen durch Grundzahlen.

Bervielfachen a) der reinen und b) der gemischten Zehnerzahlen durch Grundgahlen.

Runfte Hebung. Deffen und Theilen.

Nebungen im Bereiche bes kleinen "Ein-mal-Gins."
a) Das Enthaltensein. b) Das Theilen

Uebungen, welche jum Theil über bas fleine Gin-mal-Gins hinausgeben. 3. 3. 20: 40 = ? 4: 72 = ?

Die vier Arundrechnungsarten in größeren Zahlen. (Das Rechnen mit reinen Zahlen und mit gleichbenannten in Berbinbung

miteinander.)

Lehrgang nur theilweise nach Grube und Bentichel.

Erfte Stufe. Auffaffen, Lefen und Schreiben ber Bahlen. (Der hunderter im Gegensate jum Zehner und Giner und umgefehrt.)

I. Die Bahlen bis Taufenb.

II. Größere Bahlen bis jum Zehntausender — bis jum hunderttausender - bis jur Million 2c. 2c. Behnerordnung , Zehnerspftem , Zehnergeset. Die römischen Zahlzeichen.

Bweite Stufe. Abbiren. I. Summanden mit einer geltenben Stelle.

1. Ohne Uebergang ber Summanden in höhere Ordnungen.

a) Die geltenben Stellen find gleichnamig.

b) Sie find ungleichnamig. 2. Mit Uebergängen in höhere Ordnungen.

II. Summanden mit mehr als einer geltenden Stelle.

1. Ohne Nebergänge in böhere Ordnungen.

2. Mit folden Uebergängen.

(Zuerft überall 2=, bann 3=, 4= und mehrstellige Zahlen; ebenso querft überall 2 Summanden, dann mehrere.)

Dritte Stufe. Das Subtrabiren.

I. Subtractionen, bei welchen nicht geliehen wird. In jeder Ordnung des Minuenden find mehr oder doch ebensoviel Einheiten, als in derselben Ordnung des Subtrahenden. Z. B. 1) Mit Cinheiten von einerlet - 2) Mit Ginheiten von zweierlei - 3) Dit Ginbelten

					441 History Court Court
6 —	3	240 -		120	463 - 241
60 —	30	380 -	_	240	596 — 454
800 —	200	509 -	_	203	3980 — 2760
9000 -	7000	8500 -	_	1300	5446 — 3231
70000 -	20000	9040 -	_	8020	
9000000 -	700000	10009 -	-	10007	

II. Subtractionen, bei welchen geliehen wird.

Richt in jeder Ordnung bes Minuenden find mehr ober boch ebensoviel Einheiten, als in berselben Ordnung bes Subtrabenden.

1. In ber Ordnung, welche auf diejenige folgt, in ber bas Abgah: len nicht geschehen fann, find Ginheiten.

Re-CEG G	a) Es wird ein	mal gelieben.	b) Es wird zwei- ober mehrmal geliegen.
8. 8.		8000 - 400	3. B. 360 - 97
100	200 - 40	9040 - 720	214 - 139
1290	904 - 44	444 — 64	6090 — 506
		8240 - 3540	7411 - 22
-			5040 — 3232

Sehrgang nur theilweise nach Grube und Bentichel.

2. In ber Orbnung, welche auf biejenige folgt, in ber bas Abgablen nicht geschehen fann, find feine Ginheiten, fondern in ber weiter barauffolgenden.

a) Es wird einmal gelichen.

b) Es wird zwei- ober mehrmal gelieben.

300 - 73. 3. 304 - 19

60402 - 30604700101 - 19405

6005 - 2362

III. Die Subtraction in Berbindung mit ber Abbition. Bierte Stufe. Multipliciren.

I. Das Bervielfachen zweis, dreis u. mehrstelliger Bahlen mit ben Grundzahlen.

a) ohne Uebertragung, b) mit lebertragung.

II. Das Bervielfachen 2=, 3= und mehrstelliger Zahlen mit zweiftelligen.

a) mit reinen Behnern, b) mit Zehnern und Ginern

III. Das Bervielfachen 2:, 3: und mehrstelliger gahlen mit breiftelligen.

a) mit reinen hunderien,

b) mit Sunderten, Behnern und Ginern.

Das Bervielfachen 2=, 3 = und mehrstelliger Bahlen mit 4= und IV. mehrstelligen Zahlen.

V. Das Bervielfachen in Berbindung mit bem Bu- und Abzählen.

Fünfte Stufe. Dividiren.

I. a. Die Prim: und jusammengesetzten Bablen, b. Rennzeichen ber Theilbarkeit ber Zahlen

II. Das Theilen 2:, 3: und mehrstelliger Bablen.

1. Der Divisor ift einftellig.

a) Das Theilen 2ftelliger Bahlen.

3= und mehrftelliger Bahlen.

Der Divisor ist zweistellig.
a) Der Divisor und ber Divibend bestehen aus reinen Zehnern.

b) Der Divisor besteht aus Zehnern und ber Divident aus Zeh. nern und Einern.

c) Der Divisor besteht aus Zehnern und ber Dividend aus einer

mehrstelligen Zahl. d. Der Divisor besteht aus Zehnern und Einern und ber Divibend aus einer mehrftelligen Bahl.

3. Der Divisor ift 3= ober mehrstellig. III. Das Theilen in Berbindung mit dem Bu- u. Abzählen u. Bervielfachen.

4. Die vier grundrechnungsarten in ungleich oder mehr= fach benannten ganzen Zahlen.

Grite Stufe. Borbegriffe gur Bermandlung ber Größen einer Art in Größen einer anderen Art.

Bweite Stufe. Bermanblung ober Auflöfung boberer Müngfor: ten, Gewichte und Mage in niedere. (Refolution, Refolutionszahl.) I. Feststellung und Erweiterung ber II. Berwandlung höherer Sorten in

Kenntniß bon ben:

niedere von den:

1) Münzen,

- 2) Gewichten, 3) Magen für trodene Sachen,
- 4) Magen für flüffige Sachen,
- 6) Längenmaßen,
- 7) Flächenmaßen, 8) Körpermaßen,
- 9) Papiermaßen.

Beitmaßen, Dritte Stufe. Bermandlung ober Burudführung niederer Müngforten, Gewichte und Mage in bobere. (Reduction, Reductionegabl.) (Nach ber Ordnung, wie fie in ber 2. Stufe II. angegeben ift.)

Lehrgang nur theilweise nach Grube und Gentichel.

Wierte Stufe. Das Abbiren in ungleich benannten ganzen Zahlen.

1) Der Müngsorten,

6) ber Längenmaßeinbeiten,

2) " Gewichtsforten,

" Flächenmaßeinheiten, 8)

3) " Mageinheiten für trocene Sachen, für fliffige Sachen, 4)

" Rörpermaßeinheiten, " Papiermaßeinbeiten.

Reitmaßeinheiten,

Runfte Stufe. Das Gubtrahiren in ungleichbenannten gangen Zahlen.

9)

(Nach ber Ordnung, wie in ber vierten Stufe.)

Sechfte Stufe. Das Multipliciren in ungleich benannten gangen Bahlen mit Berüdfichtigung ber Multiplications. Regel : be : tri.

(Rach ber Ordnung, wie in ber vierten Stufe.)

Glebente Stufe. Das Divibiren in ungleichbenannten gangen Bablen mit Berüdfichtigung ber Divifions : Regel:be:tri.

(Rach ber Ordnung, wie in der vierten Stufe.)

Achte Stufe. Das Abbiren, Subtrabiren, Multipliciren und Divibiren in Berbindung mit einander - mit Rudfict auf die Berbindung der Multiplications: und Divisions: Regel: de : tri im Dreisage mit ganzen Zahlen.

5. Die vier grundrechnungsarten in Brüchen.

A. In unbenannten und gleichbenannten Brüchen. Erfte Stufe. Borübungen gum Rechnen mit Brüchen.

a) Rur mündliches Rechnen.

1. Theilung ber Ginheit in gleiche Theile. Namen ber Theile ber Ginheit. Die Theile bilden eine neue Urt von Ginheiten. Feststellung bes Begriffes von Bruch.

2. Betrachtung ber halben, Drittel, Biertel und Fünftel nach Grube.

b) Ropf- und Tafelrechnen.

1. Zähler und Nenner eines Bruches. - Bergleichung von Bruch, ganger und gemischter Bahl.

2. Unterschied, wie ganze Zahlen und wie Brüche aus der Einheit entstehen. 3. Berschiedener Werth, den ein Bruch im Bergleiche mit dem Ganzen haben kann. — Aechter und unächter Bruch.

- 4. Bergleichung folder Brüche, die entweder im Babler, ober im Renner, ober in Beiben übereinstimmen. — Gleichnamige und ungleichnamige und gleiche Brüche.
 - 5. Berwandlung ganzer Zahlen in unächte Brüche von beliebigen Nennern. 6. Verwandlung gemischter Zahlen in unächte Brüche.
 - 7. Bermandlung unächter Brüche in ganze ober gemischte Bahlen.

8. Bergleichung bes Berthes ber Brüche:
a) bei Bervielsachung bes Zählers,
b) bei Bervielsachung bes Nenners.

9. Berwandlung ber Form ber Brüche burch Bervielfachung mit Beibehals tung bes Werthes = bas Erweitern ber Brüche. (Fingerzeig jum Gleichnas migmachen ungleichnamiger Brüche.)

10. Bergleichung bes Werthes ber Brüche:

a) bei Theilung bes Jählers, b) bei Theilung bes Nenners.

11. Berwandlung ber Form ber Briiche burch Theilung mit Beibehaltung bes Werthes = bas "heben" ber Brüche. (Weiterer Fingerzeig zum Gleich: namigmachen ber ungleichnamigen Brüche.)

12. Berwandlung ungleichnamiger Brüche in gleichnamige. (Hauptnenner.)

Sehrgang nur theilmeife nach Grube und Gentichel.

Bweite Stufe. Das Bufammengahlen ber Bruche.

Das Zusammengablen 1) gleichnamiger achter Bruche;

2) gleichnamiger achter Brüche und gemischter Bahlen;

3) gleichnamiger gemischter Bahlen; 4) ungleichnamiger achter Bruche;

5) ungleichnamiger achter Brüche und gemischter Bahlen;

6) ungleichnamig gemischter Bablen.

Dritte Stufe. Das Abgablen mit Brüchen,

I. Das Abzählen 1) gleichnamiger achter Brüche;

2) eines achten Bruches von einer gangen Bahl; 8) einer gemischten Bahl von einer gangen Bahl ;

4) eines achten Bruches von einer gemischten gleichnamigen Bahl; 5) einer gemischten Bahl von einer gemischten gleichnamigen Bahl; 6) eines achten Bruches von einem ungleichnamigen achten;

7) eines achten Bruches von einer gemischten ungleichnamigen Babl;

8) ungleichnamiger gemischter Brüche.

II. Das Abzählen ber Brüche in Berbindung mit bem Zusammengablen derfelben.

Vierte Stufe. Das Bervielfachen ber Brüche.

I Das Bervielfachen 1) eines achten Bruches mit einer gangen Bahl;

2) eines gemischten Bruches mit einer gangen Babl;

3) einer gangen Babl mit einem achten Bruche; " einem gemischien Bruche;

5) eines achten Bruches mit einem achten Bruche;

6) eines gemischten " 7) eines achten Bruches mit einer gemischten Bahl;

8) einer gemischten Bahl " II. Das Bervielfachen der Briiche in Berbindung mit bem Busammens aählen und Abgablen.

Fünfte Stufe. Das Theilen ober Deffen ber Bruche.

I. Das Theilen 1) eines achten Bruches burch einen achten Bruch

) bei Brüchen mit gleichen Rennern, b) bei Brüchen mit ungleichen Rennern ;

2) eines achten Bruches burch eine gange Bahl; 3) einer gangen Babl burch einen achten Bruch;

4) einer gemischien Baht "
5) eines achten Bruches burch eine gemischie Baht; 6) einer gemischten Bahl burch eine gange Bahl; 7) einer gangen Bahl burch eine gemischte Bahl;

8) einer gemischten gabl burch eine gemischte Babl. Das Theilen in Berbindung mit bem Bufammengablen, Abgablen und Bervielfachen. (Faktorenbrüche.)

B. In ungleichbenannten Bruchen.

Erfte Stufe. Das Refolviren benannter Bruchgahlen.

Zweite Stufe. Das Reduciren "Dritte Stufe. Das Bujammengahlen ungleichbenannter Brüche.

Das Abgahlen Das Bervielfachen ungleichbenannter Brüche Vierte Stufe. Fünfte Stufe. mit Berüdfichtigung ber Multiplications:

Regel : be : tri. Sechfte Stufe. Das Theilen und Meffen ungleichbengnn: ter Brüche mit Berüdfichtigung ber Divi:

fions = Regel = be = tri. Siebente Stufe. Die Berbindung ber 3., 4., 5. und 6. Stufe.

Tehrgang nur theilweile nach Gentichel.

Die Anwendung der vier Arundrechnungsarten im Dreis, fünfs und Vielfage, sowie in den Binss, gewinns und Verluft=, Theilungs= oder gesellschafts=, Durchschnitts= und Mischungsrechnungen.

Erfte Stufe. Der Dreisat. (Mit Zurudführung auf die Einheit; basfelbe gilt auch für die zweite und britte Stufe.)

1) Alle 3 befannten Glieder find gange Bahlen. 2) Das eine Glied im Fragesake ift ein Bruch.

3) Das Glieb im Fragesate und ein Glieb im Bebingungsfate find Brüche.

4) Alle 3 Glieber find Bruche.

5) Ein Glied, bann 2, bann alle 3 Glieber enthalten Einheiten ber-Schiebener Art.

6) Der Dreisat mit umgefehrtem Schluffe.

7) Der Dreifat mit bem Schluffe von Ginheiten nieberer Art auf Ginheiten boberer Art und umgefehrt.

3mette Stufe. Der Fünffat mit gerabem und umgefehrtem Schluffe 1) in ganzen Zahlen 2) mit Brüchen.

Dritte Stufe. Der Biel fat, als 1) Siebenfat,

2) Neunsat,

3) Mehrglieberiger Sat.

Dierte Stufe. Die Bing: ober Intereffenrechnung.

I. Ginfache Berhältniffe.

II. Bufammengesette Berhältniffe:

1) Mit ber Frage nach ben Zinsen,

" ber Zeit. 5) Seltener vorfommenbe Fälle.

6) Terminenberechnung, sowohl bas Kapital, als die Zinsen betreffenb.

Runfte Stufe. Die Bewinn : und Berluftrechnung.

I. Der wirkliche Gewinn und Berluft wird gefucht.

II. Der Gewinn ober Berluft wird in Prozenten ausgebrückt.

Sechste Stufe. Die Gesellschafts : und Theilungsrechnungen. Einfache Gesellschaftsrechnungen.

II. Zusammengesette Gesellschaftsrechnungen.

Siebente Stufe. Durchichnitts: und Mijdungsrechnungen.

Berechnung bes Durchschnittes ober bes Mittelwerthes.

II. Gigentliche Mifchungerechnungen.

III. Aufsuchen der besonderen Werthe der einzelnen gemischten Einheiten aus dem gemischten Mengen und aus dem Mittelwerthe.

IV. Anwendung der Mischungsrechnung auf die Mischung der Metalle. Der nachfolgende Rechenitoff ift von jedem Lehrer da in den Lehrgang eingureihen, wo ihm die Durchnahme deffelben für feine localen Berhaltniffe am meiften geeignet ericheint.

I. Die vier Grundrechnungsarten in Decimalbruchen.

1) Begriff und Gintheilung ber Decimalbruche.

2) Das Lefen ber Decimalbrüche. 3) Das Schreiben ber Decimalbriiche.

4) Der Ginfluß bes Decimalzeichens auf ben Berth ber Decimalbr üche.

Sehrgang nur theilweife nach Bentichet.

5) Das Abkürzen der Decimalbrüche.

Das Berwandeln ber gemeinen Bruche in Decimalbruche.

Das Berwandeln ber Decimalbrüche in gemeine Brüche.

8) Das Zusammengählen mit Decimalbrüchen.

9) Das Abzählen

10) Das Bervielfachen

11) Das Theilen und Meffen mit Decimalbruchen.

II. Geometrifde Aufgaben.

Grite Stufe. Linienberechnungen.

Der Begriff von Linie. — Die Arten berselben. — Das Linienmaß als Wiederholung. — Die Weise, die Linien zu meffen. — Berwandlung 12theiliger Längemaße in 10theilige und umgekehrt. — Berechnungen.

3weite Stufe. Flächenberechnung.

Der Begriff ber Fläche. — Die Arten berselben. — Das Flächenmaß als Wiederholung. — Die Weise, die Flächen zu meffen. — Die Berwandlung 12theiliger Flächenmaße in 10theilige und umgekehrt. — Berechnungen.

Dritte Stufe. Rörperberechnung.

Der Begriff von Körper. — Die Arten berselben. — Das Körpermaß als Rieberholung. — Die Weise, die Körper zu messen. — Die Verwandlung 12theiliger Kubikmaße in 10theilige und umgekehrt. — Berechnungen.

II. Mufter für die prattifche Behandlungsweise des Rechenstoffes.

Vorerinnerung.

Beim praktischen Rechnen darf ber Lehrer nie vergeffen :

1) Immer zuerst Ropfrechnen, und wenn bies geht, bann, bamit verbunden,

Tafelrechnen. 2) Der ganze Rechenunterricht und ganz besonders der erste Rechenunter-richt muß auf Anschauung basirt sein. An Beranschaulichungsmitteln darf es da nie sehlen. (Siehe §. 344. u. 345.) Sowohl der Lehrer, als der Schüler bedie-

nen sich derselben. 3) Es ift gut, bei berfelben Sache und bei benfelben Berhaltniffen mit bem Ausbrucke öfters zu wechseln, weil dies mehr auf das Berftandniß hinwirkt und

das Rechnen vor Mechanismus bewahrt.

4) In der Frage ift die richtige Betonung Deffen , was man will , für die raiche Auffaffung und für ben guten Fortgang bes Unterrichtes, sowie in ben

Untworten bas Sprechen in gangen Gagen von hohem Werthe. 5) Die Uebungen auf jeder Stufe seien reich, mannigfaltig, vollständige Einsicht erzielend und so lang andauernd, bis eine Fertigkeit bewirft ist. Man gehe darum zu keiner neuen Stufe über, bis die vorhergehende genugsam geübt ift.

6) Die ersten Rechenübungen sollen die Kinder durchschnittlich nicht länger,

als eine halbe Stunde anhaltend beschäftigen.

Bemertt fei noch, daß, wenn wir in ben nachfolgenden Mufterbeispielen bier und da auch Etwas von Manier einfließen laffen, teines wegs damit gefagt ift, sei gerade biese Manier bie beste und gerade so muffe man es machen. Wir wollen nur dem jungen Lehrer das lebendige, wirkliche und praktische Schulhalten vorführen; dies aber ift taum bentbar ohne die Manieren Deffen, ber eben die Schule hält, zugleich mit schauen zu lassen, da dieselben, mögen sie auch bei Sebem anders sein, den Unterricht lebendig machen und darum mithelsen, einen guten Ersolg zu erzielen. Damit ist zugleich auch angedeutet, daß die nachfolgenden Katechesen durchaus nicht zum Auswendiglernen sür den Lehrer bestimmt sind, um sie Wort sür Wort mechanisch nachzuhalten; ihr Zweck ist vielmehr ihr in die Wort werden. Seist wie man Kinder von diesem vielmehr, ihn in die Art und in den rechten Geift, wie man Kinder von diesem Alter unterrichtet, einzuführen , damit er in seinem Unterrichte ähnlich auschaulich

Dhier, Erziehunges u. Unterrichtetunde. 3. Muft.

§. 354.

Tlar, bestimmt, anregend, gemuthlich und boch ernft mit feinen Rindern verfebre. Schlimm ift es darum vor Allem, wenn sich ber Lehrer, der solche Kinder unter richten foll, nicht zu benfelben berabbenten fann. 3hm werben die nachfolgenben Katechesen komisch erscheinen; allein Derjenige, welcher sich auf ben Standpunkt bieser Kinder versehen kann, wird bald finden, daß sie in Sprache und Behand-lungsweise natürlich, gemüthlich und anregend sein wollen. — Wir gehen nun zu bem eigentlichen Unterrichte über und benten und unter eine Menge fleiner Rim ber, mit benen wenigstens bie Gegenftande bes Schulzimmers burchgesprochen find, und damit wir ihrer Aufmerkfamkeit gleich gewiß fein konnen, beginnen wir mit einem Gegenstande, von dem wir sicher wissen, daß er fie alle gleich sehr interessitt.

Muster, wie die vier grundrechnungsarten im 3ahlenkreise von 1 bis 10 nach dem Lehrgange von grube zu behandeln find.

warden duich al Giehe ben Lehrplan S. 584.)

Erfte Stufe.

5. 355.

Braftische Behandlungsweise der Bahl Gins').

I. Die reine Zahl.

I. Die reine Zahl.

nebung bes $1 \times 1 = 1$.

Kopfrech nen. 2. Rinder, beute habe ich euch etwas Schones mitgebracht. (Der Lebret bolt einen Apfel oder ein anderes Ding aus seiner Tasche, halt ihn in die bobe

und spricht:) Was ist bas?

Sch. Das ist ein Apfel. L. Richtig. Wist ihr denn auch, wozu man ihn brauchen kann?

м 5ф. Зит Effen, 2с. 2с.

2. Wo wachjen benn die Aepfel ?

Sch. Am Baume.

L. Wächst b Sch. Mehr. Bächft benn nur ein Apfel am Baume ober wachfen mehr Aepfel baran?

2. Run fagt mir, hab' ich hier mehr Nepfel ober nur einen?

Sch. Nur einen.

2. Rur einen Apfel hab' ich. (Der Lehrer nimmt einen Stuhl te. " her und halt ihn vor ben Kindern in die Sobe.) Wie heißt bas Ding bier? оф. —

¹⁾ Man verwechsele nie die Begriffe "Eins" und "Einheit". Die gesetzte Sinheit (nämlich die Eins Imal gesetzt) ist die Eins. Darum ist "Eins" eine Zahl, so gut wie "Zehn" oder "Hundert"; jede Zahl läßt sich aber als "Einheit" sir ein aus ihr entstandenes "Vielkache" auffassen. — Da das Rechnen in dem gegenseitigen Messen (Bergleichen) der Zahlen besteht, so kann mit der Eins, als dem absoluten Maße, das sich nur selbst zum Maße hat, nicht gerechnet werden. Der Schüler hat hier nur den abstracten Begriff der Einheit zu setzen, d. h. an einem Dinge concret zu machen — Das Rämliche ailt für das Rergleichen der einem Dinge concret zu machen. — Das Nämliche gilt für das Bergleichen der Zahl 2 mit 2, der Zahl 3 mit 3 u. s. f., obsichon das Einmal-Rehmen oder Setzen derselben Zahl beim Bervielfachen, das Abzählen gleich großer Zahlen von einander und das Meffen gleich großer Zahlen mit einander im praftischen Leben sehr häufig vorkommen; denn wie oft sagen wir beim Vervielsachen $1 \times 4 = 4$ u. s. w., beim Abzählen 1 - 1 = 0, 2 - 2 = 0, 3 - 3 = 0 i. i., ebenso beim Messen: 1 gemessen in 1 geht 1mal, 2:2 = 1 u. s. w. Grube ibt dies nickt halman. dies nicht besonders; auch wir wollen es dem Lehrer überlaffen, diese Uebung nach seinem Dafürhalten in ben Gang hereinzuziehen, ober, wie Grube, fie auszulaffen; für diefen letteren Fall ift fie jedenfalls ba gu berüdfichtigen, 100 fie für das Rechnen nothwendig wird.

2. Sab' ich mehrere Stuble ober nur einen Stubl in ber Sanb? Sch.

L. Was ift also bas?

ter:

ben ınfi

ind:

311

tins

ind.

mit

firt.

311=

all

brev

odhe

ran?

20

ste

eine

beit" bent als

cben.

an ber

ober

bon

eben

-4

itt

mad

100

2. Und was ift das hier (indem er auf ein Fenfter zeigt)?

Ech. Das ift ein Fenfter.

2. Wie viel Fenster sind bas? Sch. Das ift ein Tenfter. u. f. w. L. Was ift bas?

Sch. Das ift ein Ofen?

2. Wie viel Defen find bas?

Sch. Das ift ein Dfen.

2. Gind noch mehr Defen in ber Stube?

2. Recht, es find nicht - mehr Defen in ber Stube. Wie biel Defen find also in ber Stube?

Sch. - (Antworten bie Rinder blos Giner ober Gins, fo wird gefragt: Bas benn Giner ober Gins?)

2. Wo ift ber Gine Dfen? (Immer muß in gangen Gapen geant wortet werden.) - das as any and and a same

Sd. -

2. Nennet mir noch mehr Dinge, die nur einmal in ber Stube find?

Sch. - (Es werden bier alle Dinge, die nur einmal ba find, aufgeführt, felbst des Kindes eigener Kopf, Mund, Naje 20. 20. Wesentlich ift, daß Alles, was genannt wird, nur einmal ba ift; nennen bie Kinder ein Ding, bas mehrmals vorhanden ift, jo wird bies berichtigt. - Nachdem möglichft alle in ber Schulftube nur einmal vorhandenen Dinge genannt find, wird eine wiederholte Aufzählung berselben in anderer Form, etwa in solgenden Sätzen, wesentlich zu einer sichereren und geläufigeren Sprache beitragen: In der Schulftube ist ein Dien. In der Schulftube ist eine Wandtasel. In der Schulftube ift ein Stuhl zc. zc. - Der Lehrer thut darum wohl, die Wiederholung in biefer ober in einer anderen Form zu veranlaffen. Darum fährt er etwa in folgender Weise fort:)

2. Rinder, ihr habt mir eben gejagt (auf ben Dfen hinzeigenb): Das ift

ein Dfen; aber jest fagt mir: Die vielmal ein Dfen ift bas?

Das (auf die Wandtafel hindeutend) ift wie vielmal eine Wandtafel?

Sch. — Las ist wie vielmal ein Stuhl? (Griffel, Lineal, Buch, Apfel 2c. 2c.) Gd. -

2. hier schreibe ich euch Etwas auf die Wandtafel. (Der Lehrer macht einen Strich.) Was habe ich bier hingeschrieben ?

Sch. -&. Das find wie viel Striche?

Ed).

Ech. — 2. Und wie vielmal ein Strich ist daß?

2. Gin Strich ift also wie bielmal ein Strich?

Sá. —

Dinge concret ou maching 2. Gin Dfen ift wie viemal ein Dfen?

Sch. —

2 Ein Stuhl ift wie vielmal ein Stuhl?

€ф. —

2. (u. f. w. - jum Striche gurudkehrend): Ein Strich ift wie vielmal

Sch. —

2. Eins ist wie vielmal Eins? Sch. Eins ift einmal Gins. - Eins, einmal genommen, ift Gins. — Cinmal Eins ift Eins.

(Dies Lettere wird geubt bis gur vollen Geläufigfeit, einzeln und im Chore; alsbamt lernen bie Kinder bas zur vorausgegangenen lebung Gehörige ichreiben.)

Tafelrechnen.

2. Mas habt ihr eben rechnen gelernt? Wer weiß es noch?

Sch. Einmal Eins ift Eins.

Sprecht es noch einmal zusammen!

Sd. 2. Das ist recht. Nun dürft ihr, was ihr gesprochen habt, auch schreiben lernen. Seht darum, was ich euch jetzt auf die Tafel vorschreibe! (Der Lehter schreibt und spricht:) Rleiner Haarstrich rechtsschief aufwärts, Grundftrich sentrecht abwärts (1). Das ift bas Zeichen für ein Ding, für Eins. Die gro-

Ben Leute nennen es "Cins", ober fie sagen: "Das ift die Ziffer') Eins, bas ift Gins, ein Ginser." Sie machen es, wenn fie aufschreiben wollen, daß sie nur ein Stud von Etwas haben. Wie heißt alfo bas (auf Gins beutenb)?

Sch.

Wer von euch kann mir jett auch Gins schreiben? 2.

Sch. 2. (Die Fähigeren und Lebendigeren werden rafch dazu bereit fein. Man läßt fie bann unter fteter Aufmunterung, Gines nach bem Anderen, die Biffer Gins auf bie Wandtafel ichreiben, und ihr Beispiel wird unter Unleitung bes Lebrers selbst den Schüchternsten den Muth verleihen, daffelbe zu thun. Damit ift der erfte Schritt jum ichriftlichen Rechnen gescheben. Die Rinder figen nun wieber

1) Es kann nach ber Unsicht mancher Lehrer biese und jede folgende schrift-liche Rechenübung Anfangs ftatt in Ziffern auch in Strichen bargestellt werben. Diese Art ber Darftellung hat Manches für, aber auch Manches gegen sich.

11+1=

und bas nennt man anschaulich. Ift es bas? Ich zweifle sehr. Minbestens findet hier eine Bermischung des Anschaulichen mit dem Symbolischen statt, welche bem Begriffe bes rein Elementarischen nicht beffer entsprechen bürfte, als ber Be brauch ber Biffern. Noch beutlicher zeigt fich bies beim Subtrabiren, wo fich bie Aufgaben so stellen: | | | - | | =

|||| - || =hier bort bie Unschaulichkeit ziemlich auf. Der Schuler foll von fünf Strichen brei Striche hinwegnehmen, aber biefe letteren fteben, wenn man bie Aufgabe in Strichen barftellt, neben ben erfteren, find alfo andere, als biefe: barin liegt ber Mangel an Anschaulichkeit. Daß endlich bei ben Multiplications: und Divisions: aufgaben, wenn man fie fo bezeichnet:

> 11×111= ||| × |||| = : ||||||=

die lette Spur von Anschaulichkeit verschwindet, bedarf keines Weiteren." Wir sprechen darum mit Sentschell: Da wir insbesondere das Multipliciren und Dividiren schon in den erften Bahlenkreis mit hereinziehen, fo schien es uns doppelt rathfam, die Zissern zeitig eintreten zu laffen. Niemand wird und beghalb beschuldigen wollen, wir wurden bas Unschauliche und zwar bas rein Anschauliche vernachlässigen; daß wir ihm im Gegentheile sein volles Recht ein räumen, bagu liefern unsere Uebungen wohl ben vollständigften Beweis. Etwas Anderes ist die Benützung der Striche zur Beranschaulichung der Zahl.

auf ihren Pläten, und ber Lehrer fährt fort:) Jett foll Jedes von euch bies "Eins" auf seine Tafel schreiben. Wer kann bas? Sch. (Da tont es ganz gewiß:) Ich, ich!

L. Recht fo! Die Tafel heraus! — Jest macht bas "Eins" auf euere Tafel! (Dictirubung im Zifferschreiben.)

Sch. (Schreiben.)

L. (Der Lehrer sieht überall nach, läßt die Ziffern auslöschen und bann wieder machen, bis dies mit Leichtigkeit und geordnet geht. Schluß:) Ausgegelöscht! - Jest macht noch einmal Gins.

Sch. (Machen es.)

Was habt ihr geschrieben?

Sd.

11.)

men ter

nts

ro: as

fie

an

ns

ers

ber der

ift:

en.

佈

ens

Ide

(Se:

bie

ben

in

me:

pli= es

uns in eins

vas

Wie vielmal Eins habt ihr geschrieben?

Sá. -

Cinmal Gins ift aber wie viel? 2.

Sdy.

Best wollen wir Alles ichreiben lernen, was ihr eben gesprochen habt. Seht her! (Der Lehrer schreibt die Ziffer Eins auf die Wandtafel.) Was ift bas?

Sch. — L. Run mach' ich euch für das Wörtchen "Mal" ein Zeichen. (») Für welches Wörtchen foll bies Beichen fteben?

Sď.

Wie können wir es barum auch beißen?

Gd. -

2. Leset jett von vornen! (1 X)

Sch. "Eins mal." L. Ich schreibe weiter. (Er schreibt einen Einser hinzu.) Könnt ihr's jett lesen ? (1 >< 1) ganz lesen?

Sch. Eins mal Eins. L. So ist's recht. Für das Wörtchen "ist" machen wir 2 kleine wagrechte Striche. (= Der Lehrer macht fie.) (1 × 1 =) Für welches Wörtchen foll dies lette Zeichen fteben?

Ed)

2. Die fonnen wir es barum beigen?

6d). -

2. Leset jest wieder von vornen! (1 × 1 =)

Sch.

L. Ich setze jetzt noch einen Einser hinzu. (1 × 1 = 1) Leset ganz, was ich auf die Tafel geschrieben habe?

©d. — E. Noch einmal!

2. Statt Eins fagen bie Leute in manchen Fallen auch "Gin", bier g. B. fagen fie ftatt Gins mal Gins ift Gins - Gin mal Gins ift Gins. - Sprecht's darum jest noch einmal, so werden wir es gleich auch gelernt haben!

Sch. L. Noch einmal.

2. Recht so. Jest schreibt es auf euere Tafeln!1)

Sch. (Die Kinder thuen es.)

¹⁾ Jebe Ziffer, das Zeichen für das "Mat" (×), das Zeichen für das "Ift", so wie die später solgenden Zeichen für "Und" (+), "Weniger" (-) und "Gemessen" ober "It enthalten in" (:) tönnen auch im Schreiben einzeln geiibt werben. Der Lehrer muß hier am beften wiffen, wie feine Rinder im Schreiben im Allgemeinen vorangeschritten find, und was er bei ihnen voraus= setzen darf. Lieber aber übe er, als daß er zu viel voraussett.

2. Lefet, was ihr geschrieben habt!

Sh.

Recht fo. Lefet's noch einmal!

Eins ift alfo wie vielmal Gins?

இரு.

2. Ein mal Eins ift wieviel?

Sch.

L Jest bürft ihr Das, was wir eben ichreiben gelernt haben, so oft — aber es muß recht ich on sein — auf die Tafel schreiben, bis die Seite ganz voll ift. 3ch will feben, wer es am Schönften macht.

6. 356.

§. 357.

II. Die angewandte Bahl.

(Nur Konfrechnen.)

1) Bas ift nur einmal in ber Stube?

2) Was ift an beinem Ropfe nur einmal? 3) Was habt ihr zu Saufe nur einmal?

4) Bas fieht man in der Rirche nur einmal?

5) Was ift nur einmal am himmel gu feben?

6) Sier in biefer Stube ift nur ein Stuhl. Wenn ich ben einen Stuhl

hinaustrage, wie viel Stühle bleiben bann noch in ber Stube? 7) Gin Kind bekam von seiner Mutter ein Apfelbrodchen. Weil es aber hunger hatte, so af es daffelbe gleich auf. Wie viel Apfelbrodchen hatte es nun noch? 8 Rarl befam von feinem Bater einen Rreuger gum Gefchenke; gleich wollte

er fich Bede bafür kaufen Wie viel Kreuzermede wird er dafür bekommen? 9) Wie heißt die Salfte von einem Bede? - Bon einem Apfel? - ic. ic.

10) Wie beißt die Galfte von Gins?

Bweite Stufe.

Braftische Behandlung der Bahl 3wei.

I. Die reine Bahl.

a. Meffen und Bergleichen. Erfte Uebung. 2 verglichen mit 1.

Kopfrechnen,

2. Kinder, in der letten Rechenftunde habt ihr mir allerlei Dinge genannt, die nur einmal da waren. Wer kann mir das heute noch einmal thun?

Sch. -L. Du? - Du?

Sdj.

2. Wer noch mehr fann mir Dinge nennen, die nur einmal in ber Schulftube find ? -

Sety.

Anton, nenne mir, so viel du weißt!

Sdj.

2. Welche Dinge find nur einmal in euerem Saufe?

Si.

Welche Dinge sind nur einmal in der Kirche? (u. f. w.) (Diese Repetition muß rasch und lebendig vorüber geben.) Sch.

2. Was haben wir noch rechnen gelernt?

Sch. Einmal Eins ift Eins.

Sprecht noch einmal zusammen!

2. Das habt ihr aber auch geschrieben. Schreibt es noch einmal auf euere Tafeln Sch. (Sie schreiben es.)

2. Lefet's nun!

Sch. (Sie lesen es.)

L. Das habt ihr brav gemacht. Legt jest die Taseln unter die Bant, und legt die Hände oben d'rauf! So! (Es wird vorausgesett, daß die Kinder an augenblickliche und pünktliche Ausführung Dessen, was der Lehrer sagt, gewöhnt sind.) — Ihr dürft nun heute schon wieder etwas Neues lernen; aber ich werde es nur die Kinder lehren, die mich ansehen und recht schön acht geben.

a. Bufammengablen: Uebung bes 1 + 1 = 2.

Der Lehrer zieht den gestern 2c. 2c. benützten Apfel aus ber Tasche und fragt: Wist ihr noch, wie viel Aepfel ich da habe?

Sd. -

L. (Er zieht noch einen Apfel heraus und legt ihn zu diesem "Jett find's zwei!" wird Sins ober das Andere ausrusen.) So, das wist ihr schon? — Da könnt ihr mir auch sagen, wie viel Hände ich habe? (Der Lehrer legt die beiben Aepfel rasch auf die Seite und fährt fort:)

Sd). —

2. Wie viel Füße habe ich denn?

Sd. -

- L. Wie viel Arme? (So fragt ber Lehrer weiter, wie viel Augen, Ohren, Backen, Schultern, Seiten 2c. 2c. immer darauf zeigend haben wir?)
- Sch. L. (Damit die Kinder Gelegenheit haben, zwischen 1 und 2 zu unterscheiden, so gebe der Lehrer jetzt Fragen durcheinander, etwa wie folgende:) Wie viel Köpfe hat der Mensch?

Sch. —

2. Wie viel Rafen hat er benn ?

Sch. -

2. Wißt ihr benn noch, wie viel Augen er hat?

Sá. —

2. Wie viel Defen habt ihr benn ju Saufe in eurer Stube?

Sd. —

2. Wie viel Füße hat ber Sahn?

Sd. -

L. (Der Lehrer nimmt nun ein Ding, das ihm nahe zur Hand ift und von welcher Art er gleich noch ein zweites bekommen kann, etwa einen Griffel ic. 2c. Diesen vorzeigend, fragt er:) Was ist das?

Sch. —

L. (Dieser Griffel wird nun vor den Augen der Kinder niedergelegt und mit der anderen Hand ein anderer Griffel genommen und in die Höhe gehalten, indem man weiter fragt:) Und was ift das?

Sdj. —

L. Aber jest aufgepaßt! (Der Lehrer nimmt den Griffel mit der einen Hand und spricht, ihn in die Höhe haltend:) Das ift ein Griffel. (Gleich darauf nimmt er den zweiten Griffel mit der anderen Hand und spricht, diese fern von ter ersten Hand in ziemlich gleicher Höhe haltend:) Und das ist auch ein Griffel. Seht, ein Griffel und ein Griffel (indem der Griffel in der einen Hand zu dem Griffel in der anderen Hand gebracht wird) sind zwei Griffel. Was sind ein Griffel und ein Griffel?

Sdj. -

2. Alfo ein Griffel und ein Griffel find wie viel Griffel?

Sch. -

2. Und du, Karl, sag' mir auch noch einmal: Was sind ein Griffel und ein Griffel? u. s. w.

Sch -

2. Sprecht's Alle zusammen!

Sch. -

L. (Die eine hand vorzeigend.) Was habe ich hier?

Sch -

L. (Die andere Hand vorzeigend) Und hier?

Sch. -

2. Eine hand und eine hand (indem er beide hande zusammenhalt) find 2 hande. Was habe ich gesagt?

Sch. — L. (Auf die eine Hand des Kindes zeigend.) Was haft du hier? — Sch. —

2. (Auf die andere Hand bes Kindes zeigend.) Und hier ?

Sdy. -

L. (Er nimmt die eine Hand des Kindes und legt fie zur anderen.) Eine Hand und eine Hand sind wie viel Hände?

Sdj. -

L. (Ebenso bespreche man die übrigen Glieder des menschlichen Körpers, die doppelt vorhanden sind. — Zur Unterscheidung der Einheit und Zweiheit dient wohl auch solgende, den Unterricht belebende Frage: — Auf den Kopf des Kindes deutend —) Was haft du hier?

Sch. — L. Wo ist denn bein zweiter Kopf?

Sd. -

2. Also wie viel Köpfe haft du nur?

Эф. -

2. Wie viel Beine aber haft du?

Sch. —

L. (Der Lehrer macht einen Strich auf die Tafel.) Was habe ich hier auf die Tafel geschrieben ?

Sch. — L. (Der Lehrer macht noch einen Strich auf die Tafel.) Was habe ich noch einmal auf die Tafel geschrieben?

Sch. — L. Das (|) also ift ein Strich und das (|) ist auch ein Strich. Ein (|) Strich und ein (|) Strich sind wie viel Striche? Sch. —

2. Was ift also Eins und Eins?

Sd). -

L. Sprecht's zusammen!

Sdj.

2. Roch einmal!

Sch. -

b. Bervielfachen: Uebung bes 2 x 1 = 2.

2. (Ginen Finger zeigend.) Die viel Finger find bas?

Sch. -

L. (Einen anderen Finger in der anderen Hand vorhaltend.) Wie viel Finger find bas?
Sch. —

L. Ein Finger (ber Lehrer bringt beibe Finger zusammen) und ein Finger find wie viel Finger ?

L. Das aber (wieder ben erften Finger vorzeigend) ift wie vielmal ein Finger?

Sch. — L. Wie vielmal ein Finger (ben anderen vorzeigend) ist bas?

Sch. — L. Einmal ein Finger (ben erften vorzeigend) und noch einmal ein Finger (ben anderen vorzeigend und beide zusammenhaltend) sind wie viel Finger? Sch. —

2. 2 Finger find wie vielmal ein Finger? Sch. —

L. Zweimal ein Finger sind wie viel Finger?

2. (Auf ein Fenfter beutenb.) Wie viel Fenfter find bier?

Sch. 2. (Auf ein anderes Fenster beutend.) Und hier?

€ď.

Gin Fenfter und ein Fenfter find wie viel Fenfter?

Wie vielmal ein Fenfter find 2 Fenfter ?

Sch. 2. (In berfelben Weise werben noch viele Beispiele vorgeführt z. B.) Ein Kreuzer (nachher etwa Tisch, Buch, Gi, Nuß, Wed, Apfel ic. re. und ein Kreuzer find wie viel Kreuzer?

Sch. 2. 2 Kreuzer sind wie vielmal ein Kreuzer?

2, 2 mal ein Kreuzer find wie viel Kreuzer?

Sch.

2. (Die Kinder fprechen in ber Regel bei allen Uebungen einzeln und nur jur Abwechselung, jur größeren Belebung bes Unterrichtes, jur Nebung im Tattsprechen 2c. 2c. ober zum Schlusse auch im Chore. Zwischenfragen: Rennet mir Dinge, die nur 2mal in dieser Stube sind! — Was habe ich nur 2mal an meis nem Körper? — Schluß bieser Uebung.) Ein Ding (nachher Strich) und ein Ding find wie viel Dinge?

Sch. -2. 2 Dinge find wie vielmal ein Ding?

2mal 1 Ding find wie viel Dinge?

Eins und Eins ift wie viel?

Sd. -

2. 2 ift wie vielmal Eins?

2mal 1 ift wie viel? (Dieses wird besonders hervorgehoben.) Sd. -

c. Abzählen: Nebung bes 2 - 1 = 1

L. Seht jett noch einmal ber! (Der Lehrer nimmt wieder am besten, 2 jum Unterrichte noch nicht benütte Gegenftande, in Ermangelung biefer thuen es auch wieder 2 Griffel ober etwa 2 Niiffe, 2 Nepfel ober sonst 2 Dinge, die er sich wegen des größeren Interessens der Kinder schon vor dem Unterrichte in die Tasche, in den Bult 2c. 2c. gesteckt hatte, heraus und fährt fort:) Heute habe ich euch etwas Neues mitgebracht. (Er holt es langfam heraus und fragt bann, wenn er es am Schluffe plötslich außen hat und es vorzeigt, rasch:) Was ist bas?

L' Ah! das kennt ihr noch nicht. Seht, das sind zwei Haselnuffe. Be-trachtet sie euch recht. Sie find kleiner wie die anderen Ruffe, aber doch so rund, wie biefe; außen gang glatt, und inwendig haben fie auch einen Kern, ben man effen fann. Was also find bas?

Sdy. —

L. Sprecht's jufammen ?

Frit, von ben zwei hafelnuffen darfft du dir eine wegnehmen.

Sch. (Er thut's.) L. Wie viel Haselnüffe sind mir noch übrig?

Sd. -

2. Davon barfft bu bir noch eine Safelnuß hinwegnehmen.

Sch. (Er thut's wieder.)

2. Wie viel Ruffe habe ich jest noch übrig behalten ?

Gd. -

Ihr habt jett ba alle Etwas gesehen. Sabt ihr es aber auch verftanden? -Ich will euch fragen, ba werbe ich es an eueren Antworten gleich merten. Karl, wenn man von zwei Safelnuffen eine Safelnug binwegnimmt, wie viel Safelnüsse sind da noch übrig?

Sch.

2. Bon einer Safelnuß aber noch eine Safelnuß hinweggenommen, find noch wie viel haselnüffe?

2. Alfo: 2 hafelnuffe weniger eine find wie viel hafelnuffe?

Sch.

2. Eine hafelnuß weniger eine läßt wie viel übrig?

Sdy.

2. (Daffelbe muffen die Kinder noch an vielen anderen Dingen 3. B. Stäbchen, Griffeln, Aepfeln, Klidern, Kartoffeln, Bohnen, Strichen u.f. w. feben, so daß ihnen die Abstraction leicht wird:) 2 weniger 1 ift wie viel?

Gdy. -

2. Eins weniger Gins ift wie viel?

d. Meffen '): Uebung bes 1:2 = 2.

L. Da (der Lehrer zeigt eine Elle vor) habe ich heute wieder ein Ding mitgebracht, wie ich euch noch teines in der Schule gezeigt habe. Wer weiß,

Sch. (Biele rathen, einige wiffen es.) Eine Elle. L. Und da habe ich (ber Lehrer mißt vor den Augen der Kinder an 2 noch mit einander verbundenen Ellen Band ober Korbel ober Schnitr 2c. 2c. 1 Elle ab eine Elle Band und (indem er weiter mißt) noch eine Elle Band. Wie biel Ellen Band find bas zusammen ?

Sd. L. Warum ?

Sd. -

2. Zwei Ellen find wie vielmal eine Elle?

S. Zweimal eine Elle find wie viel Ellen ?

Sď.

1) Sier find brei Begriffe ben Kindern durch Anschauung jum Berftandniffe zu bringen :

1. Der Begriff bes Enthaltenseins; 2. Der Begriff bes eigentlichen Meffens, ber sich auf bas Enthaltensein gründet und theilweise mit ihm identisch ift, und

3. Der Begriff bes Theilens, ber gleichsam bas Enthaltensein in fich ichließt. In Betreff bes Enthaltenseins und des Meffens dreht fich die Ent wickelungskatechese um die Fragen:

1. Wie vielmal eine Bahl in einer anderen enthalten fei;

Welche Zahl so und so vielmal in einer anderen enthalten sei, und In welcher anderen Bahl eine Bahl fo und fo vielmal enthalten fei. Beim Theilen ift bas Ziel ber Katechefe, die Kinder babin zu bringen, bafffie eine Zahl als Theil von einer anderen auffassen und insbesondere angeben lernen:

Der wie vielte Theil eine gegebene Bahl von einer anderen fei; 1. Bon welcher Bahl eine gegebene Bahl ein bestimmter Theil sei, und Wie viel ein bestimmter Theil einer gegebenen Bahl betrage.

Diese Begriffe konnen aber feineswegs burch eigentliche Begriffserklärungen oder langes hin- und Berbemonftriren ben Rindern flar gemacht werben; sonbern fie muffen an Beifpielen die Sache schauen und feben und in Folge bavon fühlen und erfennen, julest bas Erfannte üben und burch lebung gur Fertigfeit bringen. Wer bieses erreicht, hat im Rechenunterrichte bei den Kindern der Elementartlaffe seine volle Schuldigkeit gethan. — Mit dem Begriffe bes Theilens in dem oben angegebenen Sinne wollen wir jedoch die Kinder erft bei der Zahl 4 vertraut machen, weil die Zahlen 1 und 3 und hierzu nicht geeignet erscheinen und die Babl 2 gu wenig Wechsel bietet.

2. Zwei Ellen weniger eine Elle find wie viele Ellen?

2. Weniger eine Elle ift wie viel?

Gdy.

Wie vielmal fann ich also eine Elle von den 2 Glen wegnehmen? S.

dail Gdb.

2. Wie vielmal muß bemnach auch eine Elle in ben 2 Ellen enthalten fein? Sch.

Wie oft stedt also die eine Elle in 2 Ellen?

Ed.

2. Wenn ich aber jett mit ber Elle die zwei Ellen Band meffen wollte, wie oft könnte ich alsbann eine Elle aus den zwei Ellen ab: ober herausmeffen?

2. Ich will gleich seben. (Er mißt eine Elle Band ab.) Einmal. (Er mißt noch eine Elle ab.) Zweimal. Wie viel ift noch fibrig?

Sd.

2. Mit 1 Elle in 2 Ellen Band gemeffen, geht also wie vielmal?

Sd). -

2 Das ift recht. Jest gebt aber noch einmal acht! Geftern ging ein Dabden mit einem Topfe auf ben Markt und faufte von einer Fran 2 Schoppen Milch. Diese Frau bat ihm zuerft einen Schoppen und bann noch einen Schoppen Milch in ben Topf gemeffen. Die viele Schoppen Milch hatte bas Mabchen jest im Topfe ?

Sd) 2. Warum?

Gd.

2. 2 Schoppen find wie vielmal 1 Schoppen ?

Sd.

2mal 1 Schoppen find wie viel Schoppen?

Số.

2. Benn man aber von ben 2 Schoppen Milch, bie bas Madchen im Topfe bat, wieber einen Schoppen berausmißt; wie viel Schoppen bleiben ba noch in bem Topfe?

2. Benn man auch biefen noch berausmißt, wie viel Milch ift bann noch in dem Tobie ? Sch.

2. Wie vielmal einen Schoppen Milch fann man alfo von ben 2 Schoppen wieber herausmeffen?

Gdj.

8. In wie viel Schoppen ift ein Schoppen 2mal enthalten ?

Sch.

2. Wie viel Schoppen find in 2 Schoppen 2mal enthalten?

Sch.

Wie oft stedt 1 Schoppen Milch in 2 Schoppen Milch? 2.

Mit einem Schoppen in 2 Schoppen gemeffen geht alfo wie vielmal? 8 Sd.

Mit Gins in 2 gemeffen geht bemnach auch wie vielmal? 2.

So.

2. Mit welcher Zahl muß ich in 2 meffen, damit es 2mal geht?

Sdy.

In welcher Bahl ift Gins zweimal enthalten ? 2.

2. (Der Lehrer mag bier noch mehrere Beispiele in ahnlicher Beise ausführen und bies jo lange fortjeten, bis alle Rinder vollständige Ginficht in bie Sache erlangt haben und befähigt find, alle bier vorkommenden und abnlichen Fragen in Gaten, logisch richtig, sprachrichtig und geläufig gu beantworten. Erft bann barf ber Lehrer ju einer weiteren Uebung übergeben. - Die Mittel gur Beranich aulichung, wie bier bie Elle, bas Band ober ftatt beffen ein anderes burch bas Längenmaß zu meffenbes Ding, bas Schoppenblech u. f. w. u. f. w. burfen bem Lehrer bei ben erften Uebungen nie fehlen. Er fei teineswegs ju fparfam in Unwendung berfelben. Bor ben Augen ber Rinder foll er meffen; benn es muß gang besonders der erfte Rechenunterricht sich auf Anschauungen bafiren, sonft taugt er Nichts.) -

Den Schluß ber vorausgegangenen Gingeliibungen bilbet eine turze Wieberbolung bes Ganzen, etwa in folgender Weise: Ihr habt jest allerlei gelernt. Ich will einmal sehen, wer es gut behalten hat. (Zuerft erhält jedes einzelne Kind eine ober zwei Fragen, aber nie in berfelben aufeinanderfolgenden Ordnung; haben bann alle gut und richtig geantwortet, bann geht es im Chore:) 1 + 1 ift wie viel?

Gd). 2. 2 ift wie vielmal 1?

Sd).

2. 2 weniger 1 ift wie viel?

Sch. -

2. 2 gemessen durch 1 ift wie viel?

2. Was ift 1 + 1?

Sch. 1 + 1 = 2.

2. Wie vielmal 1 ift 2%

Sch. $2 \times 1 = 2$. 2. 2 weniger 1 ift wie viel?

Sø. 2 - 1 = 1.

2. 1 gemeffen in 2 ift wie viel oder geht wie vielmal? Sch. 2:2 = 2.

Tafelrechnen.

2. Die Ziffer (b. i. ein Zeichen ober ein Bilb für) Gins habt ihr icon schreiben gelernt. Jest will ich euch auch zeigen, wie man aufschreibt, daß man zwei Dinge hat. Seht! (Der Lehrer schreibt die Ziffer 2 langsam, aber fräftig und groß auf die Wandtafel, fo bag die Rinder mit Spannung auf ibn feben. Wenn er fertig ift, fpricht er erklarend weiter:) Das beift gwei; bie großen Leute sagen: Das ist ein 3 weier, ober bas ist die Ziffer 2. Sie bebeutet so viel als Eins und noch Eins'). Wer von euch fann mir bas auf ber großen Wandtafel nachschreiben?

(Bang gewiß find Rinder ba, die bies wollen. Durch diese werben wieder die Schüchternen und weniger Fähigen zu Gleichem aufgemuntert. Goll aber bie benben zu biefer Uebung heranzuziehen. Wo möglich muffen Alle bas 2 an ber Wandtafel ein= ober mehrmal im Beisein bes Lehrers schreiben; benn ift ihnen dies gelungen, so sind fie über bas Werf voller Freude, voller Begierde und neuer Luft und mit einer gewissen Beherztheit und Entschlossenheit gehen sie an die Uebung des Schreibens der Biffer 2 auf ihrer Tafel. Boren wir einen gemuthlichen fteierischen Lehrer, wie er uns feine Berfahrungsweise in biefem Buntte er gablt. Er jagt: "Romm ber, du Hanfel, du haft gestern ben Ginfer jo gut getroffen, versuch' heute auch den Zweier. Ich losche den Daftebenden weg und

¹⁾ hier fann bie Biffer 2 nach ihren Beftandtheilen aufgefaßt und beschrieben werben. Es hat dies sein Gutes, jedoch ift es für Kinder, die schon ein halbes Jahr bie Schule besuchen und ichreiben, nicht gerabe unbedingt nöthig. Der Lehrer mag hier bas ihm geeignet Scheinende wählen. — Gin Gleiches mag für die bon manchen Lehrern in Gebrauch gebrachte, vereinfachte Schreibart ber Biffer 2 gelten; also ftatt 2 jo 2 ober Z ichreiben ju laffen. Wir möchten es nicht febr empfehlen.

schreibe (bamit ich seine und ber übrigen Meinung, es sei schwer, unterbrücke) giemlich schnell einige Zweier bin , lofche fie bann weg, gebe ihm bie Rreibe, und er schreibt einen gang erträglichen Zweier bin. Darauf frage ich: Wer will benn noch versuchen, wie leicht es ift, einen Zweier zu machen? (Es schmungeln mehrere und getrauen fich nicht recht beraus mit bem "Ich".) Komm ber, Geppel, versuch' du es! — Er versucht's; es geht ziemlich gut und so Jeder". — Machen wir es ähnlich so.) — Sind Alle damit fertig, dann fährt der Lehrer fort: Wer von euch tann jest die Biffer 2 auf feine Schiefertafel ichreiben?

2. (Rach der angedeuteten Borbereitung fehlt wohl kein Kind. Der Lehrer läßt dies einigemal unter seiner Aufsicht geschehen, auslöschen und wieder geschehen und hilft dabei den Schwächeren, wo es nöthig ift, noch ein wenig corrigirend nach; dann läßt er die Kleinen entweder zur stillen Beschäftigung oder als Aufgabe für zu hause ober als beibes nacheinanderfolgend eine gange Tafel voll Zweier schreiben. Gine weitere Aufgabe gur ftillen Beschäftigung ist bas wieberholte Schreiben von 1 in Berbindung mit 2, d. i. 1 und 2. — ober wenn dies Schreiben gleich sehr gut geht, so fährt der Lehrer fort:) Kinder, jest könnt ihr auch das 2 schreiben (und lesen). Wer aber weiß mir noch zu sagen, was wir von 2 rechnen gelernt haben?

Sch.

Also was ift 1 + 1?

Sch.

2. Wie vielmal 1 ift 2?

Số.

S. 2 weniger 1 ift?

SÅ.

2. 1 gemessen in 2 ift?

64.

L. Recht, aber ihr Kinder! wer das 1 und das 2 recht gut hat schreiben lernen, ber fann auch bas Gerechnete jest aufschreiben; nur muß ich euch noch Etwas bagu zeigen. Gebt barum ber auf bie Tafel! Doch fagt mir noch einmal gufammen, was habt ihr zuerft von 2 rechnen gelernt?

Sch. Eins und Eins ift Zwei. L. Also seht her! (Der Lehrer schreibt die Ziffer Eins auf die Tafel.) Da (barauf beutend) ift Eins. Das kennt ihr schon; für bas "und" machen wir so (+) ein stehenbes Kreuzchen. (Der Lehrer macht's.) Für welches Wörtchen machen wir bies ftebenbe Kreugchen?

Sá.

2. Was bedeutet bemnach das Kreuzchen?

Sd.

2. Wenn wir von vornen anfangen zu lefen, wie können wir bann für bas Kreuzchen fagen?

Sch.

2. Lef't von vornen! Der Lehrer barauf beutend (1 +).

Sch. Eins und.

Fortfahrend, indem er eine weitere Biffer 1 anfligt und fpricht:) Eins! (1 + 1). Les't von vornen!

Sch. Eins und Eins!

2. Für bas "Ift" machen wir zwei gleiche Strichlein (1 + 1 =) übereinander.

Les't von vornen (1 + 1 =)!

Eins und Eins ift.

2. (Der Lehrer wiederholt dies, nach dem Ende zu mehr betont.) Eins und Gins ift (und fahrt ichreibend und iprechend fort :) (2) 3mei. (Bor ben Augen der Kinder ift jest entstanden :)

1 + 1 = 2.

Les't von vornen

Sd. 2. (Dies geschieht noch einigemal einzeln und gulett wieder im Chore. Bleichzeitig mit bem Chorsprechen schreibt ber Lehrer bas Gange noch ein: ober einigemal und fabrt bann fort:) Ber bon euch fann bies jest auch auf die große Wandtafel schreiben?

Sch.

2. Er läßt bies von möglichst vielen Kindern thun und macht zulett baraus eine Aufgabe gur ftillen Beschäftigung, indem er fie auffordert, bas Gange (1 + 1 = 2) auf ihre Schiefertafel zu schreiben.)

Bang in berfelben Weise werden bie Rinder fcreiben gelehrt :

 $2 \times 1 = 2$ 2 - 1 = 11: 2 = 2.

Es fteht nun bas gange Rechengesetchen, wie fich bies burch bie Grube'iche Behandlung ber Bahl 2 ergibt, auf ber Schultafel, und bie Kinder muffen es verstehen. Berstehen fie es nicht Alle ober nicht gang, jo ift das weitere Berftande niß noch zu veranlaffen. Alsbann ift es zur Fertigkeit zu bringen, wobei zugleich Bedacht darauf genommen wird, daß sich die Kinder auch die Form der Darftellung merten. Bum Schluffe ichreiben es bie Rinder aus bem Ropfe nieber, ober wir benügen die "Rechenfibel von G. Ropp"1) und laffen die Rinder aus der Zahl 2 die Aufgabe 1. lösen.

1) Als Aufgabenfammlung empfehlen wir für ben gangen Rechenunterricht a) zum Gebrauche in Giiddeutschland:

Ropp, 6, Rechenfibel ober Borbereitungsheft gu ben vier Grundrechnungearten, umfaffend ben Zahlenfreis von 1 bis 10 und von 10 bis 100 in über 30,000 Aufgaben. Preis 3 fr.

bie vier Grundrechnungsarten in unbenannten gangen gablen. 1. Deft.

7. Auflage. Pteis einzeln 6 fr. — Partiepreis à 4 fr.

- bie vier Grundrechnungsarten in gleich : und ungleichbenannten gangen Bahlen. 2. Seft. 7. Auflage. Preis einzeln 8 fr. — Partiepreis à 6 fr. die vier Grundrechnungsarten in unbenannten, sowie in gleich: und ungleichbenannten Brüchen. (Gemeine und Decimalbrüche.) 3. Seft. 4 Aufl.

Breis 8 fr. - Partiepreis à 6 fr.

- die Amwendung ber vier Grundrechnungsarten im Dreis, Bungs und Bielfate, sowie in den Zind: , Gewinn: und Berluft: , Theilungs: ober Gesellschafts-, Durchschnitts- und Mischungsrechnungen. 4. heft. 5. Auflage. Preis 8 fr. — Partiepreis à 6 fr.

- Muflösungen jum 1. u. 2. heft. 2 Aufl. Preis 15 fr. - - Auflöfungen jum 3. u. 4. heft. 2. Aufl. Preis 15 fr.

b) Zum Gebrauche in Nordbeutschland:

Sentschel, E., Rechenfibel. Uebungsbüchlein für die ersten Ansänger im schriftlichen Rechnen, umfassend die Zahlen von 1 bis 10 und von 1 bis 100. Borläufer ber Aufgaben jum Zifferrechnen. 11. Aufl. 1860. 8. rob. 11, Sgr. Aufgaben gum Bifferrechnen.

1. Heft. 1. Abth. 14. Aufl. 1860, rob. 14. Egr.

supilization

— Aufgaben über die Decimalbrüche. Für den Schulgebrauch ent-worfen und mit Erläuterungen verseben. 1854, 8. rob. 2 Sgr. — Antwortbüchlein zur Rechenfibel. 2. Auf. 1858. 8. fteif ge-

heftet. 3 Ggr.

- ju den Aufgaben gum Bifferrechnen.

1. Deft. 1. u. 2. Abib. 8. Aufl. 1860. fteif geh. 4 Ggr.

2. " 1. Abth. 7. Aufl. 1858. fteif geh. 4 Sgr. 2. " 2. " 6. " " " " 4 "

- ju ben Aufgaben über bie Decimalbruche." 1854. 8. fteif geb. 3 Sgt.

Bweite Urbung. Aufsuchen des Unterschiedes zwischen 1 und 4 und umgekehrt.

Kopfrechnen.

2. Sier sind etliche Ruffe; babon will ich bem Philipp 2 und bem Karl 1 geben; fie follen beide herauskommen!

Sch. (Sie kommen.)

Die viel Ruffe will ich dem Philipp geben?

2. (Gibt fie ihm.) Und wie viel Ruffe will ich bem Rarl geben?

(Gibt fie ihm.) Wie viel Ruffe hat jest Philipp? Sentle dat lest mutcht.

2. Und wie viel hat Rarl?

Wer hat die meisten Nüsse? 2.

Ed).

Wie viel hat er mehr, als Karl?

Gd.

2. 2 Riffe find also wie viel Ruffe mehr, als 1 Ruß?

2. 2 ift bemnach wie viel mehr, als 18

L. Ber hat die wenigsten Ruffe?

Gdj.

Wie viel Niisse hat Karl? A &.

Sdj.

Sch. — L. Wie viel Nüffe hat er weniger, als Philipp?

6d) -

2. Eine Ruß ift also wie viel Ruffe weniger, als 2 Riiffe?

Eins ift bemnach wie viel weniger, als 2?

(Zeigen jedoch die Antworten bei der Art Fragen, wie die lette, bag die Abstractionsfraft der Kinder noch nicht so weit erwachsen ift; so kann fie nicht burch Demonftriren gegeben, fondern muß erft noch burch mehr Uebungen, wie fie in dem Borhergehenden angedeutet find, hervorgerufen werden. Erflaren hilft ein für allemal nicht und ift bei ber rechten Stellung ber Fragen auch überflüffig.) Auf biefelbe Weife find ben Rindern folgende Gate ju veranschaulichen und

Mar zu machen: zu machen. Zwei ist das Zweifache von 1 oder das Doppelte von 1. Einst ist der zweite Theil von 2 oder die Hälste von 2.

b. Schnellrechnen.

Kopfrechnen.

Borbemertung. Um den Rindern in Dem, was fie in ben vorausgegangenen Uebungen gelernt haben, eine rechte Gewandtheit anzueignen, wiederhole man erstens das Ganze in den verschiedensten Ausbrücken, aber nach ben Operationen burcheinander und faffe bann zweitens die verschiebenen Opera= tionen der verschiedenen Uebungsftufen zusammen in eine, aber doch wieder in fich geordnete Uebung , hauptfächlich nach bem Grundfate: "Bom Leichteren jum Schwereren!" Demgemäß übe man bie vier Grundrechnungsarten zuerft an 2, bann an 3, bann an 4 und bann an mehreren Zahlen. Wir geben hierzu im Nachfol= genden die Berfahrungsweise mit dem besonderen Bemerken, bag bieselbe bei jeber folgenden Stufe in ber Sauptfache bie nämliche bleibt. Es ware beghalb Raumverschwendung, fie bei benfelben zu wiederholen. Bei ben fünftigen Uebungen im Schnellrechnen wird barum immer hierher zurückverwiesen ; Ziel der einzelnen Uebungen ift, daß die Antwort augenblicklich erfolgen muß. Tal + 8 × 1

8. 358.

Anleitung gur Wiederholung des bereits Gelernten.

Berschiedene Fragen zur Uebung der vier Rechnungsarten; sie folgen bier der leichteren Uebersicht wegen geordnet nach den letzteren. Die Fragen sind aber bei der Uebung durcheinander zu stellen. —

Abbition.

Was ist die Summe von 1 und 1? Um wie viel ist 1 weniger, als 2? Welche Zahl entsteht, wenn man 1 zu 1 zählt? Wie viel ist 1 vermehrt durch 1? Welche Zahl ist um 1 mehr, als 1? Welche beiden Zahlen geben zusammen 2?

Subtraction.

Welche Zahl entsteht, wenn man 1 von 2 wegnimmt? Um wie viel ist 1 weniger, als 2? Zu welcher Zahl muß man 1 zählen, um 2 zu erhalten? Welche beiben Zahlen sind um 1 von einander verschieden? Bon welchen beiden Zahlen ist 1 der Rest? Eins und welche Zahl geben 2? Welche Zahl ist um 1 kleiner, als 2? Was ist der Unterschied zwischen 1 und 2?

Multiplication.

Was ist das Zweisache oder Doppelte von 1? Welche Zahl ist zweimal so groß, als 1? Welche Zahl entsieht aus der Vervielfältigung von 1 durch 2? Welche beiden Zahlen sind, mit einander multiplicirt, gleich 2? 2 ist wie vielmal 1? 1 ist die Hälste von welcher Zahl?

Division.

Was ift ber halbe Theil (bie Hälfte) von 2? Welche Zahl ift 2mal so klein, als 2? Wie viel gibt 2 getheilt burch 2? Wie oft ift 1 in 2 enthalten? Wie oft kann man 1 von 2 wegnehmen? In welcher Zahl ist 1 zweimal? Eins ift ber wie vielte Theil von 2? Wie viele Einer geben 2?

II.

Das eigentliche Schnellrechnen. a. Schnellrechnen mit zwei Zahlen.

2. Was (ober wie viel) ift:

1 + 1 = ? 2 - 1 = ? $1 \times 2 = ?$

Saget mir eine Bahl, die um 1 größer ift, als die Zahl, die ich euch nenne! Gind? Sch.

L. Nennet mir eine Zahl, die um Eins kleiner ift, als 2 ?

L. Bas ift 2 einmal genommen?

эф. —

2. Welches ift bie Salfte von 2?

Sd. -

b. Schnellrechnen mit bret Zahlen. Sier tommen etwa folgenbe Aufgaben gur munblichen Löfung:

 $2 - 1 - 1 = 1 \times 2 + 1 = 1 \times$

and and region and manageral hair 2 - 1 = adult me means are described and manageral and a second manageral and a netwerten in Wirmellam William Welersten

Die Behandlungsweise ift aus der nachfolgenden Uebung bes Schnellrechnens mit 4 und mehr Bablen zu erseben.

c. Schnellrechnen mit bier und mehr Bablen.

Aufgaben zur Lösung find:

der ind

> 1 + 1 - 2 + 1 = 0

u. j. w. Diese Aufgaben find als Ropfrechengufgaben porzüglich; benn nach gehörig allseitiger Auffassung ber behandelten Zahl burch die vorausgegangenen Nebungen im "Messen und Bergleichen" üben und bisben bieselben außerorbentlich. Sie find darum sehr zu vermehren und mannigfaltig zu gestalten. Jede folgende Bahl vermehrt die Gelegenheit dazu. Nur muß stels dahin gewirkt werden, daß die Antworten rasch und dabei immer ilberlegt erfolgen. Stusenmäßig auch bei bieser Uebung, selbst beim Lösen ber Aufgaben, zu versahren, führt, wie überall zur sicheren Gewandtheit. So können beim Lösen der Aufgaben mit 3, 4 und mehr Bablen folgende Stufen dem Kinde die Sache fehr erleichtern. Wir denten uns 3. B. die lette Aufgabe; bei diefer konnen folgende Lösungoftufen eintreten:

Erfte Lösungsstufe: Bu jeder Operation kann das Resultat rafch ge-

fagt werden, wie:

2. Wie viel ist 2 — 1? — 3.8. Sch. Eins. 2. — 1? L. 2 - 1 ift wie viel? Sch. Eins. Sch. Eins.

2. — 1?

Sch Nichts.

2. + 1?

Sch. Eins.

2. + 1?

Sch. Eins.

2. + 1?

Sch. Swei. L. — 1 ift wie viel? Sch. Nichts. L. + 1 ist wie viel? Sch. Eins. 2. + 1 ist wie viet? Sch. Zwei. Sch Zwei. 2. — 2 ift wie viel? 2. — 2? 1. j. w.

Zweite Lösungöftufe: Nach Ausführung zweier Operationen fann das Resultat gesagt werden, wie: L. 2 — 1 — 1 ist wie viel?

2. Wie viel ift 2 - 1 - 1? Sch. Richts. L. + 1 + 1? Sch. Nichts. 2 + 1 + 1 ift wie viel? Sch. Zwei. 2 - 2 + 1 ist wie viel? 2 + 1 + 1 ift wie viel?

Sch. Zwei.

8. - 2 + 1 ift wie viel?

Sch. Gins.

2. - 2 + 1?

Sch. Gins.

2. - 2 + 1?

Sch. Gins.

2. - 2 + 1?

Sch. Gins.

Dritte Auflösungsstuse: Nach Aussiührung von drei, dann von meh-

reren und zulett von allen Operationen fann das Resultat gesagt werden. (Nach bem Sprechen einer jeben Babl ift aber einzuhalten, um bem Schiller gur Musführung ein wenig Zeit zu laffen. Die Pause wird, je nachdem es geläufiger geht, immer fürzer.) asian?

Das Resultat wird gesagt nach 3 Operationen:

2. Wie viel ift 2 - 1 - 1 + 1? Sch. Eins.

Dhler, Erziehungs = u. Unterrichtstunde. 3. Aufl.

nother die Subtraccione Aufgaften a. i w. wie fie bier gegeben find, folgen: fir laten vielander won fieder befteft in for an auf dieler Ett frechengigeft Bieben Sch. Eins. 2. × 2: 1? Sch. Zwei. Lette Auflösungsstufe:

Das Resultat wird erft am Schluffe ber Aufgabe gesagt: 2. Die viel ift $2-1-1+1+1-2+1\times 2:1$?

Sch. Zwei.

Cafefrechnen.

Dier tommen jest abnliche Aufgaben, wie fie im Borausgehenden gegeben wurden, gur Löfung. Siehe "Rechenfibel von G. Köpp" Zahl 2, Aufg. 2.

c. Rombiniren.

Konfrechnen.

Ber weiß Rechenbeispiele, die immer, wenn sie ausgerechnet werben, 2 geben? Diese (ober ftatt ihrer bie sehr allgemeine Frage: "Bad ift 2?") läßt viele und vielerlei und auf jeder weiteren Stufe immer mehr richtige Antwortengu; ihre allseitige Lösung durch die Kinder ist jedoch außerordentlich bildend, weil ste im Nachbenken gegenseitig mit einander wetteifern können. Bon großem Gewinne ist es für sie, wenn jebe Lösungsart der obigen Frage nur einmal angenommen wird. Sobald die Kinder bas bereits Durchgenommene verstanden haben, und ber Lehrer sie recht anzuregen und aufzumuntern versteht; dann folgen auf die obigen Fragen rasch aufeinander bie Antworten:

2 ift 1 + 1 2 ift 1 × 2

2 ist 2 1 2 ist 1 : (gemessen in) 2 oder 2 gemessen durch l. Schon bei der Zahl 4 ist eine außerordentliche Mannigsaltigkeit in der Beantwortung möglich. — Die rechte Behandlungsweise belebt den Unter

Diese Fragen wiederholen fich auf jeder Stufe nur mit Beziehung auf Die bort zu behandelnde Bahl. Gine zweite Frageweise, die ebenfalls auf jeder Stufe wiederkehren soll und auf jeder folgenden reichere Ausbeute gewährt, ift:

Wie viel muß ich noch zu 1 legen, damit ich 2 erhalte ? ober Welche Zahl vervollständigt 1 zu 2 ? ober

Belches ift die Erganzungszahl ju 1, damit es 2 gibt?

Es mögen bann noch Fragen anderer Urt folgen, etwa wie die nachstehenden?

Welche Zahl fteckt 2mal in 2?

Von welcher Zahl ift 2 bas Doppelte?

Welches ift die Hälfte von 2 ?

Von welcher Zahl ift 1 die Hälfte?

Welche Bahl muß ich verdoppeln, um ? gu befommen?

Ich kenne eine Zahl, die hat 1 mehr, als 1. Welche ift das?

Belche Zahl muß ich zu 1 zählen, um 2 zu bekommen? u. f. w. (Je zahlreicher die Aufgaben dieser Art gegeben werden und je verschiedener diefelben eingekleidet find, defto nüthlicher, intereffanter und bilbender wird biefe Uebung. Ueberall aber ift Klarbeit bie erfte und wefentlichfte Bebingung. Dan hitte fich barum recht fehr vor ju langen Saten und vor verwickelter Gin fleibung hier, wie überhaupt bei allen Aufgaben auf biefen Stufen.)

Talefrechnen.

Eine entsprechende Aufgabe für's Tafelrechnen ift insbesondere die allieb tige schriftliche Beantwortung der Frage: "In welchen Ausdrücken läßt sich 2 barstellen?" ober: "Schreibet Rechenbeispiele auf, die immer, wenn sie ausgerech net werden, 2 geben!" Die Lösung der Aufgabe wird in Ziffern geschrieben.

§. 359.

U. Die angewandte Babl. Borbemerfung.

Die nachftehenden Aufgaben follen und durfen, weil fie aufeinanderfolgend großentheils gleiche Resultate geben, nie in der Ordnung, guerft die Additions.

nachher die Subtractions. Aufgaben u. f. w., wie fie hier gegeben find, fotgen; fie follen vielmehr, was ficher beffer ift, icon auf diefer Stufe durcheinander gegeben werden. Bir haben fie hier nur der leichteren leberficht wegen und noch mehr, um fie in einem anderen Lehrgange leichter citiren gu tonnen, nach ben 4 Grundrechnungsarten geordnet. Aufgaben aus den borbergebenden Stufen find überall wieder einzuschalten.

Rut Kopfrechnen History

a. Bufammengablen.

Welche Thiere haben am Kopfe 1 horn und noch 1 horn? Wie viele Ohren hat die Kuh am Kopfe?

1 Tisch und 1 Tisch sind vie viel Tische?

Bas hast du an beinem Körper 2mal?

Zwei zusammengehörige Dinge nennt man ein Paar. Von welchen Dingen hast du an beinem Körper ein Paar?

eben 1. 2.

net

2 ?")

nau; I fte

inne

und bie

\$1.

ber

rter.

bie

itufe

den?

enter

piefe

Sina

eta

1 2

Ein Fremder schenfte gestern bem fleinen Rarl 1 Rreuger, und bann gab er dem höflichen Franz auch noch einen Kreuzer. Wie viel Kreuzer hatte der Fremde

Auf einem Ader fieben nur am oberen und am unteren Enbe ein Baum.

Wie viel Bäume sind auf bem ganzen Acker? Sine Nuß und noch eine Ruß sind wie viele Rüsse?

b. Abgablen.

Ein huhn legte 1 Cf, wie viel Gier ning bas buhn noch legen, bis es 2 Gier find? Aber Frang, sag' mir einmal: Wenn 2 Buben mit einander gehen, und einer geht voran, wie viel gehen bann hinter biesem?

Wenn aber bon 2 Inben einer fortläuft, wie viel find noch ba 3 - Die viel Buben sind jetzt weniger da, als vorhin? Wie viel ist 2 mehr, als 1?

Wenn du von 2 Nepfeln einen gegeffen haft, wie viel haft bu noch übrig?

- Wie viel haft du jetzt weniger, als vorhin? Dein Bater gibt dir 2 Kreuzer, davon sollst du beinem Bruder einen Kreuzer

und noch einen Kreuzer geben; wie viel haft du dann noch?

Wie viel behält man noch übrig, wenn man von 2 Gulben 1 ausgibt? Wie viel Arme behält ein Solbat noch, dem im Kriege ein Arm abgeschoffen

Die viel find 2 Birnen weniger eine Birne?

Frit hatte 2 Rreuger und faufte fich für 1 Rreuger Rirschen; wie viel behielt er noch?

Karl ist 2 Jahre alt; Anna nur 1; wer ist alter? - Wie viel Jahre ist Karl älter als Anna? monted as kong allegadred die finn lichterchiels.

and fi achielle. Bervielfachen. Ich angerent di

Das ift einmal 1 Glas, und bas ift noch einmal 1 Glas; wie vielmal 1 Glas find bas gufammen?

Karl fing jedesmal einen Fisch, wenn er die Angel auswarf. Er warf fie 2mal aus; wie viel Fische fing er?

2 Groschen sind wie vielmal 1 Groschen?
2 Schuhe sind wie vielmal 1 Schuh? 2mal 1 Rappe find wie viel Rappen?

Philipp befam von feiner Mutter einen Apfet, feine Schwester befam gerade noch einmal so viel. Wie viel Nepsel hatte sie?

Draußen fah ich vorbin 2 Rnaben mit Alidern spielen; ber eine hatte 1 Klider, ber andere aber hatte doppelt fo viel. Wie viel Klider hatte er?

Wenn ein Milchweck 1 Kreuger toftet, wie viel toften bann 2? Ein Griffel toftet 1 Rreuger, wie viel toften 2 Griffel?

d. Deffen.

In meinem Sade habe ich 2 Ruffe; wie vielmal fann ich 1 Ruß berauß= nehmen? * 139 * bettarforg

148 8

In einer Sparbuchse sind 2 Gulbenftude, wie vielmal ist 1 Gulbenftud barin? Wie vielmal ift 1 Schoppen Effig in 2 Schoppen Effig enthalten? Wie vielmal kann ich 1 Elle Zeug von 2 Ellen Zeug wegmeffen ? Wie vielmal fann ich 1 Schoppen Del aus 2 Schoppen Del herausmeffen? Mit 1 Schoppen in 2 Schoppen gemeffen, geht wie vielmal?

Wie viel Kreuzerwecke kannst du für 1 Kreuzer kaufen? Da find 2 Rüffe. Ich will sie unter 2 Kinder vertheilen. Wie viel Rüffe bekommt Jedes?

Dritte Stufe.

§. 360.

Braftische Behandlung der Bahl Drei.

I. Die reine Bahl.

a. Meffen und Bergleichen. Erfte Uebung: 3 verglichen mit 1.

Kopfrechnen.

a. Zusammenzählen: Uebung bes 1+1+1=3.

(Die Uebung bes Zusammengahlens läßt überall, wo fie jetzt vorkommt, mit Ausnahme der Uebung, in welcher fie mit der um Gins kleineren gabl, als fie felbst ift, verglichen wird, 3 Steigerungs- und eine weitere Uebungsstufe gu; wie bas Rachfolgende bies beutlich zeigt. Wir wollen jedoch zuerft die Zahl 3 ichaum und auffassen. Der Lehrer knitpft an die Aepfel an und greift bann ju anderen Beranschaulichungsmitteln.)

L. (Ginen Apfel aus der Tasche nehmend.) Wie viel Aepfel habe ich ba?

2. Und wie viel habe ich noch in der Tasche? (Die Kinder benken an die bisherigen 2 und antworten:)

Sch. Einen Apfel. 2. Mir scheint, jest habt ihr gefehlt. Ihr waret voreilig. Ich will gleich Leber 2 Aepfel aus ber Tasche seht:) Hab' ich da einen Apfel?

Sch. Zwei. 2. Richtig. Ich lege jeht den einen Apfel zu den zweien her; (Er thu es.) weiß schon Jemand von euch, wie viel es jest find?

Sch. Drei. L. Du, Anton (indem ich die Aepfel, je einen, auf den Tisch lege), wie viel Aepfel hab' ich auf den Tisch gelegt?

Sch. Einen Apfel.

Sch. Einen Apfel. L. Wie viel liegen jetzt ba? Sch. Zwei.

L. Und jett?

Sch. Drei. L. Ich lege jest die 3 Aepfel vor dich bin, Bernhard. Zähle mir ste in meine Sand her!

2. Du, Chriftian, gable bie Febern, welche ich in die Sand genommen habe, aber recht laut, daß es alle anderen Kinder hören können! Sch. -

2. Was habe ich benn jett in ber Sand, Daniel?

Sch. Bücher.

2. Wie viel benn? (u. f. w.) Sch. Drei.

L. (Der Lehrer holt einen Würfel und zeigt ihn.) Da ist ein anderes Ding (). Wer von euch fennt es? Gdy. —

arin?

effen?

Nüffe

mmt, , als ; zu;

ba?

gleich

thu

wie

e in

abe,

eres

L. Recht so, das ist ein Würfel; wer noch keinen gesehen hat, der betrachte ihn jetzt recht. — Wie viel Würfel sind das?

L. (Er holt einen zweiten Würfel und zeigt ihn, in einiger Entfernung vom ersten, bor.) Und wie viel Würfel sind das ()?

L. (Indem er beibe zusammenbringt.) Was sind aber ein Würfel und noch

Sch. — L. Da habe ich noch so ein Ding. (Es vorzeigend.) (**[]**) Wie nennt man es? Sch. — L. Wie viel Würfel sind dies?

Sch. — 2. (Er bringt die 2 Würfel und den einen zusammen.) Die 2 Würfel () und der 1 Würfel () geben zusammen () () wie viel Würfel?

L. 1 Würfel und 1 Würfel find wie viel Würfel?

L. Aber 2 Würfel und 1 Würfel geben wie viel?

(Man fasse diese Uebung jetzt etwas fürzer auf solgende Wetse:) 1+1=2

2. Anna, du kannst ja auch recht laut antworten. 1 Würsel und 1 Würsel?

Sch. 1 Würfel und 1 Würfel sind 2 Würfel? L. Und ein Würfel sind wie viel Würfel? Sch. Und ein Würfel sind drei Würfel. 1; 2; 3.

(Zu rascherem Denken und zur Probe der Aufsafzung dient die solgende noch mehr verkürzte Uedung. Die Kinder werden dabei zu munterem Handeln aufgesfordert. Partien, neben einander aufgestellt und gleichzeitig handelnd, werden lebendigen Wetteiser in diese Uedung bringen; zuleht können alle Kinder miteinander wetteisern, wenn sie ihre Finger zu dieser Uedung benühen, 3 Grissel, 3 Steinchen zc. zc. mitgebracht haben oder der Lehrer entsernt von einander 1 Strich oder Punkt, dann 2 und 3 Striche oder Punkte auf die Schultasel gemacht hat (1 1 1 1).)

2. (Erft einzeln.) Emilie, zeige mir 1 Finger!

L. Zeige mir 2 Finger! Sch. — L. Zeige mir 3 Finger!

Sch. — L. Wer zeigt mir zuerft 2 Finger? — 1 Finger? — 3 Finger? — 3 Grif= — 2 Griffel? — 1 Griffel? u. f. w.

Sch. — L. Wo find auf der Tafel 3 Striche? — 1 Strich? — 2 Striche? — u. s. w. Sch. —

Wiederholung und Abrundung. 2. Wie viel Würsel sind 1 Würsel und 1 Würsel? Sch.

L. Was find 1 Finger, 1 Finger und 1 Finger jusammen?

L. 1 Strich, 1 Strich und 1 Strich find wie viel Striche? u. f. w.

2. Eins und Eins und Gins ift wie viel?

Sch. — L. Eins und Eins ist wie viel? Sch. — 2. Zwei und Eins ist wie viel?

Sch — thinke leid vier deit despries I remitie frinke g

Bervielfachen: Nebung des $3 \times 1 = 3$.

Der Lehrer macht sich etwa 3 Striche auf bie große Tafel.

2. (Auf den ersten Strich deutend.) Das hier sind wie viel Striche?

2. Die vielmal ein Strich ift bas?

Sch. — L. (Auf den zweiten Strich deutend.) Das sind wie viel Striche? Sch. —

L. Wie vielmal ein Strich ift bas?

Sch. — L. (Auf den dritten Strich beutend) Und das hier find wie viel Striche?

2. Die vielmal ein Strich ist bas?

Sch. — L. Also das (auf den ersten Strich deutend) ist einmal 1 Strich, und das (auf den zweiten Strich deutend) ist ein mal ein Strich, und das (auf den dritten Strich beutend) ist auch einmal ein Strich. Wie vielmal ein Strich ist das zusammen?

L. Dreimal ein Strich find wie viel Striche?

Sie Bi Ginmal ein Strich (auf ben ersten beutend) find wie viel Striche?

Sch. — L. Zweimal ein Strich (auf die 2 ersten deutend) sind wie viel Striche?

Sch. — Leimal ein Strich (auf alle 3 beutend) sind wie viel Striche?

Sch. — L. (In berselben Weise zeige man an Griffeln, Taseln, Büchern, Bohnen u. s. w. Punkten, daß $3 \times 1 = 3$ und daß $3 = 1 \times 3$ ist.) — Dreimal Eins ist wie viel?

Sch. — L. Ginmal Eins ist wie viel?

Sch. — L. Zweimal Eins ist?

Sh. —

2. Dreimal Eins ift wie viel?

c. Abzählen: Uebung bes 3-1-1-1=0.

3-1=2; 2-1=1; 1-1=0. (Die im Zusammenzählen angeschaute Bahl wird vor Allem in anschausichen Dingen aufgestellt, in Würseln, Stäbchen, Klickern, Bohnen 2c. 2c. Wir wollen uns hier wieder der Würsel bedienen.)

2. Wie viel Bürfel find dies?

Sch. — 2. Bon ben 3 Würfeln nehme ich einen Würfel ganz hinweg. (Er thut es.)

Sch. — L. Wie viel Würfel find noch übrig? Sch. —

2. 3 Würfel weniger ein Würfel sind also noch wie viel Würfel?

2. Ich nehme jetzt von den 2 Würfeln noch einen Würfel hinweg. (Er thut es.) . Wie viel Würfel habe ich von den 2 Würfeln weggenommen?

2. Wie viel find noch fibrig geblieben? Sd -

Binel und Eins ift wie viel 2 Würfel weniger 1 Bürfel find wie viel Bürfel? 2.

9-141413 Sch 2. 3ch nehme jest von bem einen Bürfel noch einen Bürfel binmeg. iCr tont es.) Wie viel Bürjel habe ich eben wieber hinweggenommen?

Sá. 2. Die viel Bürfel find noch übrig geblieben ?

1 Würfel weniger 1 Bürfel find aljo wie viel Bürfel ? 1119

Sch. Go ift's recht. Un ben Burfeln haben wir jest gelernt. (Der Lehrer wiederholt die Beranschaulichung:) 3 Bürfel weniger 1 Bürfel find wie viel Bürfel?

2 Birfel weniger 1 Bürfel find wie viel Bürfel ?

Sd.

2. Und 1 Würsel weniger 1 Würsel ist wie viel?

und

ben

ötrid

2

bnen

Gind

ichen ollen

e3.)

thut

(Die vorstehende lebung fürze man unter Benützung ber Beranschaulichungs= mittel auf folgende Beife ab:) search of God Domesta 3 + 1 = 3

100 - 2016 page 1 - 100 - 1 = 1 -1 = 0.2. (Der Lehrer zeigt raich wieder bie 3 Bürfel.) Das find wie viel Bürfel?

2. 3 Würfel weniger 1 Würfel (Er nimmt einen Würfel hinweg.) find wie viel Würfel.

Sch -2 (Er nimmt einen weiteren Burfel meg.) Beniger 1 Burfel find wie viel Birfel ? den idernusd maine ?

2. (Er nimmt ben letten weg.) Beniger 1 Bürfel ift noch wie viel?

(Nochmalige Abkürzung)

4品明显见65 81年 DK 6年 0 3; 2; 1; 0. 2. (Gine Hand und an biefer 3 Finger in die Sobe haltenb.) Wie viel Finger find bas?

Sá. 2. (Er thut einen Finger weg.) Und das?

2. (Er thut noch einen Finger weg) Und bas?

2. (Er thut ben letten weg.) Und wie viel Finger find jest noch ba?

Sd. -2. Stredt einmal euere rechte Sand in bie Sobe!

Sch. (Sie thuen es.)

2. Zeigt mir an euerer rechten Sant 3 Finger!

2. Jest nur 2 Finger!

2. Einen Finger! (Diefe lebung wird in verschiedener Form und in und außer ber Ordnung an anderen Dingen fortgesett.)

Wieberholung und Abrundung.

3-1-1-1=0

2. Jest wollen wir die Würfel noch einmal nehmen. (Er, nimmt sie alle 3.) Die viel find es?

Sd). —

(Indem er einen nach dem anderen raich wegnimmt, fpricht er:) 3 Bur-

fel weniger 1 Würfel, weniger 1 Würfel, weniger 1 Würfel find noch wie viel Würfel?

Sch. -

L. Cbenso zeige dies ber Lehrer an anderen Dingen und leite wiederum baraus ab:) 3 weniger 1, weniger 1, weniger ift wie 1 viel?

Sch. —

2. 3 weniger 1- ift wie viel?

Эф. —

2. 2 weniger 1 ift wie viel?

Sdj. -

2. 1 weniger 1 ift wie viel?

S. -

2. Die viel ist 3 - 1 - 1 - 1?

Sch. -

d. Meffen: Uebung bes 1:3 = 3.

L. Jest haben wir schon an allerlei Dingen rechnen gelernt, an Stäbchen, Griffeln, Tafeln, Büchern, Bohnen, Aepfeln, Nüssen, Strichen und Punkten, an ber Elle und vielen anderen Dingen. Heute habe ich uns aber ein ganz anderes Ding vom Krämer holen lassen. Ich glaube nicht, daß ihr es schon alle kennt.
— Es ist von Holz gemacht und hält gerade so viel, wie ein Schoppenblech. Es ist auch so rund und hohl, wie dieses, nur etwas breiter und niedriger. (Der Lehrer holt es.) Seht ihr, daß es von Holz gemacht ist (er hält das Schoppenblech daneben), und wie es so rund und hohl ist, wie das Schoppenblech? Ist es auch so hoch, wie dieses? (Beide zeigenb.)

Φ. –

2. Und fo breit? (Beibe mit bem Boben aufeinander haltenb.)

Ed. -

- L. (Zur anschaulichen Fortsetzung der Uebung ist es gut, wenn sich der Lehrer einige mit dem Mäßchen meßbare Dinge, etwa 3 Mäßchen Bohnen, Linsen, hirsen, zc. zc. hat verschaffen können. In Ermangelung dieser Dinge thut auch Sand oder geriebene Erde die nämlichen Dienste.) Hier sind Bohnen. Da wollen wir gleich sehen, ob eines so viel hält, als das andere. (Er füllt das Schoppenblech mit Bohnen und leert es in das Mäßchen aus.) Richtig, ganz genau so viel. (Das Schoppenblech in die höhe haltend.) Wie nennen wir dieses Ding?
- Sch. L. Das Schoppenblech hält also genau einen Schoppen. Mit dem Schoppenblech werden meistens nur Dinge gemessen, die fließen, flüssig sind. Das Ding da von Holz, welches auch genau einen Schoppen hält, dient zum Messen von trockenen Sachen. Da ihr es jetzt kennt, so will ich euch auch sagen, wie man es heißt. Alle Leute nennen es Mäßchen. Wie heißt es?

2. Was wird mit bem Mäßchen gemeffen?

- L. Ja, trodene Sachen z. B. Bohnen, Linsen, Suppengries, Suppengerste, Rübsamen, Hanfsamen, Dickwurzelsamen, Schnitzen, oft auch Kartoffeln und viele andere Dinge, auch Sant u. bgl. Wir wollen jest einmal die Bohnen, die ich da mitgebracht habe, messen und sehen, wie viel Mäßchen es sind. (Er füllt das Mäßchen mit Bohnen und leert es, wenn er nichts Anderes hat, in die Kappe eines Knaben aus. Bor dem Ausleeren fragt er noch, das Mäßchen in die Höhe haltend:) Das sind wie viel Mäßchen Bohnen?
- L. (Er füllt es zum 2. Mal, zeigt es wieber vor und fragt:) Wie viel Mäßchen sind bas? Sch.
- L. Ein Mäßchen Bohnen in ber Kappe und ein Mäßchen Bohnen hier, (er es jeht zu jenem aus) find wie viel Mäßchen?

2. (Er füllt bas Mäßchen zum 3. Mal; es wird gerade so voll, und so zeigt er es bor.) Wie viel Mäßchen Bohnen find bas?

2. (Er leert es bann zu ben 2 Mäßchen aus) 2 Mäßchen und 1 Mäß: chen find wie viel Dläßchen ?

Sdj.

iel

ım

11

3

3

Frang hat alfo wie viel Magen Bohnen in ber Rappe ?

Sch. — L. Ihr habt gesehen, wie vielmal 1 Mäßchen ich hineingemeffen habe. 3 Mäßchen Bobnen find wie vielmal 1 Mäßchen Bobnen?

3mal 1 Magden Bohnen find wie viel Magden?

64.

2. Wie vielmal ift 1 Mäßchen in 3 Mäßchen enthalten? Gd.

2. Recht fo! Das fonnen wir gang beutlich feben, wenn wir mit bem 1 Mäßchen bie 3 Mäßchen Bohnen herausmeffen. Ich will es aber nicht selbst thun. Der Karl (mit einem Winke, daß er herauskommen foll) wird es auch können. Was können wir gang beutlich feben, wenn wir mit einem Mäßchen bie 3 Magchen Bobnen berausmeffen?

L. Was mußt bu aber thun, um hier ganz deutlich zu sehen, baß 1 Mäß= den in ben 3 Mäßchen 3mal enthalten ift ?

Sch. Ich muß feben, wie oft ich 1 Magchen aus ben 3 Magchen (ber: ausnehmen) berausmeffen fann.

2. Dig einmal ein Mäßchen heraus!

Sd.

2. Was haft du gethan?

Sch. Ich habe einmal ein Magehen Bohnen berausgemeffen.

Miß noch einmal 1 Mäßchen heraus. S.

Sd.

S. Was haft bu jest gethan?

Sch. 3ch habe 2mal ein Dagichen Bohnen herausgemeffen.

S. Miß noch einmal ein Mäßchen heraus!

Sch.

2. Was haft bu jest gethan?

Sch. Ich habe breimal ein Mäßchen herausgemeffen.

Miß noch einmal ein Mäßchen heraus!

Sch. -

£. Warum nicht?

Sá.

- 2 Die vielmal haft bu alfo ein Mäßchen von 3 Mäßchen berausmeffen fonnen? Sch.
- 2. Mit einem Mäßchen in 3 Mäßchen gemeffen, geht also wie vielmal? Siy.
- S. Warum geht es 3 mal, wenn mit 1 Mäßchen in 3 Mäßchen gemeifen wird? Sch. -

2 Ein Mäßchen ift also wie vielmal in 3 Mäßchen enthalten?

2. Beil 1 Mäßchen in 3 Mäßchen 3mal enthalten ift, beswegen geht es wie vielmal, wenn man mit 1 Mäßchen in 3 Mäßchen mißt?

2 Mit Gins in 3 gemeffen, geht also wie vielmal ?

Sch. 2. Die viel ift 3, gemeffen burch Gins?

Sch.

2. Und Gins, gemeffen in 3, ift wie viel?

Zum Schluffe Wiederholung, Zusammenstellung (mündlich und schriftlich auf ber Schultafel) und dann Einübung der durch die 4 vorausgehenden Uebungen erzielten Resultate.

Caselred nen

Bei ber Bahl 1 und 2 wurde beutlich gezeigt, wie nach bem Robfrechnen ber betreffenden Uebung entsprechenbe Stoff für bas schriftliche Rechnen voraubereiten ift. Die bort gezeigte Berfahrungsweise wieberholt fich auf jeber folgenben Stufe unter Benützung Deffen, was die Kinder bereits konnen; wohl wird fie sich auf jeder folgenden Stufe etwas abkurgen laffen. Bevor man jedoch abs fürzt, prüfe man genau, ob man nicht zu viel voraussete. Einzelnen Nachzüglern ift so lange nachzuhelfen, bis es auch bei ihnen geht. Geschieht diese Nachhilfe bisweilen in der Weise, daß Alle dabei ausmerken muffen; so wird badurch auch ben Andern noch genütt, weil fie immer fester werben.

Indem wir und beim Tafelrechnen für biefe und alle folgenden Uebungen ber verschiedenen Stufen biefes Bahlenfreises auf die S. 596 und 604 angegebene

Berfahrungsweise beziehen, geben wir jedesmal nur noch ben zu übenden Stoff. Der Stoff für biese Uebung wird fich in seiner Zusammensaffung darstellen, wie folgt (Siehe "Köpp's Rechenfibel" Zahl 3, Aufgabe 1): 1+1+1=? $3\times 1=?$

3-1-1-1=?1:3=?

Ale Zwischenübungen fommen vor:

1 + 1 = 23 - 1 = 2-1 = 11-1=0 2c, 2c.

Zweite Uebung: 3 verglichen mit 2. Ropfrechnen.

a Zusammenzählen: Nebung bes $\frac{1}{2} + \frac{2}{1} = \frac{3}{3}$

2. Die Würfel sollen uns noch einmal bazu bienen, an ihnen etwas Neues ju lernen. Ich will fie, wie Goldaten, vor euch aufftellen :

000 Wie viel Bürfel find ba aufgestellt?

2. Gebt nun Acht auf bas, was ich ba mache! - (Der Lehrer rudt einen Würfel links ab.)

Wie viel Würfel find bas bier allein (auf ben erften beutenb)?

2. Und wie viel Würfel find bas bier allein (auf bie 2 letten zusammen deutend) ? Sch. -

2. Die viel Würfel find aber ber eine Würfel (er rückt benfelben wieber gu den Zweien und beutet jest auf die letteren) und die 2 Würfel gusammen? Sdy. -

2. Ein Bürfel und Zwei Bürfel find also wie viel Bürfel? Sá. -

Daffelbe ist noch an anderen Dingen zu zeigen und daraus zu abstrahiren: Eins und 3mei ift wie viel?

2. Geht noch einmal auf die Bürfel!

Sie stehen ganz gleichweit von einander. Ich will jest einen davon wegericken und sehen, ob ihr mich versteht. (Der Lehrer thut es.)

Die viel Bürfel fteben bier (auf bie 2 Bürfel beutenb)? Sd. -

2. (Auf den einen Burfel deutend.) Und hier?

ma Sh. -2. (Indem der Lebrer auf die 2 Würfel deutet.) Bivei Wirfel und ein Burfel (ben er zu den Zweien beigieht) find gusammen wie viel Burfel?

2. Die viele Bürfel find also 2 Bürfel und 1 Bürfel?

An anderen Dingen ift das nämliche zu veranschaulichen und baraus zu abftrabiren: 3wei und Eins ift wie viel?

b. Bervielfachen: Nebung bes 1 × 2 + 1 = 3. and no

2. Was haben wir von den Birfeln gelernt, ale fie fo

Sch. — geftanden haben? Ed. — Recht! Also 2 + 1 ist wie viel?

Sch.

2. Geht fie jest noch einmal recht an! Die viel Würfel find bies (auf bie 2 Bürfel deutend)?

Sdy. -

2. Wie vielmal 1 Würfel find bies?

Sch. -

Bu einmal 2 Bürfel fehlen noch wie viel, bis es 3 find ?

2. Einmal 2 Bürfel und ein Bürfel find wie viel Bürfel?

Auf die nämliche Beife fann und foll bies noch an anderen Dingen bis gur bollftandigen Erkenntniß und Fertigkeit flar gemacht werben; abzuleiten ift bann: 1 × 2 + 1 ift wie viel?

c. Abgablen: Uebung bes 3 - 2 = 1. 2. Ich ftelle die Würfel wieder zusammen in eine Reibe.

Gebt Acht auf Das, was ich jest mache! Ich nehme zwei Mürsel davon weg (er thut es); wie viel sind dann noch übrig? weg (er thut es);

Sd).

2. Die viel habe ich hinweggenommen?

Sch.

2. Bon wie viel Bürfeln habe ich 2 Bürfel binweggenommen ?

2 Wenn von 3 Bürfeln 2 weggenommen werben, fo bleiben noch wie viel übrig?

2. 3 Würfel weniger 2 Bürfel find also wie viel Bürfel?

Sd. -Das Rämliche laffe ber Lehrer-feine Rinder auch noch an anderen Dingen erkennen; ableiten läßt sich dann davon: 3-2=1.

d. Messen: Nebung bes 2:3 = 1 (1). 2. Eben habt ihr an ben 3 Würfeln gelernt: 3 Würfel weniger 2 Würfel find wie viel Würfel?

Sch. —

2. Ich ftelle bie 3 Würfel noch einmal auf:

000 Frang, bu follst jest selbst seben, wie oftmal ober wie vielmal bu 2 Bürfel von den 3 Bürfeln wegnehmen fannst. Was sollst du thun?

Sch. L. Thue es!

Gd. —

2. Bas haft but gethan?

2. Die vielmal haft bu 2 Bürfel von ben 3 Bürfeln weggenommen? Sd. -

2. Die viel Bürfel find noch übrig geblieben ?

Sch. — 2. Nimm jest noch einmal 2 Würfel hinweg!

Cd. 3d fann nicht mehr.

L. Warum nicht? Sch. —

2. Die vielmal kannft du also 2 Bürfel von 3 Bürfeln hinweggnehmen?

2. Wie vielmal find bemnach 3 Würfel in 3 Würfeln enthalten?

Sch. — 9 Mie wiel Würfel find aber dann nach übrie

L. Die viel Würfel sind aber dann noch übrig?

2. Wie vielmal sind also 2 Würfel in 3 Würfeln enthalten, und was bleibt noch übrig, oder was bleibt noch Rest? Sch. —

2. Wie oft fann ich 2 Ellen von 3 Ellen wegmeffen?

Sdj. -

2. Wie vielmal sind also 2 Ellen in 3 Ellen enthalten? Sch. —

L. Was bleibt noch Reft?

Sch. -

L. Wie vielmal ist also 2 in 3 enthalten, und was ist noch Rest?

L. Welche Zahl ist einmal in 3 enthalten, wenn noch Eins übrig bleibt?

L. In welcher Zahl ist 2 ein mal enthalten, so baß noch Eins übrig bleibt?

2. Wie oft find 2 Ellen in 3 Ellen enthalten?

Sá. -

L. Wir wollen es sehen. Da ist die Elle, und da sind 3 Ellen Kordel. (Der Lehrer mißt vor den Augen der Kinder selbst einmal 2 Ellen ab; beim Messen kann er sprechen:) Eine Elle; — zwei Ellen. (Er hält ein.) Wie vielmal 2 Ellen habe ich abgemessen?

Sch. — 2. (Der Lehrer zeigt , was übrig ist.) Kann ich jetzt noch einmal 2 Ellen abmeffen?

Sd. —

2. Die vielmal kann ich also 2 Ellen von 3 Ellen ab- ober herausmessen? Sch. —

L. Warum?

Ed). -

L. Was bleiht noch übrig, noch Rest? (Der Lehrer zeigt dies an der Elle.) Sch. —

L. 2 Ellen von 3 Ellen abgemessen, oder mit 2 Ellen in 3 Ellen gemessen, geht also wie vielmal, und was bleibt noch Rest? u. s. w. Sch. —

2. Mit 2 in 3 gemeffen, geht bemnach wie vielmal, und wie viel bleibt Reft?

Wiederholung, Zusammenstellung (mündlich und schriftlich auf ber Schultafel) und Einübung ber durch die 4 vorausgehenden Nebungen erzielten Resultate.

Tafelrechnen.

Das Verfahren, wie beim Tafelrechnen, S. 596 und 604. Es wird basselbe jedoch mit dem Erringen größerer Fertigkeit nach und nach mehr abstürzen lassen.

Den Stoff für daffelbe fiebe "Röpp's Rechenfibel" Bahl 3, Aufgabe 2:

2 + 1 = ? $1 \times 2 + 1 = ?$ 3 - 2 = ? 2:3=?1)

Dritte Uebung : Aufluchen des Unterschiedes gwischen 3 und den in 3 enthaltenen Bahlen.

2. Seht noch einmal die 3 Würfel recht an! — Jett seht, was ich wieder mit ben 3 Würfeln mache. (Der Lehrer rückt 2 Bürfel links und 1 Bürfel rechts.) 00

Wie viel Bürfel find es gufammen?

Еф. -

2. Wie viel Würfel sind dies (auf die 2 Würfel deutend)?

Sd. -

Sind 3 Würfel fo viel, als 2 Würfel?

Sch.

L. Was ift mehr, 3 Würfel ober 2 Würfel?

2. 3 Bürfel find wie viel Bürfel mehr, als 2 Bürfel?

Sch.

Was ist weniger, 3 Würfel ober 2 Würfel?

Gdy.

2. 2 Bürfel find wie viel Bürfel weniger, als 3 Bürfel?

Sh. -

2. 3 Würfel und 2 Würfel find also nicht gleich viel; 3 Würfel und 2 Bürfel find verschieden von einander. Um wie viel find 3 Bürfel und 2 Bürfel von einander verschieden?

Gф. —

L. Das, um was zwei Dinge von einander verschieden sind, nennt man Unterschied. Was nennt man den Unterschied.

Gd. -

0 Welches ift also der Unterschied zwischen 3 und 2 Würfeln?

Sch.

2 Zwischen 2 Würfeln und 3 Würfeln?

Bei ber Bahl 2 haben wir ichon gehört: 3 wei Bürfel find um wie viel Bürfel mehr, als ein Bürfel?

2. Welches ist also ber Unterschied zwischen 2 und 1 Würfel?

1 Bürfel ift um wie viel Bürfel weniger, als 2 Bürfel? £.

2. Welches ift ber Unterschied zwischen 1 Würfel und 2 Würfeln?

Auf abnliche Weise laffen fich fammtliche bier mögliche Falle vorbereiten und üben; als:

3 ift 1 mehr, als 2, 2 mehr, als 1. 2 ift 1 weniger, als 3, 1 mehr, als 1.

1 ift 2 weniger, als 3, 1 weniger, als 2.

3 ift bas Dreifache von 1.

1 ift der dritte Theil von 3.

1 und 1 find gleiche Zahlen, 1 und 2, sowie 2 und 3 find ungleiche Bahlen; aus welchen gleichen Zahlen (Theilen) besteht also 3? — aus welchen ungleichen Bahlen (Theilen) besteht 3?

b. Schnellrechnen.

§. 361.

Konfrechnen.

(Siehe die Vorbemerkung jum Schnellrechnen bei ber Bahl 2!)

1) Die Schreibweise bes Restes ift bier ben Kindern zu zeigen: 1. (1).

2. Met weiß fledenbelfpiele; bie Anmer, wenn fie ausgerechnet merben, 3 Wiederholung des bereits Gelernten

nach ber bei ber Bahl 2 im Schnellrechnen G. 608 I. gegebenen Anleitung.

and II. I had in

Das eigentliche Schnellrechnen. I +

a) Schnellrechnen mit zwei Bahlen.

2. Bas (ober tvie viel) ift:

Welche Bahl ift um Gins größer, als Gins?

Gdy. -

2. Welche Bahl ift um Gins fleiner, als 2?

Welche Bahl ift um Eins fleiner, als 3? E.

Số.

S. Was ift 3, einmal genommen ?

Sch.

2, Wie oftmals geht es, wenn ich 3 mit Gins meffe?

Die Verfahrungsweise für die folgenden Aufgaben ift beim Schnellrechnen ber Bahl 2, Geite 609 c. beutlich gezeigt; fiehe dafelbft!

mad man bie b) Sonellrechnen mit drei Zahlen.

$$\begin{array}{c} 2+1-2=\\ 3\times 1-1=\\ 1\times 2+1=\\ 3-2\times 3=\\ 1\times 2+1=\\ 2:2+1=\\ 3\times 3\times 3=\\ 1\times 3\times 3$$

3 - 2 + 1 + 1

Wie viel ist 3 - 1 - 1 + 2 getheilt burch 1? $3 \times 1 - 2 \times 1 + 1 + 1 - 2 + 1 + 1 = ?$ $1 + 1 + 1 - 2 \times 3 - 2 + 1 + 1 - 2 = ?$

Cafelrechnen. Mis Aufgaben tonnen bie unter bem Ropfrechnen angegebenen bienen eitere fiche in "Röpp's Rechenfibel" Zahl 3, Anfgabe 4 und 5!

S. 362.

c. Rombiniren.

Ronfredinen.

Das hierzu Röthige wurde beim Kombiniren unter ber Baht 2 bemerft; fiebe Seite 610; im Nachfolgenden foll nur burch einige Aufgaben angebeutet werben, in welcher Form diese hier zu erweitern und zu vermehren find.

2. Der weiß Rechenbeifpiele, bie immer, wenn fie ausgerechnet werben, 3 geben?

Sch. 3 ift 1 + 1 8 ift 2 + 1 8 ift 3 × 1 at 100 D man without our & little and but and bon

3 ift 2 + 1 × 1 mand state given 1

3 ift 1 × 18 1 1 1 2 3 ift 1 : 3 1. j. w. Wie viel muß ich zu 2 legen, bamit es 3 gibt?

Welche Zahl vervollstänbigt 1 3u 3? Welche Zahl ift bas Dreifache von 1?

Bon welcher Bahl fannft bu bas Doppelte von 1 wegnehmen und behaltft doch noch 1 übrig &

3ch fete eine Bahl einmal und noch einmal und noch einmal und erhalte 3.

Welche Babl habe ich 3mal gefett?

Cafefredinen.

Schreibet Rechenbeispiele auf, bie immer, wenn fie ausgerechnet werben, 3 geben! (Ift möglichft allfeitig auszuführen.) Ferner fiebe "Röpp's Rechenfibel" Bahl 3, Aufgabe 3!

II. Die angewandte 3ahl.

8. 363.

Mur Kopfrechnen.

al andarina nada h. Zusammengählen.

(Bwei Knaben ftellen fich in ber Schulfube auf.) Wenn zu ben 2 Knaben noch ein Knabe fommt, wie viel Anaben find es bann?

Wenn alle brei Enaben fortgeben , einer geht voran , wie viel geben bann

binten nach? Wenn aber alle in einer Reihe geben, wie viel geben dann zwischen ben anderen ?

Wenn einer fortläuft, wie viel find noch ba? Und wenn von den dreien zwei fortlaufen?

Wenn aber alle brei fortlaufen?

Wenn fich 2 führen, wie viel muffen allein geben?

(Gibt es Schwierigfeiten, fo fommen bie einzelnen namen ber brei gegenwartigen Knaben ju Silje Wenn Karl fortläuft, wer bleibt noch ba? - Wie viel Anaben find ber Peter und ber Frit ? — 2c. 2c. Man fieht, wie viele Bariationen das eine Beispiel gestattet. Sumbert ebenso anschauliche Beispiele liegen aber gleich nabe und muffen ebenfo genau concret burchgeführt werden. Huf biefer, ben vor= bergebenden und nachfolgenden Stufen gilt : Die Rinder ruden ber Borftellung bon bem willfürlich abstracten Befen ber Bahl ichon ein wenig naber, indem fie aufgeforbert werben, nur brei von mehreren vorhandenen Dingen gusammen gu gablen, 3. B. 3 von allen Fingern an ber hand, indem man die ju gablenben gerade ausstredt, während man die anderen frumm halt; noch naber ruden fie demselben, wenn man von Dingen rebet, die fern find. Bei obigen Beispielen barf man für biesen Fall nur von 3 Knaben reben, die auf ber Strafe find, von brei Schäfchen, Die auf der Weibe geben 2c. 2c. — Die Abstraction darf immer erst nur dann eintreten, wenn alle biefe Berhältniffe sicher erfannt find. Man laffe fich bie Mube, bie es bei Manchen machen wird, nicht verbrießen und rube nicht, bis biefe brei einfachen Bahlen, welche bie Theile aller iibrigen ausmachen, erst völlig begriffen find. — Man bitte sich ja vor Uebereilung. Es wird sich dies überraschend belohnen.)

Wie viel Glieder hat dein Zeigefinger? Ein Groschen ') gilt wie viel Rreuzer?

1) Muf biefer Stufe fonnen bie Rinber ben Grofchen fennen lernen. Das Berfahren hierbei fann etma folgendes fein. Der Lehrer zeigt zuerft einen Rreuger Wie viel Kinder find 1 Knabe und 2 Mädchen?

Wie viel Buchstaben hat das Wort "Rad"? Nenne mir auch ein Wort, bas mit brei Buchftaben geschrieben wird?

Frit hat ein Sprüchlein gelernt; seine Schwester aber 2 mehr. Wie viel

Sprüchlein fann feine Schwefter?

Wie viel Kreuzerswecke wird man für 1 Kr. und 1 Kr. und 1 Kr. bekommen? Ein Knabe ging einmal spazieren, und kam auf seinem Bege an 2 Birn-bäume, unter bem ersten fand er zwei Birnen und unter bem zweiten eine. Die viel Birnen hatte er ba zusammen?

Auf einer Seite eines Zimmers stand 1 Stuhl, auf der anderen dagegen standen 2 Stühle. Wie viel Stühle standen auf beiden Seiten?

Drei Geschwister hatten ihr Erspartes in eine Sparbuchse gelegt; ber Bruber 1 Gulben, die jungere Schwefter 1 Gulben und die altere Schwefter 1 Gulben. Wie viel Gulben waren bemnach in ber Sparbuchje?

b. Vervielfachen.

Wie viel ift 3mal 1?

Ein Bleiftift koftet 1 Kreuzer; was koften 3 Bleiftifte?

Ein Klifer machte in jeder Woche ein Faß; wie viel Fässer machte er in 3 Wochen ?

c. Abgählen.

hier liegt eine Tafel; wie viel milffen wir noch dazu legen, bis es 3 Tafeln find? Wie viel Geld muß mir ber Karl zurückbringen, wenn ich ihm 1 Groschen gebe und ihn forticide, bag er mir für 2 Kreuger Bapier bole?

Wie viel Geld muß Anton zurückbringen, wenn er von seiner Mutter einen

Groschen befommt, um für 1 Kreuger Bed gu holen?

Anna sollte ihrer Mutter 1 Loth Pfeffer holen, das 1 Groschen kostet, bekam

aber mir 2 Kreuzer. Wie viel Gelb hatte fie ju wenig ?

Auf einem Ader ftanden gang nahe beisammen 3 Baume; da fam ploglich ein Sturm und rif einen von ihnen um. Wie viel Baume find noch fteben geblieben? Bon 3 Aepfeln fingen 2 an zu faulen; wie viel faulten nicht?

Dieser Fenfterschalter hat 3 Fenfterscheiben übereinander; wie viel find noch

ganz, wenn eine zerbricht? Bon 3 Geschwistern ist Karl 3, Franz 2 und Emma 1 Jahr alt; a) wer ist am ältesten? b) Wer ist am jüngsten? c) Wie viel Jahre ist Franz jünger, als Karl? d) Wie viel Jahre ist Franz älter, als Emma? e) Wie viel Jahre ist Emma junger, als Franz? Als Karl?

Wie viel bekommst bu auf 1 Groschen zurück, wenn bu einen Weck für 2

Areuzer holest?

d. Deffen.

Wie viel Kreuzerswede kauft man für 1 Groschen?

Käthchen hatte in ihrem Garten 3 schöne blaue Beilchen gefunden; es waren die ersten in diesem Jahre. Sie trug sie beghalb zu ihren Eltern, um diesen eine Freude damit zu machen. Wie aber konnte fie bieselben unter Bater und Mutter vertheilen?

Ein Jäger schoß jedesmal, so oft er auf die Jagd ging, nur 1 Hasen. Er hatte nun in ganz kurzer Zeit 3 Hasen erlegt. Wie oft mußte er bennach auf

der Jagd gewesen sein?

In 3 Aepfel sollen sich brei Kinder theilen; wie viel Aepfel bekommt ein Kind?

vor und fragt: Bas ift bas für eine Münze? — Er zeigt bann 2 Kr. vor und fahrt fort: Wie viel Kreuzer sind das? — Da ist noch 1 Kr.; wie viel sind es jett? — Da habe ich aber ein anderes, ein größeres Gelbstück; es ist ebenso viel werth, wie 3 Kr., wer kennt es schon? — Wie mag es wohl heißen? — Ein Groschen ist gleich wie vielen Kreuzern? — 3 Kr. find so viel, find gleich welcher Münze?

- Das eine Kind will mit feinem Schwesterchen noch einmal theilen; wie viel bekommt dann jedes von diesen?

Drei Taglöhner haben zusammen 3 fl. (3 Thir.) verdient; wie viel bekommt

bann einer?

e. Mehrere ber 4 Grundrechnungsarten in Berbindung mit ein ander.

Da fitt ein Knabe; einer sett fich zu ihm; — wie viel muffen noch bagu

fommen, wenn brei ba fein follen?

-(Der Lehrer zeigt 3 Ruffe — ober ebenso viel andere Dinge.) Wie viel Ruffe habe ich hier? — Sie sollen an ebenso viele Kinder vertheilt werden. Wer will es thun? - Welches von den 3 Kindern hat am Meisten bekommen? - Wie viel hat Jedes? — Den wie vielten Theil von 3 Niffen hat Jedes erhalten?

Ein Griffel fostet 1 Pfennig; wie viel erhalt man für 3 Pfennige? - Wenn

aber 2 bavon zerbrechen, wie viel find bann noch gang?

Dierte Stufe

Praftische Behandlung der Jahl Bier. I. Die veine Bahl.

a. Meffen und Bergleichen.

Erfte Urbung: 4 verglichen mit 1.

Konfredinen.

a. Zusammenzählen: Uebung bes 1+1+1+1=4. a) 1 + 1 = 2, 2 + 1 = 3, 3 + 1 = 4

L. (Wir benken uns wieder ben Lehrer im Besitze ber nöthigen Beranschau= sichungsmittel, etwa 4 Stäbchen, 4 Lineale, 4 Ballen ober Klicker, Schiefertafeln, Riffe, Nepfel 2c. 2c. Indem er bie 4 Stäbchen ben Kindern vorzeigt, beginnt er:) Kinder, da habe ich für unsere heutige Rechenstunde Dinge mitgebracht, wie wir noch feine beim Rechnen gebraucht haben. Was find bas?

Sch.

L. (Cines vorzeigend.) Und was ist bas?

2. Wie viel Stäbchen find bas?

Sch .-

2. (Ein anderes Stäbchen vorzeigend.) Was ift bas?

Sch.

2. (Indem er beide Stabchen gusammenbringt.) Gin Stabchen und ein Stäbchen find wie viel Stäbchen?

Sch. — L. Da ist noch ein Stäbchen, das will ich zu den 2 legen; (Er thut es.) wie viel sind es jett?

Sdy. -

2. Zwei Stäbchen und ein Stäbchen sind also wie viel Stäbchen?

Sch.

2. Da ift aber noch ein Stäbchen. Wenn ich biefes zu ben 3 Stäbchen lege, wie viel Stäbchen find es bann?

Sdy.

3 Stäbchen und 1 Stäbchen find bemnach wie viel Stäbchen?

(Wiederholung.) Also 1 Stäbchen und 1 Stäbchen sind wie viel Stäbchen?

2. 2 Stäbchen und 1 Stäbchen find wie viel Stäbchen?

2. 3 Stäbchen und 1 Stäbchen find wie viel Stäbchen? u. f. w. an anderen Dingen.

Dhler, Ergichungs= u Unterrichtetunde. 3, Muft.

8. 364.

Diese Nebung ist jest etwas fürzer gefaßt: b) 1 + 1 = 2+ 1 = 30 fam form you one in 1918

+1 = 4

2. Frit, ba ift ein Griffel, und ba ift noch ein Griffel; wie viel Griffel find das zufammen?

2. (Der Lehrer nimmt einen britten Griffel bagu.) Und ein Griffel find wie viel Griffel?

2. (Er nimmt bagu einen vierten Griffel.) Und ein Briffel find wie viel Griffel?

u. f. w.

L. Karl, zeige mir einen Finger! Edy.

Beige zwei Finger!

Sch.

2. Zeige brei Finger!

Sd.

2. Beige vier Finger!

d) Wiederholung und Abrundung. 1+1+1+1=4.

2. Was find 1 Finger und 1 Finger und 1 Finger und 1 Finger?

2. Ein Stäbchen und 1 Stäbchen und 1 Stäbchen und 1 Stäbchen find tvie viel Stabchen ? (Cbenjo mit Griffeln, Aepfeln, Ruffen u. f. w.) Sit.

2. Eins und Gins und Gins und Gins find wie viel?

Ed.

2 Gins und Gins ift wie viel?

Sdj.

2. 3wei und Gins ift wie viel?

Sch.

2. Drei und Gins ift wie viel?

Sd.

2. Gins und Gins und Gins und Gins ift wie viel?

b. Bervielfachen: Uebung bes 4 × 1 = 4.

L. (Der Lehrer nimmt etwa von ben Stäbchen 2c. 2c., die noch auf bem Tifche ober auf ber Bank liegen, mit ber einen Sand immer Gins und gibt bies der anderen Sand, bis er in diefer alle vier Stäbchen hat, indem er dabei fpricht:) Ein Stäbchen und ein Stäbchen und ein Stabchen und ein Stäbchen find wie viel Stabden?

Gdy.

2. Bier Stabchen find wie vielmal ein Stabchen ?

Edy.

2. Bier Griffel find wie vielmal ein Griffel? (Chenfo mit Tafeln, Müffen 2c. 2c., Strichen u. f. w.)

Biermal 1 Strich find wie viel Striche?

Sch.

2. Viermal Eins ift wie viel?

Sd).

2. Einmal Eins ift wie viel?

Sdj.

2. Zweimal Gins ift wie viel?

2. Dreimal Gins ift wie viel?

```
Diermal Eins ift wie viel?
    2. Bier ift also wie viel mal Gins?
    Sd). --
2. Und viermal Gins ift wie viel?
      c. Abzählen: Nebung des 4 - 1 - 1 - 1 - 1 = 0.60
    a) 4-1=3, 3-1=2, 2-1=1, 1-1=0. (Die 4 Stäbchen ober 4 andere Dinge, die der Lehrer in die Hand nimmt,
mogen wieder bie Beranichaulichungemittel fein; bis jest fann noch feine Uebung
ohne folche begonnen werden.)
   2. Das find wie viel Stabchen?
2. Marie, komm' jest zu mir heraus, und gib einmal recht acht auf Das, was ich bir sage! — Du follst von ben 4 Stäbchen ein Stäbchen wegnehmen.
Was sollst du thun?
    Sdy. -
       Thue es!
    Gd.
    2.
       Was haft du gethan?
    Gdj.
    L. Wie viel Stäbchen bleiben noch?
    Sch. Es bleiben noch brei Stabden?
    L. Sprich bies ganz (im Sațe): Wenn ich -
    Sch. Wenn ich von 4 Stabchen 1 Stabchen hintvegnehme, fo bleiben noch
3 Stäbchen.
    2. Du jollft von 3 Stabchen ein Stabchen binwegnehmen. Bas follft bu thun?
    Sdj.
       Thue es!
    E.
    Sd.
    Q.
       Was haft bu gethan?
    Edj.
    2. Die viel Stäbchen bleiben noch?
    Sch. Es bleiben noch 2 Ctabchen.
       Sprich dies gang fo : Wenn ich zc. 2c. -
    Sch. Wenn ich von 3 Stabchen 1 Stabchen hinwegnehme, fo bleiben noch
2 Stäbchen.
   2. Du follft jest von 2 Stäbchen 1 Stäbchen hinwegnehmen. Was follft bu thun?
    Sch.
    2
       Thue es!
    2. Bas haft bu ba gethan?
    Gdj.
       Die viel Stäbchen bleiben noch?
   S.
    Sch. Es bleibt noch 1 Stäbchen?
    2. Sprich: Wenn ich 20 20. -
   Sch. Wenn ich von 2 Stäbchen 1 Stäbchen hinwegnehme, fo bleibt noch
1 Stäbchen.
   2. Du follst jett noch von I Stäbchen 1 Stäbchen himmegnehmen. Was
follst du thun!
   Sch. -
    S.
       Thue es!
    Sch.
   L. Was haft bu gethan?
    Sch.
       Wie viel bleiben noch?
    Sch.
   2. Sprich: Wenn ich 2c. 2c.
   Sch. Wenn ich 1 Stabchen von 1 Stabchen wegnehme, fo bleibt Riche mehr übrig.
                                                        40 *
```

no

117

ei ei

Bier Stäbchen weniger 1 Stäbchen find also wie viel Stäbchen?

Sdy. 2. 3 Stäbchen weniger 1 Stäbchen find wie viel Stäbchen?

2 Stäbchen weniger 1 Stäbchen find wie viel Stäbchen?

1 Stäbchen weniger 1 Stäbchen find wie viel Stäbchen? Sch. -

(Diese Uebung läßt sich wieder auf folgende Weise abkürzen, aber immer noch mit Hülfe von Beranschaulichungsmitteln):

b) 4 - 1 = 3

- 1 = 2 minus its me and mak man trans

-1 = 1-1 = 1-1 = 02. (4 Griffel 2c. 2c. vorzeigend.) Das sind wie viel Griffel ? Sch. —

2. (Er nimmt einen Griffel weg) 4 Griffel weniger 1 Griffel find wie viel Griffel? Sch. 4 Griffel weniger 1 Griffel find 3 Griffel.

2. (Er nimmt einen weiteren Griffel weg.) Weniger 1 Griffel ?

Sch. Weniger 1 Griffel find 2 Griffel.

(Er nimmt noch einen Griffel weg.) Weniger 1 Griffel?

Sch. Weniger 1 Griffel ift 1 Griffel. L. (Jeht nimmt er den letzten noch weg.) Weniger 1 Griffel? Sch. Weniger 1 Griffel ift Richts.

e) 4, 3, 2, 1.

2. Zeiget mir an euerer rechten Hand 4 Finger!

2. Recht fo! Die Sand herunter! Jest zeiget mir an euerer rechten Sand nur 3 Finger!

இழ். 2. Die Sand herunter!

6dj. —

2. Beiget mir jest nur 2 Finger!

Sch. — L. 216!

Gd). —

L. Zeiget mir 1 Finger!

(Diese Uebungen sind an anderen Dingen fortzuseten.)

d) Wiederholung und Abrundung. 4-1-1-1=0. 2. (Der Lehrer macht 4 Striche auf Die Schultafel.) hier find wie viel Striche auf der Tafel?

Sdy. -2. 4 Striche weniger (ber Lehrer löscht 1 Strich aus) 1 Strich, weniger (er löscht wieder einen Strich aus) 1 Strich, weniger (er löscht noch einen Strich aus) 1 Strich, weniger (er löscht ben letten Strich aus) 1 Strich, find wie viel Striche?

2. (Gan; auf bieselbe Weise verfahre man mit 4 auf die Schultafel gezeichneten Dreieden, Kreisen ober Ningeleben und Puntten und leite baraus ab:) Bier weniger Gins, weniger Gins, weniger Gins, weniger Eins ift wie viel?

2, 4 weniger 1 ist wie viel?

Sd). -

L. 3 weniger 1 ift wie viel?

Sd). -

2. 2 weniger 1 ist wie viel?

L. 1 weniger 1 ift wie viel?

Sd. -

2. Wie viel ift also 4 - 1 - 1 - 1 - 1?

d. Deffen: Uebung bes 1:4 = 4.

(Die Uebung bes Messens ist mehr, als jebe andere Uebung, ohne die rechte Beranschaulichung leeres Gerebe, mit der geeigneten Beranschaulichung dagegen ein vorzügliches Bildungsmittel für den kindlichen Berstand. Der Lehrer wird sich baher jedesmal vor der Schulstunde das Nöthige, etwa ein Schoppenblech oder ein Schoppenglas und eine Elle oder ein ähnliches, aber den Kindern schop bestanntes Maß und einige dazu gehörige Dinge, zum Schoppenglas etwa eine Gießstanne, einen Tops oder ein Züberchen voll Wasser oder Milch 2c. 2c. und dazu noch eine leere Schüssel, die wenigstens 4 Schoppen hält oder einen Tops von dersselben Größe, — zur Elle etwa 4 Ellen Kordel, Schnur, Band oder Zeug — berschassen, hinter seinem Pulte ausbewahren und Stück sür Stück, sowie er es zum Unterrichte braucht, herbeizuholen.)

2. (Der Lehrer holt z. B. zuerst bas Schoppenblech und zeigt es den Kindern, indem er etwa spricht:) Wer kennt bies Ding noch, welches ich hier habe?

Sď.

L. Was ift es benn, Frang?

Sď. -

L. Mit einem folchen Dinge wird allerlei gemeffen. Wer von euch kann mir Dinge nemen, die mit dem Schoppenbleche gemeffen werden?

Sd. -

2. Recht so! Die Milchfrau mißt mit dem Schoppenbleche die Milch; der Wirth mißt damit den Wein; die Krämer messen damit das Del und den Essig und noch viele andere Dinge. Kann man auch Wasser mit dem Schoppenbleche messen?

Sd). -

L. Seht, beswegen habe ich es heute mit in die Schule gebracht'). Wir wollen gleich einmal sehen, wie das zugeht. Da, in der Gießkanne (der Lehrer holt sie), ist Wasser, und hier (der Lehrer holt die Schüffel) ist eine leere Schüffel. Wir wollen jest von dem Wasser in der Cießkanne heraus und dieses dann in die Schüffel hinein messen. Was wollen wir thun?

St. -

- L. Ich will gleich bamit anfangen. (Der Lehrer füllt bas Schoppenblech mit Wasser und zeigt bies ben Kindern, sie fragend:) Wie viel Schoppen Wasser sind bas?
- L. Den leere ich in die Schüffel aus. (Er thut es.) Wie viel Schoppen Waffer sind jest in der Schüffel?

Set. -

el

前?

- L. (Der Lehrer füllt nun den 2. Schoppen, zeigt ihn wieder den Kindern und fragt:) Wie viel Schoppen Waffer sind bas?
- L. Auch den leere ich jett in die Schüffel aus. (Er thut es.) Wie viel Schoppen Waffer find jett in der Schüffel?
 - Sch L. (Auf dieselbe Weise und unter ähnlichen Fragen messe der Lehrer den

¹⁾ Denen, die Anstand nehmen sollten, Wasser ober eine andere Flüssigkeit in der Schule zum Messen zu nehmen, bemerken wir, daß wir diese Dinge deswegen nicht ausgeschlossen währschen, weil nicht nur sie, sondern auch das Operiren mit denselben und sogar der Ausdruck dasür dem größten Theile der Kinder bekannt und geläusig sind, so daß sie deßhalb gern und oft mit ziemlichem Geschicke damit selbst operiren, wodurch ihnen die Uebertragung des Selbsterlebten auf die Zahl und das Aussassen der Operationen an den Zahlen, d. i. das Abstrahiren von den Dingen viel leichter wird. Unter der ausmerksamen Leitung des Lehrers wird nur in den allerseltensten Fällen eine Ungeschicklichkeit vorsommen, die von irgend einer Bedeutung wäre. Im schlimmsten Falle kann der Lehrer Alles selbst thun und die Kinder dabei zusehen lassen.

3. und ben 4. Schoppen Waffer in die Schuffel. Die lette Frage fei bann: Die viel Schoppen Waffer find jest in ber Schiffel?

2. Damit wollen wir es für beute gut fein laffen. Das übrige Waffer thun wir weg. (Er thut es.) Alfo wie viel Schoppen Waffer find in Diefer Schuffel? Sd. -

2. Georg, bu follst jest seben (fo viel, wie untersuchen), wie oft bu 1 Schoppen von ben 4 Schoppen, die da in ber Schiffel find, herausnehmen ober herausmessen kannst! Was soust du thun?

Sch foll sehen 2c. 2c.

Gd.

L. Nimm ober miß einmal einen Schoppen heraus!

Sch.

2. Was haft bu gethan?

Co. hier muß barauf gehalten werben, bag bas Rind babin gelangt, ju fprechen:) Ich habe einmal einen Schoppen herausgemeffen, genommen.

Diff noch einmal einen Schoppen beraust - auch geste genang 2.

Sch. -

Sch. Ich habe zweimal einen Schoppen berausgemeffen.

2. Miß noch einmal einen Schoppen beraus!

Sch.

2.

Was hast du jeht gethan? Sch. 3ch habe dreimal einen Schoppen berausgemeffen.

Miß noch einmal einen Schoppen heraus!

1909 (Gd). -

Was aber hast du je t gelhan?

3ch habe viermal einen Schoppen berausgemeffen.

2. Mit noch einmal einen Schoppen beraus!

छक्।

Warum?

Sd)

2. Wie viel mal haft bu also einen Schoppen von 4 Schoppen berausmeffen fonnen?

2. Mit e i n e m Schoppen die oder in die 4 Schoppen gemeffen, geht also wie vielmal? Sch. -

Sch. 2. Warum geht es 4 mal, wenn man die 4 Schoppen mit einem Schoppen migt?

2. Recht so! Also weil 1 Schoppen viermal in 4 Schoppen ist, in 4 Schope pen stedt, in 4 Schoppen enthalten ift, beswegen geht es auch 4 mal, wenn man mit 1 Schoppen in 4 Schoppen mißt.

(Auf bieselbe ober ähnliche Weise ist bas bier Gelehrte auch an anderen Maßen 3. B ber Gle, bem Mäßichen 20 20. und an mit biesen Maßen megbaren Dingen jum Berständnisse ber Kinder zu bringen, so daß sie im Stande sind, Fragen, wie die nachfolgenden, mit Einsicht, Leichtigkeit und in gutem Deutsch zu lösen.) L. Mit einem Schoppen in 4 Schoppen gemessen, geht wie vielmal?

Sá. -

Q. Warum?

Sch.

3 Mit einer Elle in 4 Ellen gemeffen, geht wie vielmal?

Sdj.

2. Warum?

Sdy.

Mit einem Mäßchen in 4 Masichen gemessen, geht wie vielmal? 2.

2. Warum?

2. Mit Eins in 4 gemeffen, geht bemnach auch wie viel mal? viel Schangen Waffen fing jest in ber Schiffel? Gф. — L. Warum? Sch. — Le viel ist also 4 gemessen durch 1? 60. — Ed. -2. Und 1 gemeffen in 4 ift wie viel? mast and mast Wieberholung, Bufammenfiellung (mündlich und ichriftlich auf ber Schultafel) und Einilbung der burch die 4 vorausgehenden Nebungen erzielten Resultate. 1 + 1 + 1 + 1 = 1 1 100 100 100 000 1 $4 \times 1 =$ A. Rindy cos and similar participation of 1:4= Tafelrechnen. Das mündlich Behandelte wird jest jur Aufgabe für das ichriftliche Rechnen gemacht. (Giebe "Röpp's Rechenfibel" Babl 4, Aufgabe 1.) Burite Mebung: 4 verglichen mit 2. 100 00000 a. Zujammenzähten; Uebung des $\frac{2}{1} + \frac{2}{2} + \frac{4}{1} = 4$ 2. Wir seben wieder voraus, der Lehrer hat noch seine 4 Stäbchen (ober 4 andere Dinge) in ber nabe, nimmt zuerst eines bavon und zeigt es wieber por, indem er spricht:) Das find wie viel Stabchen? 2. Und bas (indem er noch 2 bon ben fibrigen 8 Stabchen nimmt und fie vorzeigt)? Sdi. 2. 3ch thue ju bem 1 Stabchen noch bie 2 Stabchen. (Er thut es.) Die viel Stäbchen find bas gufammen? Sd. 2. Bu ben 3 Stäbchen thue ich noch bas 1 Stäbchen (ber Lebrer nimmt bas lette und fügt es ben 3 bei). Wie viel Stabchen find es jeht? 2. (Der Lehrer wiederholt Daffelbe, aber nur rafcher.) 1 Stabchen und 2 Stäbchen find also wie viel Stäbchen? ©ф. — 2. 3 Stäbchen und 1 Stäbchen find wie viel Stäbchen? 1 + 2 = 3(Cinen Griffel zeigend.) Das find wie viel Griffel ? 2. Bu dem 1 Griffel nehme ich noch 2 Griffel. Wie viel Griffel habe ich jest? Dazu nehme ich noch 1 Griffel; wie viel find jeht in meiner Sand ? 2. 1 Griffel und 2 Griffel find wie viel Griffel? 2. Und 1 Griffel find wie viel Griffel? hebt 1 Finger in bie Sobe;

So! Legt die hand wieder auf die Bank

Q.

er

n

L. Jett zeigt 3 Finger!

Sdy. 2.

Beiget 4 Finger! Sď.

(Der Lehrer macht einen Strich auf bie Tafel.) Bas ift bas? Sch.

2. (Er macht noch 2 Striche bazu.) Wie viel Striche find bas gusammen? Sd.

2. (Er macht jest noch 1 Strich bazu) Die viel Striche find es jest? Wieberholung und Abrundung.

2. 1 Strich und 2 Striche und 1 Strich sind bemnach wie viel Striche? Sch.

2. 1 Tafel und 2 Tafeln und 1 Tafel find wie viel Tafeln?

Gф. . 2. 1 Kirsche u. f. w. u. f. w. - - 1 Puntt und 2 Puntte und 1 Puntt find wie viel Buntte?

Sch. -1 und 2 und 1 sind sonach wie viel?

2. 1 und 2 ift wie viel ?

Sd. -

2. 3 und 1 ift wie viel?

Sch. -

2. 1 und 2 und 1 ift wie viel?

2 + 2 = 4L. Marie, komme einmal zu mir heraus! — So, jett halte beine Sanbe in die Bobe! - Wie viel Sande hat die Marie? Sch.

2. Käthehen, komme du auch jeht zu mir heraus! — Kannst du auch beine Bande in die bobe halten? - Wie viel Bande hat bas Rathchen?

2. Aber wie viel hande haben bie Marie und bas Rathchen gusammen?

St. -L. Warum?

Sdj. —

2 Sande und 2 Sande find alfo wie viel Sande?

L. Das Käthchen hat 2 Augen, die Marie hat auch 2 Augen. Wie viel Augen haben Käthchen und Marie zusammen ?

Sch. — Las Käthchen hat 2 Ohren und Marie hat 2 Ohren. Wie viel Ohren haben sie zusammen? Sd. -

L. 2 und 2 ift demnach wie viel?

b. Bervielfachen: Nebung bes $2 \times 2 = 4$. L. Seht jett wieder einmal auf die Stäbchen ber! (Der Lehrer zeigt 2.) Die viel Stäbchen find bies? Sch.

2. Wie vielmal 2 Stabchen find es? Sch.

Q. (Der Lehrer zeigt 2 andere Stäbchen.) Und wie viel Stäbchen find bies? Sch.

0 Wie vielmal find es 2 Stabchen? Sd.

2. (Die erften 2 Stäbchen zeigend.) Dies find ein mal 2 Stäbchen und

bies (bie anderen 2 Stabchen vorzeigend) find auch einmal 2 Stabchen; (in: dem der Lehter sie zusammenbringt und zusammen vorzeigt, fährt er fort: wie vielmal 2 Stabchen find bas gusammen?

Sd. Wie viel sind bennach 2 x 2 Stäbchen? 2.

Sd.

2. 1mal 2 Stäbchen find wie viel Stäbchen?

Sd. -

2. 2mal 2 Stäbchen find wie viel Stäbchen?

Sch. -

(Der Lehrer macht 2 Striche auf die Tafel.) Wie viel Striche find bas? Sch.

Wie vielmal 2 Striche?

Sd). —

(Er macht noch einmal, aber etwas entfernt von ben erfteren, 2 Striche.) Wie vielmal 2 Striche find bas (auf die 2 letten beutend)?

Die vielmal 2 Striche find aber jest auf ber Tafel ?

2. 2mal 2 Striche find wie viel Striche?

2mal 2 ift also wie viel?

Sch. -

2. 1mal 2 ift wie viel?

Sd). —

2. Und 2mal 2 ift wie viel?

c. Abgahlen: Nebung bes 4-2-2=0.

4-2=2;2-2=0

2. (Der Lehrer macht 4 Striche auf die Tafel.) Da habe ich Striche auf bie Tafel gemacht. Wie viel find es?

S4.

2. Frang, wische — lösche von ben 4 Strichen 2 hinweg! (Er thut es.) Wie viel sind jetzt noch da?

Sd. 2. Wenn ich also von 4 Strichen 2 Striche weglösche — wegwische, so bleiben noch wie viel Striche übrig?

Lösche von ben 2 Strichen, die übrig geblieben find, noch 2 Striche weg! S. Sá.

2. Wie viel Striche find jett übrig?

Sch.

2. Wenn ich also von 2 Strichen 2 Striche weglösche, so bleiben noch wie viel übrig?

Sch. 2. Wir haben also gelernt : 4 Striche weniger 2 Striche find wie viel Striche ?

St. -Und 2 Striche weniger 2 Striche find wie viel Striche?

2 = 0

2. (Der Lehrer macht 4 Kreise ober Ringelchen auf die Tafel.) Das find and white the manufacture of the state of the wie viel Kreise?

Sdy. -2. Lösche von den 4 Kreisen 2 auß! — Wie viel Kreise bleiben noch?

Sd -2. Lösche noch 2 Kreise aus! — Wie viel find jett noch übrig?.

2. 4 Kreise weniger 2 Kreise sind also wie viel Kreise?

2. Weniger 2 Kreise sind noch wie viel Kreise? mich en noch ball &

4, 2, 0. L. Beiget mir 4 Finger aus euerer linken hand! Sc. -

Jest 2 weniger! I bedand in in a bom fremit

St.

n Li Noch 2 weniger! no southly a so who are from her than the

Sch.

2. Wie viel Finger habt ihr mir zuerst gezeigt ? L. Und dann?

போ டேற்.

m Sdi - mare

2. Und zuleht? Das eine man bei ber beiten beite beite

Sman Sch. -- Id Land to

4 - 2 - 2 = 0

2. Da habt ihr recht schön gesehen, baß (ber Lehrer geigt bies jest selbst noch einmal an seinen Fingern) 4 Finger weniger 2 Finger, weniger 2 Finger wie viel ift ?

Sdj. -

2. Das ift recht! Denkt nun einmal nach über Das, was ich euch jest erzähle: "Geftern habe ich zugesehen, wie fich 4 Spaken auf bem Dache berzhaft mit einander herumbiffen; es dauerte lang, da flogen plötlich 2 bavon fort und gleich barauf noch 2. Wie viel blieben noch auf dem Dache sitzen ?

u. f. w. 2. 4 weniger 2 ift also wie viel?

Sch. -

2. 2 weniger 2 ift wie viel?

SO SO

2 Und 4 weniger 2, weniger 2 ist wie viel?

d Meffen: Uebung bes 2:4 = 2.

E. Bon der Zahl 4 haben wir schon allerlei gelernt, aber noch nicht Alles. Wir wollen barum gleich noch Etwas an ihr zu begreifen suchen, St. was, was viele von euch auch schon an derselben gethan haben, ohne daß ihned babei eingefallen ift, fie hatten mit berfelben gerechnet. Damit es euch aber bajr tvieder einfällt und ihr es für immer behaltet, jo habe ich ba 4 Aepfel (ber Lehren holt sie etwa aus dem Bulte 2c. 2c.) mitgebracht. Ich stelle sie euch 2 und 2 auf den Pust. Wie viel mat 2 Aepfel sind es aber, Franz?

Wie viel Aepfel find es im Gangen ?

2. 4 Nepfel sind also zusammen (ber Lehrer schiedt sie zusammen) wie viels mal 2 Nepfel?

2 Go haben wir es ja eben geseben Ravl, tomme beraus, und fiebe einmal, wie oft du 2 Aepfel von 4 Aepfeln wegnehmen kannst! Bas sollst du thun? Sdy.

2. Thue es gleich!

Sch. (Er thut es zum ersten Mal.)

2. Was haft bu gethan ?

Wie vielmal haft bu 2 Aepfel hinweggenommen ?

L. Nimm noch einmal 2 Nepfel hinweg!

Was sollst du thun?

2. Thue es! hall em gert ein after extremin par amele des af les

2. Was haft bu eben gethan? bie vier den deit aber A. C. vonneille ge

Wie vielmal haft du jest 2 Apfel von ben 4 Lepfeln weggenommen?

dreament S, 1816

Nimm noch einmal 2 Nepfel hinweg!

2. Wie vielmal kannst du also 2 Nepfel von den 4 Nepfeln hinwegnehmen?

2. Warum aber fannft bu 2 Aepfel von 4 Aepfeln nur 2mal hinwegnehmen? Sch. Weil 2 Mepfel in 4 Mepfeln nur 2mal enthalten find, ober weil es nur

2 × 2 Nepfel find. 2. Recht fo! In 4 Aepfeln fteden 2 Aepfel nur 2mal, 2 Aepfel find in 4 Nepfeln nur 2mal enthalten; desivegen kann man fie auch nur 2mal hinwege ober herausnehmen. Warum fannft du 2 Nepfel von 4 Nepfeln nur 2mal hinwegnehmen?

2. Wie oft fteden also 2 Repfel in 4 Nepfeln?

6dj. -

2. 2 Aepfel sind wie vielmal in 4 Aepfeln enthalten?

2. (Daffelbe an Stabchen und an anderen Dingen.) Das find wie viel Ruffe ?

Sch. — Du sollst diese 4 Nüsse unter Karl und Philipp theilen! Bekommt ba Philipp das Ganze oder Karl?

Sch. -2. Es bekommt also weder ber Philipp, noch ber Karl bas Gange. Was aber bekommt Jeber bon bem Bangen?

L. Recht so! Jeder bekommt nur einen Theil von dem Ganzen. In wie viel Theile also mußt bu bie 4 Ruffe ober bas Gange theilen?

2. Soll bei bem Theilen ber 4 Miffe Karl mehr befommen, als Philipp,

oder foll Philipp mehr befommen, als Karl? Эф. Св foll Reiner mehr bekommen, als ber Unbere; es foll im Gegentheile

Einer jo viel bekommen, als der Andere? 2. Beide follen gleich viel befommen ; bu mußt also bie 4 Miffe in 2 gleiche Theile theilen. Was mußt bu thun?

(Gd). — 2. Da barfft bu also nicht gerade jo, wie bir bie Ruffe in die Sand fom: men, herausnehmen und Jedem geben; sondern du mußt, ba es nur zwei Anaben find, 2 Nisse herausnehmen und dann so sortsahren und dieselben unter Karl umd Philipp vertheilen oder austheilen. Thue es gleich, damit wir Alle seben,

wie du dich babei anstellest! Sch. (Der Schiller nimmt zuerft 2 Ruffe von ben 4 Ruffen berans und

vertheilt sie unter Karl und Philipp) 2. Was haft bu zuerst gethan?

2. Was haft du damit gemacht?

Wie viel Nüffe hat Karl bekonunen?

2. Und wie viel Philipp?

L. Wie vielmal 1 Nuß hat Jeber?

Sch.

Saft du jest schon die 4 Nijffe in 2 gleiche Theile getheilt?

Was haft bu noch ju thun, um die 4 Nuffe gang in 2 Theile ju theilen? Sch. Ich nehme noch einmal 2 Ruffe heraus und vertheile fie unter Karl und Philipp.

2. Thue es gleich! I as a liste man amore of the lightly will

Sch. (Er thut es.)

L. Wie vielmal 1 Ruß erhält ba nochmals ein Jeder ?

L. Wie vielmal hast du jest 2 Rüsse unter ben Karl und den Philipp ausgetheilt?

L. Die vielmal 1 Nuß hat der Karl bekommen? Sch. —

L. Und wie vielmal 1 Nuß hat Philipp bekommen?

L. Wie viel Nüffe haft du jest im Ganzen ausgetheilt ? Sch. —

L. Unter wie viel Kinder haft bu fie getheilt ? Sch. —

2. In wie viele Theile haft bu also bie 4 Ruffe getheilt?

2. In was für Theile haft du sie da theilen müffen, bamit Einer so viel bekam, wie der Andere?
Sch. —

L. Wenn du aber die 4 Nüffe unter Karl und Philipp gleich vertheilst ober sie in 2-gleiche Theile theilst, wie vielmal 1 Nuß bekommt da Jeder?
Sch. —

L. 2mal 1 Ruß find wie viel Riffe?

L. Wenn aber die 2 Knaben die 4 Ruffe sich selbst theilen, wie viel ber kommt da Jeder?

Sch. — 2. Wenn ich also 4 in 2 gleiche Theile theile, wie viel kommt da auf einen Theil?

2. 2 getheilt in 4 ift demnach wie viel? Sch. —

2. Sat Karl bas Ganze ober bie 4 Riffe bekommen ?

Sch. Karl hat nicht bas Gange befommen.

L. Hat er mehr ober weniger als bas Ganze bekommen? Sch. —

L. Was hat er vom Ganzen bekommen ?

Ch. Karl hat einen Theil vom Ganzen befommen.

2. In wie viel Theile aber haft du das Ganze oder die 4 Rüffe getheilt? Sch. —

L. Den wie vielten Theil hat also Karl von den 4 Riffen?

2. Den wie vielten Theil von 4 Niissen hat Philipp?

L. Statt "ben zweiten Theil" sagt man auch die Hälfte (ober ein Halbes.) Was hat also Karl von den 4 Nüssen?
Sch. —

L. Und was hat Philipp von den 4 Ruffen?

L. Wie viel ist bemnach ber 2te Theil von 4?

2. Die viel ift die Salfte von 4?

Sch. —

L. Und wie groß ist 1 Halbes von 4?

2. Wie oftmal aber haft bu von den 4 Rüffen ausgetheilt?

Die oftmal geht es so, wenn man mit 2 in 4 theilt')?

Sd. -

L. Gang gewiß habt ibr auch ichon früher, als ihr noch gar nicht in die Schule gegangen feib, Aepfel ober Birnen, Klider 2c. 2c., wie die Muffe unter euch getheilt und habt babei gar nicht baran gedacht, daß ihr damals gerechnet habt. Damit ihr es aber nicht mehr vergeßt, so sagt mir es jeht noch einmal: Bas habt ihr an ben Aepfeln wieder rechnen gelernt?

Sdj.

2. Und was habt ihr an den Ruffen gelernt?

Sd. -

Jest möchte ich aber noch feben, ob Das, was wir an den Nepfeln und 2. an ben Riffen rechnen gelernt haben, auch an ben 4 Schoppen Waffer und noch an anderen Dingen wahr ift. Da ift noch die Schüffel mit bem Waffer von ber vorigen Stunde. Bie viel Baffer haben wir bineingemeffen?

Sch.

Die vielmal haben wir einen Schoppen Baffer herausgemeffen?

Sch.

- 2. Die vielmal also ift 1 Schoppen Baffer in 4 Schoppen Baffer enthalten?
- 2. Heute wollen wir sehen, wie oft wir 2 Schoppen Waffer aus ben 4 Schoppen Baffer herausinessen können. Was wollen wir thun?

Sch. — Lafob, du sollst es probiren; komm', und miß 2 Schoppen Wasser aus ben 4 Schoppen Waffer heraus!

Sa

2. . Was sollst bu thun?

Sd.

2. Thue es!

Sá.

Was haft bu gethan? 2.

- 2. Wie vielmal 2 Schoppen haft du aus ben 4 Schoppen herausgemeffen? Sd. _
- 2 Miß jest noch einmal 2 Schoppen heraus!

Sch. -

L. Was follst bu thun?

Sdj. -

L. Thue es!

Sdy. —

2. Was haft bu wieder gethan ?

Sch. -2. Wie oft kannst du also 2 Schoppen Waffer aus ben 4 Schoppen Waffer herausmessen?

Sd). -2. Mit 2 Schoppen in 4 Schoppen gemeffen geht benmach wie vielmal?

Sch. —

2. Warum aber geht bies nur 2mal?

2. Wie aber ift es, wenn mit 2 Ellen in 4 Ellen Band gemeffen wird? -Wie vielmal wird dies gehen?

(u. j. w.)

- Sch. -
- S. Warum ?



¹⁾ Die hier der Begriff des Theilens eingeführt ift, so oder auf ähnliche Beise mag der Lehrer versahren, wenn er früher, 3. B. bei der Zahl 2 und 3 bielen Begriff wieden, wenn er früher, 3. B. bei der Zahl 2 und 3 diesen Begriff mit dem des Enthaltenseins und Meffens verbinden will. Dasfelbe gilt auch für bie nächstfolgenden Uebungsftufen.

2. Mit 2 in 4 gemeffen geht bemnach immer wie vielmal? be reet Caplel, tangend ;) Alie viel Repfel find bred in

Sd. -

L. Warum?

Sd. -

2. Mit 2 in 4 gemessen ist darum wie viel?

Wiederholung, Bufammenftellung (mündlich und schriftlich auf der Schultafel) und Einübung ber burch die 4 vorausgebenden Uebungen erzielten Resultate.

> 4 -- 2 =

Cafelrechnen.

(Siebe "Röpp's Rechenfibel" Bahl 4, Aufgabe 2!)

Die Berbereitung jum Ueben biefes Stoffes geschieht, wie bies bereits icon auf berichiedenen Stufen gezeigt wurde.

Pritte Uebung : 4 verglichen mit 3.

Ropfrechnen. de lette & lam

3. Zusammenzählen: Uebung bes $\frac{3+1}{1+3} = \frac{4}{4}$

L. An den Apfeln 2c 2c., die wir in der vorigen Stunde hatten, können wir immer noch mehr lernen. Heute aber wird es euch leichter gehen. Da sind sie schon. (Der Lehrer stellt einen Apfel, sichtbar für alle Kinder, auf den Pult und frägt:) Wie viel Mepfel find bies?

Ed). L. Wie viel Nepfel habe ich noch hier in der Hand?

L. Ich lege sie jest zusammen, damit wir sehen, wie viel 1 Apfel und 3 Aepfel zusammen find. (Er thut es.) Wer weiß es schon? — Philipp, sage mir es recht laut!

Sch. -

2. Theodor, du auch! u. f. w.

Sd.

Sprecht's alle gusammen! 2.

Aber jetzt wollen wir einmal die Sache umfehren. (Der Lehrer bat die 4 Aepfel hinweggenommen und wieder 3 Aepfel hingeftellt.) Wie viel Aepfel sind bies (auf bie 3 Hepfel beutenb)?

Sch.

2. Und wie viel Aepfel habe ich noch hier in der hand?

L. Ich will jest zu den 3 Aepfeln den I noch hinzulegen. (Er thut es.) Wie viel Aepfel sind dies zusammen?

Sch.

L. Also wieder 4. '3 und 1 ist also wie viel?

Sch.

L. Und 1 und 3 ift also and wie viel?

(Daffelbe zeige ber Lehrer noch an anderen Dingen.)

b. Bervielfachen: Nebung des $3 \times 3 + 1 = 4$

2. (Der Lehrer nimmt wieber vier Dinge 3. B. die Nepfel 2c. 2c. in die

hande und zwar in die eine hand 3 und in die andere hand 1 und zeigt zuerst die drei Aepfel, fragend :) Wie viel Aepfel find bies ?

Sch. -

Wie vielmal 3 Aepfel find bies? 2.

Sd.

2. Wie viel fehlen noch, bis es 4 Nepfel find?

Sdj. -

2. Wenn ich zu den Imal 3 Aepfeln noch 1 Apfel lege, wie viel find es bann zusammen?

Sch. ---

L. Wie viel sind also einmal 3 Aepfel und 1 Apfel?

Sá. -

1mal 3 Mepfel und 1 Apfel find wie viel Aepfel? St.

Gdj ...

2. Wie ihr es eben gesagt habt, gerade so will ich fie auf den Tisch (Bult) legen. (Er legt querft 3 Aepfel bin.) Wie viel Aepfel habe ich auf ben Tifch gelegt? Sch.

2. Wie vielmal 3 Aepfel liegen ba?

Số.

Ich lege ben 1 Apfel noch bazu. Wie vielmal 8 Aepfel liegen jest ba? 2.

Sch. Einmal 3 Aepfel und 1 Apfel. L. Wie viel Aepfel find bies im Ganzen?

Sd). -

1mal 3 Aepfel und 1 Apfel find bemnach wie viel Nepfel?

Sdi. -

(Daffelbe noch an Ruffen, Strichen und Bunkten u. j. w.)

2. 1 × 3 + 1 ift also wie viel?

e. Abzählen: Nebung bes 4-3=1=3

Frang, ba liegen die 4 Nepfel noch auf bem Bulte. Gehe bin, und nimm 3 Aepfel von den 4 Aepfeln weg!

Sch. (Er thut es.)

Wie viel Aepfel find noch auf bem Bulte? SI

Sdy. -

2. 4 Aepfel weniger 3 Aepfel find bemnach wie viel Repfel?

Sd.

E. (Der Lehrer laffe die Kinder bas Rämliche auch an anderen Dingen erkennen.) 4 weniger 3 ist wie viel?

L. Wenn ich aber bie 4 Aepfel nehme (er nimmt sie wieder alle 4) und I Apfel davon wegthue. (Er thut es.) Wie viel bleiben mir dann noch in der Sand? (Er zeigt bie Sand mit ben übrigen Mepfeln.)

Gd. -2. 4 Nepfel weniger 1 Apfel find also wie viel Aepfel? (Diefes mögen bie Rinder auch noch an anderen Dingen feben. Wir wiederholen, daß man nie gu einer anderen liebung übergehe, wenn nicht das Borhergehende gut verstanden ist.)

Sch.

2. 4 - 1 ist wie viel?

Sdy. -

2. 4 — 3 ift wie viel?

d. Deffen: Uebung bes 3: 4 = 1 (1).

2. Wer von euch fann mir jest icon fagen, wie oft 3 Hepfel von 4 Hepfeln weggenommen werben können?

Ed). . 2. Recht jo; aber unfer fleiner Max hat es nicht gleich gewußt Romm' beraus, und fieh felbst, wie oft du 3 Hepfel von den 4 Hepfeln wegnehmen fannst! Da find die 4 Aepfel. Mar, was also sollst du thun?

Sd. —

& ng. o Thuenes! A michigue gridren inten & and magazitus? : nauch W striff

Sdj. -

enthallenent Boblen 2. Was haft bu gethan?

Sch.

2. Wie vielmal haft du 3 Aepfel von den 4 Aepfeln weggenommen? noo Sdy.

des reduction tim miniged has delicated

tille nich Richter Bait bern 2000 de

Mary notes med 19 & Suepo.

2. Wie viel Aepfel bleiben noch übrig?

Sch. - 1

2. Nimm noch einmal 3 Aepfel binweg!

Sch.

Wie vielmal kannst du also 3 Aepfel von den 4 Aepfeln hinwegnehmen? Sdy.

2. Und was bleibt aber bann noch fibrig?

Sá. —

2. Wie vielmal kannft bu also 3 Aepfel von den 4 Aepfeln wegnehmen ober herausnehmen, und was bleibt noch übrig?

Sch. Ich kann 1 × 3 Nepfel von 4 Nepfeln wegnebmen, und 1 Apfel bleibt

noch übrig.

2. Wie nennt man Das, was noch übrig bleibt?

Sd. -

2. Wie viel bleibt noch Reft, wenn man 3 Aepfel von 4 Aepfeln herausnimmt?

Sch.

2. Jest sag' mir noch einmal: Wie vielmal kann man 3 Aepfel von 4 Aepfeln herausnehmen, und wie viel bleibt noch Reft?

Sdi. 2. Warum aber kann man 3 Aepfel von 4 Aepfeln nur Imal wegnehmen?

So ift es recht! Wenn ihr aber Das jett recht gut wißt, fo konnt ihr mir auch fagen, wie oft ich 3 Schoppen Waffer aus 4 Schoppen Waffer heraus: meffen fann?

Sch. — 2. Warum?

Số

2 Was bleibt aber auch dabei noch Rest?

Mijo mit 3 Schoppen in 4 Schoppen Waffer gemeffen geht wie vielmal, L. und was bleibt noch Reft? u. f. w.

Så.

L. Und mit 3 in 4 gemeffen geht auch wie vielmal, und wie viel bleibt babei noch Rest?

Ed). —

Wiederholung, Zusammenstellung (mündlich und schriftlich auf ber Schultafel) und Einisbung ber durch die 4 vorausgehenden Uebungen erzielten Resultate.

$$3+1=4$$

 $1\times 3+1=4$
 $4-3=1$
 $3:4=1$ (1) (1) (2) (3 in 4 1 mal, mit 1 Reft.)

Tafelrechnen.

Für bas Tafelrechnen fiebe "Röpp's Rechenfibel" Babl 4, Aufgabe 3! Einzuschaltende Uebung.

(4 verglichen mit 4

14. of the received and the wolff. = 0 =1.)

¹⁾ hierbei ift die zum zweiten Mal auftretende Schreibweise ben Kindern nochmals zu erklären. ROW IN administration of appreciation of all all

Bierte Mebung : Aufluchen des Unterschiedes zwischen 4 und ben in 4 enthaltenen Bahlen.

Diese Uebung beginnt mit Auffuchen und Bergleichen von Gegenftanben in besonderer Rudficht auf die Bahl 4 und die in ihr enthaltenen Bablen g. B. mit Aufsuchen und Bergleichen von Thieren mit 4 Beinen und 2 Beinen, — von Fahrzeugen mit 1, 2 und 4 Kädern, u. s. w. Die Stube hat 4 Wände 2c. 2c. Daran anknüpfend kann etwa auf folgende Weise fortgesahren werben:

2. Da habe ich ein Sadchen voll Rlider. Frit, fomme ju mir, und bole 4 beraus! Sch. (Er thut es.) L. Wilhelm, hole mir 2 heraus!

Sch. (Er thut es.)

2. Der Konrad foll auch ju mir tommen und 1 Klider aus bem Sadden berausnehmen!

Sch. (Er thut es.)

Anton, nimm bir jest 3 Klider aus bem Sadden beraus! L. Haltet euere Klicker jest alle in die Höhe! Sch. (Sie thuen es.) L. Wer hat die meisten Klicker?

SH.

Sch. — 7nd int I kilder weniger, als ber Frit ? L. Wie viel Klicker hat der Anton ? Sch. — L. Der Frit ? Sch. —

2. Wie viel Klicker hat ber Frit mehr, als ber Anton?

Sá. -

Was ift also mehr, 8 ober 4? S.

Sd. -

Um wie viel ist 4 mehr, als 3? S.

Sd. -

Um wie viel ift 3 weniger, als 4?

Soy.

Wer hat 1 Klider weniger, als ber Anton? £. Wer hat 1 Klicker weniger, als der Ander. Die viel Klicker hat der Wilhelm?

Sd.

2.

2 Der Anton? Sd.

L. Was ift also mehr, 2 ober 3?

L. Um wie viel ist 3 mehr, als 2?

Sdj.

11m wie viel ift 2 weniger, als 3?

Sá.

Ber hat einen Klider weniger, als ber Bilhelm? S.

Sch.

Wie viel Klider hat der Konrad? 2.

Und ber Wilhelm?

Sdj.

2. Was ift hier wieder mehr, 1 ober 2?

2. Um wie viel ift 2 mehr, als 1?

St. -

2. Um wie viel ist 1 weniger, als 2?

Sd. -

Dhler, Erziehunges u. Unterrichtetunde, 3. Muft.

41

2. 4 ift also um 1 mehr, als wie viel?

2. 3 ist um 1 mehr, als wie viel? in Range Constitution and

Sď. —

L. 2 ift um 1 mehr, als wie viel?

€d. -

2. 1 ift um 1 weniger, als wie viel? Sd. -

L. 2 ift um 1 weniger, als wie viel?

சேர்.

2. 3 ift um 1 weniger, als wie viel?

ung Sch. — un 8 ist also um 1 weniger, als welche Zahl?

2. 3 ift aber um 1 mehr, als welche gahl?

Sch. -

Ech. — L. 2 ift um 1 kleiner, als welche Zahl? - L. 2 ift um 1 kleiner, als welche Zahl?

L. 2 ift aber um 1 größer, als welche Zahl?

Wie groß ist der Unterschied zwischen 4 und 2? Webet mir unter ben euch befannten Bablen 2 Bablen an, die um Gine 20. 10. verschieden find?

aniadand toad dired by sone in sell

Rennet mir 2 Zahlen, beren Unterschied 2 ift ?

Gang auf biefelbe Beije find ben Rinbern burch anschauliches Bergleichen folgenbe Bablverhaltniffe jum Berftandniffe gu bringen :

4 ift 1 mehr, als 3, 2 mehr, als 2, 3 mehr, als 1. 3 ift 1 weniger, als 4, 1 mehr, als 2, 2 mehr, als 1.

2 ist 2 weniger, als 4, 1 weniger, als 3, 1 mehr, als 1.
1 ist 3 weniger, als 4, 2 weniger, als 3, 1 weniger, als 2.
4 ist das 4sace von 1, das 2sache (Doppelte) von 2.

Aus welchen 2 gleichen gablen ift 4 entstanden?

Aus welchen 2 ungleichen Zahlen ift 4 entstanden? Wenn man, wie feither gezeigt wurde, burch Anschauung bas Concrete in feinen mannigfaltigen Erscheinungen vorgeführt hat, bann vertraue man auch, bag bie natürliche Entwicklungsfraft der Menschennatur ohne weiteres Buthun das Allgemeine bavon abstrabire, und hüte sich ja, bas natürliche Wachsthum ber Borstellung durch voreiliges Grübeln und Fragen über Dinge, die zwar in bem findlichen Geifte schon da find, welche aber faum der hoher gebildete Erwachsene in wiffenschaftliche Ausbrücke gu faffen vermöchte, gu ftoven., gleich bem Rinde, bas aus Ungeduld die gestern gesetzte Bohne schon heute wieder aufgrabt, um zu jeben, ob fie ichon gefeimt habe, und baburch bie garten Burgelchen wieder loereist.

§. 365.

b. Sonellred men. Kopfrechnen.

Die fammtlichen Stufen bes Schnellrechnens entwideln fich bei jeber folgenben Zahl zu einer immer größere Erweiterung zulaffenden, intereffanteren, die Aufmerksamkeit mehr und mehr fesselnden und die Denkkraft stärkenden Uebung. Das Ziel ber einzelnen Uebungen bleibt immer, bag bie Antwort augenblidlich erfolgen muß.

Wiederholung des bereits Gelernten one thi eis idag

nach ber auf Seite 608 bei ber Zahl 2 im Schnellrechnen 1. gegebenen Anleitung. 6777

Whener not jest gublen, bie lifth to gree ober bie halfte find van ber

La Ciff wife was I mehre alle estelbiet? Das eigentliche Schnellrechnen. Das Schnellrechnen mit 2 gablen. L. Wie viel ist 4 weniger 2? Fluoder Monte fram fine gine 2 $2 \times 2 = ?$ 2. Nennet mir jett Zahlen, die immer um 1 größer sind, als die, welche ich euch nenne! Es muß aber schnell geben; also recht aufgepaßt. (Die Fragen geben in der Regel an einzelne Rinder. Es werben aber möglichft Alle ofters gu berudfichtigen gesucht. Nur felten ift babei bie Reihe einzuhalten. Am Schluffe fonnen auch einige Fragen im Chore beantwortet werden.) (Der Lehrer fpricht nun:) "2" Sch. 3. 2. 1. 2. 3 - (u. f. w.) Es ift bies burcheinander, rasch und viel gu Gch. 4. üben. Go bei jeder neuen Frage, bis die Rinber überall eine gewisse Fertigteit zeigen. Wir rathen, diese Uebungen bei seber Bahl L. Die Bahl, die ihr nennet, foll um 2 größer fein, als bie meinige. 3ch fange gleich wieder an : "2." Sch. 3. Lie Zahl soll um 3 größer sein, als die meinige. Die meinige heißt 1. Wie beißt euere, Frang? Ech. 4.

2. Nennet mir jest Zahlen, die immer um 1 kleiner find, als die, welche ich euch nenne! Aber rajch! "3!"

Ech. 2.

2. 4.

Ech. 3.

2. 2 (u. f. w. durcheinander).

Ech. 1.

The Zahl, die ihr mir nennet, foll um 2 kleiner sein, als die meinige! "2!" lichen Geifie schon da find aveiche aber faum der gaber gebalden. Ourgeden in wissenschaftliche Ausbrucke zu falsen vermöche, zu faren, gleich dem jane g dus aus Ungebuld bie geftern gefeste Bubne ichen beute mieter aufgrabt, ign die eben. 2. 3. (u. f. w.) blegadet metrag sie drandad den gedag tenteleg nocht af da Sch. 1. 2. Gie joll um 8 fleiner fein! "3!" n 6 3 2. 4. A. Remet mir jetzt Zahlen, die noch einmal so groß sind, als die, welche ich euch nennel "11" Das, giel ber einzelnen thebrungen bleibt immer, bag bie Untiv bei Dogen gum niglatte dilbite 2 Rennet mir jest Babien, Die halb fo groß ober Die Balfte find von ber Bahl, die ich euch nenne! 21" atirted are gnulagereries nach ber auf Seite 603 bei ber gabt E un Schnellrechnen 1 gegebene Ri-Teitmin! €¢. 2. 41 *

rs

in

ie

2. Die Babl, bie ihr nennet, foll ber britte Theil von meiner Babl fein! .. 3!"

£.

Sch. 1 u. (1). (Eins, und Gins bleibt Reft.) Sie foll ber vierte Theil fein! "4!" L.

Sch. 1.

b. Das Schnellrechnen mit 3 Bablen.

(Die Behandlungsweise für 3, 4 und mehr Zahlen ift auf Seite 609 gezeigt fiehe daselbst!)

Wie viel beträgt 2 und 21) weniger 3?

Wie viel ist 4mal 1 weniger 2?

Wie viel ift 4mal 1 weniger
$$2?$$
 $4-2^{i}$) + 1 = $4-2 \times 2$ = $2 \times 2 - 3$ = $2+2:3$ = $4-3 \times 3$ = $4-3 \times 4$ = $2:4 \times 2$ = $1+1 \times 2$ = $3:1+1$ = $1+3:2$ = $u. f. w.$

c. Das Schnellrechnen mit 4 Bablen.

$$\begin{array}{c} 4-2+1: 3=1 \\ 3+1: 2\times 2=4 \\ 2: 4\times 2-3=1 \\ 2+2-1: 2=1 \ (1) \\ 2\times 2-3\times 4=4 \end{array}$$

d. Das Schnellrechnen mit mehr als 4 3ablen.

$$2+2-3+3$$
; $2=2$
 $3-2\times 4$: $2\times 2=4$
 $2:4\times 2-3\times 4=4$
 $2\times 2-3+2\times 1+1-2$ verdoppelt!
 $4-1-1-1+2+1-3$, wie viel weniger, als 4 ?
u. f. w.

Tafelrechnen.

Die für bas Ropfrechnen verzeichneten Aufgaben können jest auch schriftlich geloft werben; ferner fiebe "Röpp's Rechenfibel" Zahl 4, Aufg. 6.

\$. 366.

c. Rombiniten.

Kopfrechnen.

2. Welche Rechenbeispiele geben immer, wenn sie ausgerechnet werden, 4? (Zerleget 4 auf möglichst verschiedene Weisel)

~ -	1	David 14	ore editorist						
Sdj.	4 tit	1 + 1	+1+1	4	ift	2	+1	+	1
	4 ift	2 + 2	n Dane - aven	4	ift	1	+ 2	+	1
	4 ift	2×2					$\times 2$		
	4 ift	1 + 3					: 4		
111 115	4 ist	3 + 1					: 4		

u. f. w. u. f. w. (Möglichst alle Fälle.) Dier ist die Sauptsache, recht anzuregen und zu immer neuen Auflösungsweisen zu ermuthigen; bas regsame, wetteifernde Streben nach folchen übt bas Denken außerordentlich.

Welche Zahl ergänzt 1 zu 4?

Welches ift die Erganzung'szahl zu 3, baf es 4 gibt? 3d will 2 fo bermehren, baß es 4 ift. Die viel muß ich ju gählen?

¹⁾ Wiederholt wird hier bemerkt, daß jebe genannte Operation an ber vorhergehenden Zahl ober bem vorher erhaltenen Resultate gleich ausgeführt wird.

Fragen anderer Art: 1 18872 18854 1886 Champen bes 160 1628 1885 2

Welche Bahl muß ich 2mal nehmen, um 4 gu befommen ?

Bon welcher Zahl ist 4 das Doppelte? Bon welcher Zahl ist 2 die hälfte?

Bon welcher Zahl ist 1 ber 4te Theil?

Welche Bahl läßt fich 2mal von 4 wegnehmen?

Weiche Zahl luft sind 2 größer, als 1? Welche Zahl ist um 3 größer, als 1? Wie viel muß ich zu der Hälfte von 4 noch hinzuthun, um 4 zu bekommen? Wie viel mal 1 hat die Hälfte von 4 weniger, als 3?

Wie viel fehlt an 3mal I bis zu 2 × 2? Um wie viel ist 4mal 1 größer, als 1mal 3? Zerleget 4 in alle Zahlen, von benen sie ein Bielsaches ist! (Zerleget 4 in

Fattoren!) Eins ist der vierte Theil oder ein Biertheil (Biertel) von 4. Wie viel Einer haben demnach 2, 2 und 4 Biertel? — Wie viel ist 2mal der 4te Theil von 4?

Dreimal 1 Biertel von 4 genommen, gibt wie viel? Ein Biertel von 4 und die Salfte von 2 geben gusammen? Der britte Theil von 3 und die Salfte von 4 geben?

Enfelrechnen.

Schreibet Rechenbeispiele auf euere Schiefertafeln, bei welchen immer, wenn fie ausgerechnet werden, 4 heraustommt! - Ferner fiebe "Köpp's Rechenfibel" Bahl 4, Aufg. 4 und 5!

II. Die angewandte Bahl.

ma del das das de de Rur Kopfrechnen. me de ance de

a Zusammenzählen.

§. 367.

Mennet mir Thiere, welche 4 Beine haben! Wie viel Beine haben die meiften Tische ? (Stuble)?

Wir haben 4 Jahreszeiten; wie heißen fie? Wir haben 4 Weltgegenben; nenne fie!

In meinem Rode und in meiner Wefte habe ich mehrere Gade; in bem Sade habe ich 1 Kreuzer, in bem habe ich auch einen Kreuzer, ba in biesem Sade ist ein Kreuzer, und in biesem Sade ist noch 1 Kreuzer. Wie viel Kreuzer habe ich in Allem?

Wie viel Buchftaben muß ich ichreiben, wenn ich bas Bort "Rarl" ichreis

ben will?

Zwei Geschwister trugen Wede nach Hause; das Kleinere von ihnen trug 1 Wed, das Größere aber trug 3 Wede Wie viel Wede brachten sie miteinander

nach Saufe ? Benn auf einem Dache 2 Tauben sitzen und noch 2 zu biesen bin fliegen.

Wie viel Tauben figen bann auf bem Dache?

Maria bekam auf ihren Namenstag von ihrer Großmutter eine Sparblichse geschenkt; in diese legte sie ihr gleich 2 Kreuzer; bazu gab ber Bater ihr noch 1 Kreuzer, und als sie zu ihrer Mutter kam, stedte diese ihr noch 1 Kreuzer bazu. Wie viel Geld hatte Maria jest schon in ihrer Sparbüchse?

Ein Knabe spielt mit seinen Kameraden um Klicker; da gewinnt er zuerst einen, bann 2 und bann noch 1. Wie viel Klicker hat er gewonnen? In meinem Garten habe ich einen Rosenstock; an demselben blübete gestern zuerst 1 Rose; heute Morgen fing noch eine Rose an zu blühen, und balb varauf blübeten noch 2 weitere Rosen. Wie viel Rosen blüheten jeht an bem ganzen Rosenstode?

Wer fennt 2 Thiere, Die gujammen 4 Augen (4 Sorner, 4 Fuge) haben ? Un einer neu angelegten Gtrafe ftanben auf ber einen Geite zwei neue Saufer, und in biefem Sabre wurden noch zwei auf bie andere Geile gebaut.

Wie viel Baufer fteben jest an ber Strafe ?

Wie schwer wiegen zwei Kisten, wovon bie eine 1 und die andere 3 Pfund schwer gabt ober beit borber erhalteien Resultate gleich ausgeführt fit bewertet bei beite Ein Bierteljahr hat 3 Monate. Cin Monat hat 4 Bochen. Wie viel Bochen hat ein halber Monat?

bigi Mbjählenbilabi, ikidn

Ilma batte in einem großen Blumentopfe 4 Tulpen, bie fie aber febr ichlecht begoß. Da verwelften ihr querft eine, bann noch eine und noch eine. Wie viel hatte sie jest noch?

Dier figen wie viel Mabden? - Wie viel muffen noch dazu kommen, ba-

mit 4 da siken?

Da find 3 Finger; wie viel fehlen noch zu 4 Fingern? In einem Schwalbenneste sind 4 junge Schwalben, in einem anderen aber sind nur 2; wie viel sind in dem einen mehr, als in dem anderen?

Muf meiner Geige find 4 Saiten. Wie viel bleiben gang, wenn eine gerreift? Gine Frau hat 4 Enten Wie viel behalt fie noch, wenn fie 2 bavon ver-

tauft? - Wie viel aber, wenn fie 3 verfauft?

Ein Kind holt einen Saring, gibt bem Kramer 1 Baten ') dafür, erhalt aber gleich wieder 1 Kreuzer gurud. Wie theuer ift der haring? (1 Baten = 4 Kreuzer.) Ein kleiner Anabe bekam einmal von seinem Bater 4 Klicker geschenkt; bavon hat er aber balb barauf 2 verloren. Wie viel hatte er ba noch? — Und biese

2 nahm ihm ein boser Bube; wie viel batte er jest noch? Sine Henne hatte einmal auf einem Neste voll Gier mehrere Wochen lang gebrütet, und endlich sind ihr 4 junge hühnden aus den Giern geschlüpft. Bon diesen 4 Hihnchen hat ihr gleich am ersten Tage die Rate 3 gejangen und gesfressen. Wie viel Hühnchen hatte die Heune jetzt noch?

Ein guter Knabe wußte einmal ein Bogelneft mit 4 Jungen. Mue Tage fab er ben Alten von fern zu, wie sie die Jungen fütterten, that ihnen aber mie Et-was zu Leid. Da kam er eines Tages wieder bin und sah nur noch 1 Junges bas Röpichen aus bem Neste herausstreden; benn die anderen waren froh und munter ausgeflogen. Könnt ihr mir jest fagen: Wie viel Jungen waren bamals

Bie biel Rreuger mußt bu noch auf den Grofchen legen, bamit es 1 Baben ift?

Wie viel Raber hat ber Wagen mehr, als das Spinnrad?

Ein Brod wiegt 4 Pfund; wie viel weniger wiegt eines von 2 (3, 1) Pfund? Welches ist das Schwerere? Welches ist das Leichtere?

c. Bervieljaden an mer bei geschill soll

Gin Wed toftet 1 Arenzer; was toften 4 Bede?

Gine Bretel toftet 2 Kreuzer; wie viel Geld loften 2 Breteln?

Emma bezahlte für 1 Quenichen Seide 1 Grofchen; wie viel Grofchen toftet bas Loth? 4 Quentchen = 1 Loth ').

Duenichen 1 Groschen 1 Groschen 1 Groschen 2 Duenichen 2 Duenichen 2 Groschen 2 Groschen 2 Duenichen 2 Groschen 2 Grosche

oder

1 Loth 4 Grojchen, Ein Spat hat wie viel Fuße? — Wie viel mal 2 Fuße?

Wie viel mal 2 Füße bat eine Rub?

Was kosten 2 Bfund Kirschen, wenn 1 Bfund Kirschen 2 Kreuzer koftet? 3wei Jager gingen auf die Jagd, und jeder nahm 2 hunde mit. Wie viel hunde waren bei dieser Jagb?

1) Jede Minge, jedes Daß, fowie jedes Gewicht muß wenigftens beim erften Bortommen in ber Wirflichfeit vorgezeigt werben. — Das Berfahren babei ift ein: fach. 3. B. da find mehrere Gelbstilde. Wer kennt icon bas, welches 4 Pfett nige gilt? - Wer kennt auch die 4 Pfennige fcon? - Welches Geloftud tennt ibr noch? 2c. 2c. - 4 Kreuzer find 1 Baben. (Die neu vorkommenden Gelbitide werden mit ben ichon fennen gelernien den Rinbern vorgelegt, erstere von denfelben herausgesucht und benannt, neben und auf die anderen gelegt und ihrer Größe und ihrem Aussehen nach verglichen. - Chenjo ift bei ben Magen und Gewichten zu verfahren.)

Wenn man in einer Woche 2 Feberkiele verbraucht; wie biel verbraucht man bann in 2 Bochen ?

Gin Laufbube erhalt täglich einen Kreuger. Wie viel Kreuger erhalt er in

3 Tagen? - In 4 Tagen?

Bie viel Bolle erhalt man von 2 Schafen, wenn man von 1 Schaf 2 % Wolle erhält?

Wie viel mal jo schwer ift bas Brod von 4 Pfund, als bas von 2 Pfund? Brit & but figure d Deffen.

4 Birnen fosten 4 Kreuger; was fostet 1 Birne? Ein gewöhnlicher Griffel toftet 1 Pfennig. Wie viel von biefen Griffeln

fannft bu für 4 Pfennige faufen? Ein gemalter Griffel toftet 2 Pfennige. Wie viel gemalte Griffel fannft bu

für 4 Pfennige faufen?

Auflösung: So oft ich dem Krämer 2 Pfinnige hinlege, gibt er mir 1 ge-malien Griffel. 4 Pfennige sind 2>2 Pfennige. Lege ich ihm matien Griffel. 4 Pfeinige int 2/2 Pfeinige Griffel.
die 2/2 Pfeinige hin, so gibt er mir 2/1 gemakten Griffel.
Answallich mit Rfeinigen und Griffeln ober auf der Tafel: Anschaufich mit Pfennigen und Griffeln ober auf der Tafel: Bfennige • gemalter Griffel

Pfennige . gemalter Griffel

also für

also für

2 gemalte Griffel.

Emma hatte ihrer Mutter I Loth Seide geholt. Wie viel Quentchen maren bas? Welcher Theil von 1 Lothe ift 1 Quentchen ?

Welcher Theil vom Lothe find 2 Duentchen ?

Wenn 1 Quenichen 2 Grofden foftet, fann man ba für 4 Grofden 1 Loth bekommen ? — Was wird man bafür bekommen ?

Gine Frau tochte von 1 Loth Kaffee 4mal. Wie viel nahm fie jedesmal? Dier find 4 Bohnen. Wie viel mal 2 Gohnen find es?

Es follen bie 4 Aepfel unter Maria und Barbara gleichmäßig (fo baß beibe Mabden gleich viel befommen) vertheilt werben Wer will es thun? - Wie viel besommt Jedes? — Den wie vielten Theil von den 4 Nepfeln hat jedes Mädchen erhalten? — Wie viel ist die Hälfte von 4? — Jest soll Marie einen Apfel an Clifabeth und Barbara einen Apfel an Rathchen abgeben. - Belches biefer Madchen hat nun die meiften ? - Bebes hat ben wie vielten Theil von 4 Aepfeln? - Die heißt ber 4te Theil noch mehr? (Biertel.)

Cin Mann, ber einen großen Garten hatte, ichentte einmal bem Anaben fei= nes Rachbars 4 febr fcone Tranben; von diefen war einer fo groß, wie ber anbere. Da eilte ber Knabe nach Sause und gab von Dem, was er geschenft befam, feiner Schwester 1 Biertel und feinem Bater 1 Biertel und feiner Mutter Wie viel Trauben gab er feiner Mutter? - feinem Bater? das llebrige.

feiner Schwester?

2 Ochsen geben an einem Joche; wie viel Joche braucht ein Bauer gum

Einspannen von 4 Ochsen?

Wie viel Brepeln befommft bu für 4 Kreuzer, wenn 1 Brebel 2 Kr. toftet? Zwei Kinder jollen fich in 4 Bregeln (zu gleichen Theilen) theilen; wie biel bekommt eins?

e. Mehrere ber 4 Grundrechnungsarien in Berbindung mit= einander.

Wenn Einer brei Ochsen hat und noch einen dazu tauft, wie viel Ochsen find bann in feinem Stalle? - Wenn er aber brei bavon auf ben Ader fchidt, wie viel bleiben bann zu hause? — Wenn zwei? — Sind bann mehr zu hause ober mehr auf bem Ader? - Bie fagt man, wenn eben jo viele weggeben, als ba= bleiben? — Wenn aber brei hinausgeschickt werben? — Sage noch einmal, wie viel von vier Ochsen man sebesmal anspannen kann, um auf ben Ader zu sahren! — Wenn aber der erste der zu Hause bleibenden Ochsen braun und der andere schwarz ist, wie viel Ochsen sind dann zu Hause? — Und wenn ein weißer nach Hause kommt? — Wie viel sind noch auf dem Nicker? — Wenn nun dieser eine grau ift, und Abends tommt diefer auch nach Saufe und bringt für fich und

jeben anderen Ochsen einen Bünbel Klee mit; wie viel Bündel muffen es sein?
— Und wenn die Hälfte der Ochsen gefressen hat, wie viel Bündel sind noch für die anderen ba?

Sage mir, wenn du bei euerer Nachbarin für beine Mutter Milch holft, und die Nachbarin mißt dir nun 4mal 1 Schoppen in beinen Topf, wie viel Schoppen hast du dann? — Jest benke dir, die Mutter mißt 2mal 1 Schoppen Milch aus dem Topse heraus und kocht damit Suppe, wie viel Schoppen sind jest noch im Topse? — Aber jest gib weiter acht! Abends kocht die Mutter einen Kassee; da nimmt sie noch 2mal 1 Schoppen aus dem Topse heraus. Wie viel Schoppen sind jest noch in dem Topse?

Denke dir wieder einmal einen schönen Apfel. Wenn wir ein Messer nehmen und ihn mitten durchschneiden; wie viel Stücke haben wir dann? — Wie heißt ein solches Stück? — Schneiden wir jedes Stück (jede Hälfte) noch einmal durch, wie viel Stücke haben wir dann? — Wie heißt jedes Stück? — Nehmen wir von den 4 Vierteln 1 Viertel weg, wie viel bleiben dann übrig? — Wie viel, wenn man 2 Viertel wegnimmt? — Wie viel, wenn man 4 Viertel wegnimmt?

Ein Baten hat 4 Kreuzer, ist so viel werth, als 4 Kreuzer. Wie viel Kreuzer bekommt man sonach sür 1 Baten? Wie viel Kreuzer sind 1 Groschen und 1 Kreuzer! Wenn du davon 2 Kreuzer ausgibst und 1 verlierst; wie viel hast du dann noch?

§. 368.

fünfte Stufe.

Braftische Behandlung der Zahl Fünf.

Borbemerkung. Bei den Zahlen 1, 2, 3 und 4 glauben wir die Art und Weise, nach Grube's Methode mit Kindern von 6 bis 7 Jahren zu rechnen, klar, anschaulich und vollständig gezeigt zu haben. Wir geben deßhalb bei der Zahl 5 nur noch den Sang der Uebungen und überlassen die speziellere Aussillerung dem Lehrer; auch wird es nach dem Borausgeschickten nicht mehr schwer sein, den Lehrgang, wie er bei den besprochenen Zahlen eingehalten wurde und die Behandlungsweise auf die num solgenden zu übertragen. Diesem sügen wir jedoch noch bei, daß es nicht nöthig ist, eine jede Zahl mit gleicher Aussichrlichkeit zu behandeln; denn während die Zahlen 4, 6, 8, 9, 10, 12, 14, 15, 16, 18, 20, 21, 22, 24 u. s. w. sehr mannigsaltige und dankbare Uedungen in Masse zulassen, sind die Zahlen 5, 7, 11, 13, 17, 19, 23 u. s. w. viel weniger zu einer aussührlichen Behandlung geeignet. Nie aber dürsen die selben überganz gen werden, weil auch sie wieder Uedungen bieten, die bei den erstgenammen Zahlen weniger vordommen, und deßhalb hier besonders zu betonen sind.

Zu ber Zahl 5 insbesondere hat die Natur selbst das wichtigste Zählmittel an den Fingern gegeben, und wir wollen nicht klüger sein, als alle Bölfer, die davon ihr dekadisches System gelernt haben. Auch wird es mit dem Größerwerden der Zahlen immer nöthiger, die in ihnen enthaltenen Mengen an vorhandenen Dingen wirklich zählen, das heißt die Kinder sich in der Ersorschung derselben üben zu lassen, während dis vier unser Augenmerk dahin ging, daß sie außer dem Inhalte dieser Zahlen, die Gesammtvorstellung derselben sich einprägten und sie gleichsam an dieser Physiognomie mehr auf den ersten Blick erkennen,

was bei größeren Zahlen selbst den Erwachsenen nicht zugemuthet werden kam. Zu dem Ende ist Nichts bequemer, als jeden Finger nach und nach aufzurichten, wie er zu den vorigen gezählt wird. Doch ist sehr viel Borsicht nöthig, damit die Kinder den Grundzahlnamen, den sie nennen, dabei nicht als einen Ordnungszahlnamen sür den zulett hinzugezählten Finger und so auf eine Einzeit allein beziehen, sondern als den Namen sür die Menge aller ausgerichteten Finger ansehen. Dazu reicht gewöhnlich schon die Frage hin: Wenn aber dieser Finger noch zu den anderen kommt, wie viel sind's dann? — Und wenn auch dieser noch? 2c. 2c. Daß wir damit die verwersliche Gewohnheit, steis an den Fingern zu zählen, nicht besürworten, versteht sich von selbst.

Run geben wir jum Gange ber eigentlichen Uebungen über.

```
nief to millem lednite leid Lau Die reine Baht. hinde neine medle meine g. 369.
a. Reffen und Bergleichen. and man enti
em Blod dalle of Gefte Mebung: 5 verglichen mit 1,000 gim sgo
                          Ropfrechnen. 1992 thin mindiale sie
a. Zusammenzählen: Uebung des 1+1+1+1+1=5.
1+1=2, 2+1=3, 3+1=4, 4+1=5.

1 Stäbchen und 1 Stäbchen sind wie viel Stäbchen?
                                    +1=5
+1=5.

1 Stäbchen und 1 Stäbchen sind wie viel Stäbchen?

Und 1 Stäbchen sind?

Und 1 Stäbchen?
    Und 1 Stäbchen?
1, 2, 3, 4, 5.
Der Lehrer zeigt zuerst 1 Stäbchen, dann 2, 3, 4, 5 Stäbchen in der Reihe und dann außer der Reihe vor und läßt sich die Zahl derselben angeben.
                      1+1+1+1=5.
  1 Stäbchen und 1 Stäbchen und 1 Stäbchen und 1 Stäbchen und 1 Stäb-
chen find wie viel Stabeben ?
Ebenso an Fingern, Fenftern, Banten, Strichen u. f w. de man mut d ling
 (Ohne Benennung.) Gins und Gins ift wie viel? was granden mid guur
 dau Zwei und Eins ist? wie viel? under bei bei ber bie being ged und bei Drei und Eins ist?
Bier und Eins ist?

(Schluß.) 1 + 1 = ?

1 + 1 + 1 + 1 = ?

1 + 1 + 1 + 1 = ?

1 + 1 + 1 + 1 + 1 = ?
 b. Bervielfachen: Nebung bes 5 \times 1 = 5.
    Saltet an ber rechten Sand einen Finger in die Bobe! - Bie biel-
mal ein Finger ift bies? - Saltet einen Finger bagu in die Sobe! - Bie
vielmal ein Finger find es jett? - haltet dazu noch einen Finger in bie
Höhe! — Wie vielmal einen Finger zeigt ihr eben? — Nehmt noch einen Finger bazu! — Wie vielmal einen Finger habt ihr jetzt in ber Höhe! — Thut
bazu noch einen Finger! — Wie vielmal einen Finger habt ihr nun in Allem in
die Höhe gestrectt?
     (Der Lehrer zeigt etwa an seinen eigenen Fingern wiederholend.) Also ein-
mal ein Finger und einmal ein Finger sind wie viel Finger? — Und einmal
 ein Finger find wie viel Finger? — Und einmal ein Finger find wie viel Finger?
 — Und noch einmal ein Finger sind wie viel Finger?
    1 × 1 Finger ift 1 Finger.
    5 \times 1 = 5
```

```
t fanne man affe von d'unit bielenal binteegn El la m leid sier d'un de con
                     5 mal 1 ift wie viel?
                                  c. Abzählen: Uebung bes 5-1-1-1-1-1-0.
                     5-1=4; 4-1=3; 3-1=2; 2-1=1; 1-1=0. Haltet mit der linken Hand 5 Finger in die Höhe!
                     Nehmt 1 Finger babon hinweg! — Wie viel Finger habt ihr noch? — Nehmt noch 1 " " " " " " " " "
                                                                               1 1 " " " "
                                              " = " | "
                                  , 1 ,,
                                                                                                11 8 11
                                                             "
                                                                         11
                                                            " " 1 - 1
                             " 1 = "
                            5 - 1 = 4
                                                     11 11
                                                                                         - 7H
                                                       -1 = 3
                     5 Finger weniger 1 Finger find wie viel Finger?
                                               1 " " " " " " I general and graph make g. a.
                                               0 1 "
             5 Finger weniger 1 Finger = 4 F., - 1 F. = 3 F., - 1 F. = 2 F., - 1 F. = 2 F.,
                                                               5, 4, 3, 2, 1.
                     Beiget 5 Finger! — 4 Finger! — 3 Finger! — 2 Finger! — 1 Finger! —
             (In und außer ber Reihe.)
                      Wiederholung und Abrundung: 5-1-1-1-1-1=0.
                     5 Finger weniger 1 Finger find wie viel Finger?
                    5 Finger -1 F. -1 F. =? + 8. (d) 5 Finger -1 F. -1 F. -1 F. =?
                    5 Finger — 1 F. — 1 F. — 1 F. — 3 F. — 3 F. — 1 F. — 3 F. — 1 F. — 1 F. — 3 F. — 3 F. — 1 F. — 1 F. — 3 F. 
             u. f. w.; ebenfo mit Stabden, Bohnen 2c. 2c.
                     Schluß: Ohne Benennung: 5 — 1 = 4
                                                                     5-1-1=3 pundall and pund
                                                                     5 - 1 - 1 - 1 = 2
                                                                 5 - 1 - 1 - 1 + 1 = 1
                                                               5-1-1-1-1-1=0.
                                            d. Meffen: Nebung des 1:5 = 5.
            Sine Frau hat in ihrem Topfe 5 Schoppen Milch — ober — ich habe hier
in diesem Topfe 5 Schoppen Wasser. Wie vielmal kann ich 1 Schoppen Wasser
            herausmeffen? - Wir wollen feben! (Der Lehrer zeigt dies vor ben Augen ber
             Kinder. Er bringt bann bas Wasser noch einmal in den Topf und wiederholt
             den Nachweis fragend:)
            Wenn ich 1×1 Schopp. Waffer herausmeffe, wie viel bleiben bann noch in dem Topfe!
            1 Schoppen Baffer kann man alfo aus 5 Schoppen Baffer, wie vielmal
            ab: oder herausmeffen?
           Mit 1 in 5 gemeffen, geht bemnach wie vielmal?
                Chenso mit Frucht, Ellen Schnur u. f. w.
           Wenn man 1 von' 5 einmal hinwegnimmt, wie viel bleibt übrig?
```

1 kann man also von 5 wie vielmal hinwegnehmen? Isla sim fit dem Bie vielmal am Meisten? Eins ist also in 5 wie vielmal enthalten?

1:5 = 5

Zusammenstellung: (Wird aus dem Borausgehenden abgeleitet, an die Tafel geschrieben, mündlich und schriftlich geübt.)

1 + 1 + 1 + 1 + 1 = 5 5 \times 1 = 5 5 - 1 - 1 - 1 - 1 = 0 1 : 5 = 5

Unfelrechnen.

Siehe "Röpp's Rechenfibel" Bahl 5, Mufg. 1.

Zweite Mehung: 5 verglichen mit 2.

Ropfrechnen.

a. Zusammenzählen: Nebung des $\frac{2}{1} + \frac{2}{2} + \frac{1}{2} = \frac{5}{5}$ Gang der Nebung:

a) 1 + 2 = 3; 3 + 2 = 5b) 1 + 2 = 3 + 2 = 5c) 1, 3, 5. d) 1 + 2 + 2 = 5a) 2 + 2 = 4, 4 + 1 = 5b) 2 + 2 = 4 + 1 = 5c) 2, 4, 5d) 2 + 2 + 1 = 5

b. Vervielfachen: Nebung des $2 \times 2 + 1 = 5$ c. Abzählen: Nebung des 5 - 2 - 2 = 1

Gang ber Uebung:

a)
$$5-2=3$$
, $3-2=1$
b) $5-2=3$
 $-2=1$
c) 5 , 3 , 1
d) $5-2-2=1$

d. Meffen: Uebung bes 2: 5 = 2 (1).

Die Ausführung bieser lebung nach der Weise, wie wir sie bereits an ben früher betrachteten Zahlen gezeigt haben, läßt sich noch etwa auf folgende Beise erweitern:

Wenn fünf Schüler auf der Bank siten und der Lehrer verlangt, die Hälfte soll aufstehen, und die Hälfte soll siten bleiben; können sie es? Laß sehen! Wie viele willst du aufstehen lassen? Zwei sagst du? Wie viel siten dann noch? Sind es aber so viele, als siehen? Nun so wollen wir drei aufstehen lassen; wie viel siten dann noch? Ist's nun recht? Also wenn zwei aufstehen, ist Einer zu wenig, und wenn drei aufstehen? Wo sitt aber das Kind, welches das erster mal zu wenig aufstand und das zweitemal zu viel? Wie diel Kinder sind von ihm dis zum ersten Kinde? Und wie viele von ihm dis zum Letten? Wenn aber Jemand eben so weit vom Ersten, wie vom Letten sitt, so sitt er in der Mitte. Wo sitt aber immer eins von sünf Schulkindern, wenn sie so in einer Reihe siten? Also gibt es Zahlen, bei denen immer Eins in der Mitte ist; sie heißen ungerade Zahlen. Wie war es aber mit vier, ist da auch Eins in der Mitte? Man läßt's die Kinder versuchen. Also von vier kann die Hälfte aufstehen und die Hälfte siten bleiben, und was kann man also aus vier machen?

Solche Zahlen, welche aus ober zu zwei gleich großen gemacht werben können, heißen gerade Zahlen. Run wollen wir nachsehen, ob drei und zwei gerade ober ungerade Zahlen sind. (Die Entwickelung bieser Begriffe kann jedoch auch einer fpateren Stufe vorbehalten bleiben.)

Busammenfaffung ber vier Uebungen.

Suparmentating our vier neoungen.

To se se so nen.

$$2+2+1=5; 1+2+2=5$$
 $2\times2+1=5$
 $5-2-2=1$
 $2:2=1$ (1)

Pritte Mebung : 5 verglichen mit 3. my I dan nedisin s and Kopfrechnen.

a. Z + 3 = 5 and 3 + 2 = 5 + 3 + 4 + 5 + 3 + 4 + 5 + 3 + 5 + 6 + 8 + 8 + 8 + 9 + 8 + 9

Gang ber Uebung:

a)
$$1+3=4$$
, $4+1=5$ and $4+1=$

b. Bervielfachen: Uebung bes $1 \times 3 + 2 = 5$.

c. Abzählen: Uebung bes 5 - 3 = 2

d. Meffen: Nebung des 3:5 = 1 (2). Busammenfaffung dieser vier Uebungen. In wartige biget iden geball (8

Etoff:
$$3+2=5$$
 $1+3+1=5$ $1\times 3+2=5$ $2+3=5$ $5-3=2$ $5=1$ (2).

Vierte Uebung : 5 verglichen mit 4. Kopfrechnen.

b. Bervielfachen: Nebung des 1+1=5b. Bervielfachen: Nebung des $1 \times 4+1=5$ c. Abzählen: Nebung des 5-4=1 5-1=4

5 - 1 = 4

d. Meffen: Uebung bes 4:5 = 1 (1). Bufammenfaffung bes Borbergebenben.

anutistic our so to felrech nenigos no les me con

Stoff:
$$4 + 1 = 5$$
 $1 + 4 = 5$ $1 \times 4 + 1 = 5$ $5 - 4 = 1$ $5 - 1 = 4$ $4 : 51 = (1)$.

and den idigen englisten Gingufchaltende Mebung. & ben fende bande ton (5 verglichen mit 5.

men alle melde ben den der gemeine bei gentlen bellen bellen beite auf the Graff and Medical Anna and the second and the s

Colde Bablen, melde aus ober 0 = id Hich großen gemacht nerben fonen beihen gerade Zahlen, Mann nech (.1 = dae: da, ob brei, und giert gerobe voor

fünfte Uebung: Aufluchen des Unterschiedes zwischen 5 und den in 5 enthaltenen Bahlen.

Die Behandlungsweise bes bierhergeborigen Stoffes fiebe bei ber 4. Uebung ber Zahl 4, Seite 641. Der Stoff für biefe Uebung läßt sich aus Nachfolgendem erkennen:

5 ift 1 mehr, als 4, 2 mehr, als 3, 3 mehr, als 2, 4 mehr, als 1.

4 ift 1 weniger, als 5, 1 mehr, als 3 2c. 2c. 2c.

3 ift 2 weniger, als 5, 2c. 2c.

 $5 = 5 \times 1$ (5 ift das bfache von 1). $1 = \frac{1}{5} \times 5$ (1 ift der 5te Theil von 5.) 5 besteht aus 2 ungleichen Jahlen 3 + 2 und aus 2 gleichen und 1 un= gleichen Zahl 2 + 2 + 1.

Mis fehr ichone liebung läßt fich bier noch bas genauere Auffaffen ber Stelle, welche jebe Babl in ber Bablenreihe einnimmt, einschalten; benn ba bie Bablen in unveränderlicher Folge stehen, so hat jede derfelben vor und nach einer anderen, fo wie gwischen zwei anderen, wie auch in ber Bahlenreihe selbst ihren bestimm= ten Plat. Dies Alles ift nun auch aufzufaffen. Die Uebung felbst geht zuerft anschaulich zu Werke, dann wird sie nach und nach reines Kopfrechnen. Die Antwort werde auch hier bald in vollständigen Sätzen, bald so kurz, aber auch so rasch, als möglich, gegeben.

1) Belche Bahl folgt auf 2? Auf 3? 2c. 2c. Welche Bahl fteht nach 2?

2) Auf welche Zahl folgt 4? 2? 2c. 2c. Nach welcher Zahl fteht 3? 2c. 2c.

Welche Babl ftebt vor 5? 2? 2c. 2c.

3) Welche Babl fteht zwischen 1 und 3? 2c. 2c. Welche Bablen fteben gwi= fchen 2 und 5 ? 2c. 2c.

4) Zwischen welchen Bahlen fteht 28 ic. ic. Zwischen welchen Bahlen fteben B und 4? 2c. 2c.

- 1) Eins ift die erfte Bahl, Zwei ift bie zweite, Drei die britte Bahl 2c. 2c.
- 2) Renne die zweite, die vierte, die erfte Bahl! 2c. 2c. 3) Die wie vielte Bahl ift Gins? Bier? 2c. 2c.

4) Welche Bahl ift die britte? die fünfte? 2c. 2c. 5) Welches ift ber erfte, ber vierte Schüler auf biefer Bant? Die wie vielte Tafel, Bank, Diele u. f. w. ist diese, jene ? 2c. 2c.

> b. Sonellrechnen. Ropfrechnen.

§. 370.

Wiederholung des bereits Gesagten nach ber bei ber Bahl 2 im Schnellrechnen gegebenen Anleitung.

armon nu C Aut 4 II.

Das eigentliche Schnellrechnen. Das Schnellrechnen mit 2 Bablen.

Die Behandlungsweise bes hierhergeborigen Stoffes fiehe bei ber Bahl 4, unter Schnellrechnen mit 2 Bablen, Seite 643. Mus berfelben ergibt fich ber Stoff von felbft.

Das Schnellrechnen mit 3, 4 und mehr Bablen ift in Stoff und Behandlungsweise auf Seite 644, zc, beutlich gezeigt; fiebe baselbft. mu, regueren I males dem Ca fe l'e echan en I nome eile dreit eine Siehe "Köpp's Rechenfibel" Zahl 5, Aufg. 5, 8, 9 und 10!

c. Rombiniren.

\$. 371. which are the same Kopfrechnen. The plant of the same of

2. Wer weiß Rechenbeispiele, die immer nach ber Ausrechnung 5 geben?

©d). 5 = 1 + 1 + 1 + 1 + 1 5 = 3 + 2 5 = 2 + 3

mot nanghad alle u. j. w. u. f. w. (Möglichst alle Fälle.)

Welche Zahl ergänzt 3 zu 5? 1 zu 5? 2 zu 5? 4 zu 5?

Wie viel ift zu 2 zu gablen, um 5 zu erhalten?

Zu welcher Jahl ift 3 (ist 1, ist 4, ist 2) zu nehmen, um 5 zu bekommen? 5 besteht aus 2 und welcher Zahl? — Nus 1 und? — Aus 4 und? — Mus 8 und?

Auch fonnen bier noch folgende und ahnliche Fragen gur Löfung fommen:

Welche Zahl ist der fünste Theil von 5? Wie viel muß ich zu 3 thun, um 5 zu erhalten? Wie viel muß ich von 5 wegnehmen, um 3 zu bekommen? Wie viel mal 2 habe ich zu 1 gethan, wenn ich 5 erhalte?

Ich habe von einer Zahl das Doppelte von 2 abgenommen und 1 übrig behalten. Welches war die Zahl?

Unfelrechnen. Des about man be

Schreibet Rechenbeispiele auf, welche, wenn fie ausgerechnet werden, 5 geben! - Weitere Aufgaben fiebe "Ropp's Rechenfibel" Bahl 5, Aufg. 6 u. 7.

II. Die angewandte Jahl.

8. 372.

Rur Kopfrechnen, and mand land and

a. Zujammenzählen.

Wie viel Zehen haft du an deinen Huße?

Der Mensch hat 5 Sinne. Wie heißen sie? Auf einer Biese versolgten einmal 2 hunde einen Hasen; da sprangen plötz-lich, vom Geräusche geweckt, noch 4 Hasen auf. Wie viel Hasen waren jetzt von ben hunden beangstigt?

Karl ließ eines Morgens bie Enten aus bem Stalle. Da fand er in ber einen Cde 2 Gier, in einer anderen Cde 3. Wie viel Gier fand er im Gangen? Ein Fischer hatte 3 Angeln, will aber noch 2 bagu faufen. Wie viel Angeln

will er bemnach haben? Wie viel Ballen find 1 Ballen und noch einer und noch einer und noch einer und noch einer?

Bwei Madchen benüten bei ihren Rabarbeiten ein Rabfiffen geneinschaftlich; bas eine ftedte zuerft zwei Radeln und fpater noch eine, bas andere zuerft eine und ebenfalls fpater noch eine auf daffelbe. Wie viel Radeln waren nun in dem Nähtißchen?

Bu zwei Enten, die fich in einem Bache herumtummelten, ichwamm zuert eine und dann noch eine und guletet noch eine; wie viel waren jest beisammen?

Frit taufte fich für 1 Rreuger ein Bleiftift, für 2 Kreuger Farben und für 2 Kreuger einen Bilberhogen. Wie viel Kreuzer hat er ausgegeben?

Marie hatte & Schulbücher und 2 Geschichtsbücher. Wie viel Bücher hatte thank fie fich bann einen elbed filt i direuger. Albir viel Bald had reinnplug ein

Ein Kind follte einen Brief auf bie Poft tragen und befam 2 Kreuger, um ibn frei zu machen. Der Postwerwalter forberte aber noch 3 Kreuzer mehr. Was follte bemnach ber Brief foften?

Wie viel Eden hat ein Drei : (ein Bier : , ein Filmf :) Ed? Bable gufammen bie Fuße einer Gans und einer Ente?

In einer Schule fiten auf ber erften Bant 3 Rinder und auf ber zweiten

Bant 2. Wie viel Kinder fiten auf beiben Banten? Wegen Rrantheit fehlten geftern 1 Knabe und 4 Madchen; wie viel Kinder

fehlten zusammen? Bie viel Gelb haft du im Bejipe, wenn du einen Grofchen und 2 Kreuzer haft?

b. Bervielfachen.

Ein Mabchen hatte breimal einen Kreuzer in feiner Sparkaffe; bagu legte es

noch einmal 2 Kreuzer. Wie viel hatte es jett darin? Mehrere Knaben suchten bei ihrem Spiele in Reihen zu zwei zu marschiren. Bei ihrer Aufstellung gab es 2 Zweierreihen, in Die dritte Reihe bagegen tam nur einer. Wie viel Anaben waren es?

Gin Loth gebrannter Raffee toftet 2 Krenger; was toften 2 Loth und ein

Arenzerwed? c. Abzählen.

Wie viel mal haft bu einen Finger an beiner band?

Aus wie viel mal 1 besteht 5?

August erhielt von seiner Base 5 Kreuger gum Geschenke. Auf bem Rach: hausegeben verlor er einen; wie biel brachte er noch nach Sauje?

Gin huhn brübete 5 bubnchen aus; ba fam die Rate und holle ibm eines

nach dem andern. Wie viel waren noch fibrig? Ein Fuhrmann hatte 5 Fäffer auf dem Bagen , 3 davon maren leer. Die

viel waren es nicht? Paul verschenfte von feinem Bapiere 2 Bogen, er hatte aber nur 5. Wie

viel Bogen behielt er noch? Co faufte Jemand für ein Rleibchen 4 Ellen Beug, brauchte aber 5. Bie

viel Ellen waren es zu wenig? In einem Boftwagen waren nur für 4 Berfonen Raum, es wollten aber 5

mit; wie viel mußten da Bleiben? Aus einer Fünfguldenrolle wurden nach und nach 3 Gulden heraus gethan,

Wie viel waren noch Rest?

Wie viel Nuffe muß man ju 1 Nuß legen, bamit es 5 Ruffe gibt? Rarl ift 5 Jahre und fein Bruder Wilhelm aber nur 2 Jahre alt. Wie viel Jahre ift Karl älter, als Wilhelm?

In drei Jahren ist Maria 5 Jahre alt. Wie alt ift sie jeht?

Beinrich ist 5 Jahre alt, Franz ist 1 Jahr jünger. Wie alt ist dieser? Wenn Adolph 2 Schrifte weiter geht, so ist er 5 gegangen. Wie viel Schrifte

hat er gemacht? Wenn man zu einer gedachten Bahl noch 4 gulegte, fo mare es 5; wie beift

die gedachte Zahl? Temand möchte fich gern 5 Groschen sparen; er hat aber erft 4; wie viel

fehlen ihm noch? d. Deffen.

Ein Dienstmädchen verdiente in jeder Boche einen Gulden. Wie viel Wochen

mußte es arbeiten, um 5 Gutben zu verbienen? Gin Fuhrmann fann 2 Stecken Golg auf feinen Wagen laben; wie oft muß er fahren, um 5 Stecken aus bem Walbe gu bolen, wenn er einen bort fiten laffen will ? Bie viel Zweifreugerwede betommt man für 5 Kreuger?

Wie hoist bie Salfte von 4 Fünftel? e. Debrere ber 4 Grundrechnungsarten in Berbindung mit einander. Burik i mir die affice

Eine Bauerin brachte Gier auf ben Marft und verfaufte guerft 3 fur 3 Kreuger und bann noch 3 für 2 Avenger. Bon Dem, was fie jest gefoft hatte, faufte fie fich bann einen Wed für 1 Rreuger. Wie viel Gelb hatte fie noch? In einem Garten stehen 2 junge Aepfelbäumchen, die dieses Jahr ihre ersten Früchte tragen. Auf dem einen hängen 2, auf dem anderen 3 Aepfel. Wie viel Aepfel sind auf beiden Bäumchen zusammen? — Wenn aber 1 Apfel abfällt, wie viel Aepfel hängen dann noch auf beiden Bäumchen? — Wie viel betämest du, wenn du dir von den Aepfeln, die dann noch auf den Bäumchen sind, die Hälfte nehmen dürftest? — Wie viel hingen dann noch auf den Bäumchen? — Wie viel hättest du, wenn du dir diese und auch den abgesallenen noch nehmen dürftest?

Was erhältst du, wenn du 2 zu 2 legest? Wie viel sehlt dir dann noch an 5? Aus welchen 3 Zahlen kannst du dir mithin die 5 zusammengesett denken?

Welcher Unterschied ist zwischen 2 und 3 Fünstel? Wie viel beträgt die Hälfte von 4 und die Hälfte von 2?

§. 373. 2. Muster, wie die vier Grundrechnungsarten im Zahlenraume von 10 bis 100 nach dem Lehrgange von Grube zu behandeln sind.

(Siehe ben Lehrgang S. 587.) Borbemerfung.

1) Wiederholt müssen wir hier erinnern, daß mit dem Wachsen der Fertigfeit im Rechnen und mit der immer leichter von Statten gehenden Auffassung der Zahl, der Zahlverhältnisse und der Abstraction derselben die Menge der beim Unterrichte zu benützenden Beranschaulichungsmittel stets kleiner wird, so daß zuleht nur noch wenige im Gebrauche bleiben. Aber auch diese sollen nur so lang zur Anwendung kommen, als sie eine wirklich werthvolle Erleichterung zum Berständnisse der Zahlen und Zahlverhältnisse gewähren. Werden diese von den Kindern ohne Beranschaulichungsmittel klar und sicher verstanden, so seht man letzter gänzlich außer Gebrauch, und nur in dem Falle, daß eine Stockung dei Auffassung eines oder mehrerer Verhältnisse eintritt, greift man wieder zu ihnen zurück und benützt sie so lang szuerst eines und wenn dieses nicht ausreicht, mehrerel dis man über alles Unklare auf der betressenden Stuse hinde ausreicht, mehrerel die man über alles Unklare auf der betressenden Stuse hindegestommen ist. Dazdurch wird der Unterricht einsacher, die Behandlung einer Zahl wird compacter, und die Erfassung derselben in ihren Theilen und deren Verhältnissen zur ganzen Zahl geht rascher. Das Kechnen wird jest außerordenklich mannigkaltig in den Nebungen und bewirkt immer mehr Gewandtheit und Fertigkeit, iusbesondere aber auch nühliche Anwendung für's Leben.

2) Das mündliche Versahren auf den einzelnen Stufen ist ganz das auf den früheren Stufen, nur daß jeht nicht mehr jede Zahl mit allen in ihr enthaltenen, sondern blos mit den Grundzahlen ') gemessen wird; das schriftliche das gegen tritt erst ein, nachdem beim "Messen und Vergleichen" alle mündlichen Uebungen vorgenommen worden sind. Diese lassen sich alsdann, wenn man alle gleichartigen Operationen zusammensaht, nunmehr bei jeder Zahl in vier Gesetzchen darstellen, nämlich einem Additionss, einem Multiplicationss, einem

Subtractions: und einem Divisionsgesetchen.

Ist es dem Lehrer auf diese Weise ermöglicht, von einer Zahl rascher zur anderen überzugehen; so darf er dabei doch nie die mechanische Fertigkeit und die stets damit zu verbindende Selbstthätigkeit des Schülers außer Acht lassen.

3) Für die Operationen mit der reinen, wie mit der angewandten Zahl muß fortwährend eine stets größer werdende Mannigsaltigkeit in der Ausdrucksweise eintreten, damit der Schüler von dem Schema immer freier werde. Für die anzewandten Aufgaden indessen bewegen wir uns noch längere Zeit in möglichst naheliegenden Kreisen, um dem Schüler desto mehr Gelegenheit zu geben, sich selbst Aufgaden zu bilden, was zweckmäßig als Belohnung für den gestattet wird, der ein Exempel zuerst löst. Dieses Selbstersinden von Exempeln kann um so weniger Schwierigkeit haben, da immer von der vorhergegangenen Stuse ausgegangen und nur das schon Bekannte weiter ausgebildet wird.

¹⁾ Der Lehrer mag jedoch auch über die Grundzahlen hinausgehen, so lang bas den Kindern keine zu großen Schwierigkeiten macht.

Fraktische Behandlungsweise der Zahl Elf. 1. Die reine Zahl. a. Messen und Bergleichen.

Borübung: Auffaffung ber zehn Einer als ein Behner und umgekehrt.

Diese Borübung ift durchaus nicht zu unterschätzen. Sie hat für die richtige Auffaffung, bas Berftänbniß und bie felbsithätige Behandlung ber nun folgenden Bahlen großen Werth

Bur Beranichaulichung bes Bebners berweisen wir auf bie im §. 344. und

345. angegebenen Beranschaulichungsmittel.

Der Stoff ber Boriibung ergibt fich aus ben nachstehenden Anbeutungen: "10 mal Gins" ober "10 Ciner" zusammengenommen machen "1 Zehner". "Sabe ich 10 Giner gufammen genommen, fo habe ich 1 Behner und feinen

(0) Einer mehr."

| | | | | = 1 Behner 0 Giner = 10.

Rommt noch 1 Giner bingu, fo gebort er in ben zweiten Behner."

Was bedeutet bie 1 rechter Sand, was die 1 linker Sand? — Wozu gehört ber Giner? - Die viel Giner mußten noch bingutommen, um ben zweiten Bebner voll zu machen? — Wie nennt man 1 Zehner und 1 Giner mit einem Worte? — Was heißt 11? —

Erfte Mebung: 11 verglichen mit 1.

Bujammengahten: Uebung des 1+1+1+1+1+1+1+1+1+1+1=11.

Das hier Folgende foll zeigen, wie nunmeht mit größeren Bablen alle lebungen mittels eines Anschaungsmittels rasch vorgenommen werden können. Durch einen entsprechenden Wechsel im Sinzel- und Chorsprechen wird bei den Kindern eine außerordentliche Lebendigkeit erzeugt. Der Lehrer benützt die große Wandtasel und schreibt nacheinandersolgend untereinander einen Strich und spricht dabei:

ein Strich und
ein Strich und "Ein Strich und mante am | mantel ein Strich und ein Strich und
ein Strich und
ein Strich und
ein Strich und

tum tonk metel annann und ein Strich find wie viel Striche ?"

So. De se a talante 2. (Er beginnt jest wieder am ersten Striche, indem er auf diesen und nach und nach auf die folgenden beutet:) Gin Strich und ein Strich find wie viel Striche? Sch. Gin Strich und ein Strich find 2 Striche.

L. 2 Striche und 1 Strich find wie viel Striche? Sch. 2 Striche und 1 Strich find 3 Striche.

2. u. s. w. — 10 Striche und 1 Strich sind? Sch. 10 Striche und 1 Strich sind 11 Striche. 2. Das könnt ihr auf eine andere Beise jeht schneller machen. Fangt gleich damit an! (Der Lehrer beutet babei wieder auf ben ersten Strich und mit bem Weiterschreiten im Abiren auf die entsprechend nachfolgenden.)

Dhler, Ergiehunge= u. Unterrichtelunde. 3. Auft.

Sch: 1 Strich und 1 Strich find 2 Striche - und ein Strich find 3 Striche - und ein Strich find 4 Striche - u. f. w. - und 1 Strich find 11 Striche.

Bablt fie jest nacheinanderfolgend! (Der Lehrer bat immer noch barauf

zu beuten.)

Sch. 1 Strich, - 2 Striche, - 3 Striche - u. f. w. - 11 Striche. 2. Laßt das Wort Strich weg, und gablt noch einmal!

€d. 1, 2, 3, — u. j. w. — 11.

Bervielfachen: Nebung des 11 × 1 = 11.

2. Deutet jest auf den ersten Strich! - Das ift wie vielmal 1 Strich? Gdj.

2. Nehmet ben zweiten bagu! - Wie vielmal 1 Strich find es jest? Sch.

L. Nehmet den dritten dazu! — Wie viel Striche sind es? — (u. s. w.) Sch. Imal 1 Strich. — 4mal 1 Strich. — 5mal 1 Strich. — u. s. w. — (Bei dem letten:) 11mal 1 Strich.

2. Elf Striche find also wie vielmal 1 Strich?

2. Imal 1 ist wie viel? 2×1=? 3×1=? 2c. 2c. 11mal 1 ist wie viel? Sch. —

Ober fürzer:

2. Wie oft mußt ihr also einen Strich gusammengablen, damit es 11 gibt? Sch. Wir muffen 11mal 1 Strich zusammengahlen, damit es 11 gibt.

2. 11 ist demnach wie vielmal 1?

Sd). -

L. 11mal 1 ist wie viel?

Abzählen: Uebung des 11-1-1-1-1-1-1-1-1-1-1-1-0.

2. Wir wollen jest feben, wie oft man 1 Strich von 11 Strichen hinwegnehmen fann. 3ch bente mir zuerst diesen 1 Strich weg. Der Lehrer beutet auf den unteren Strich, u. f. f.) Wie viel find noch übrig?

2. 11 Striche weniger 1 Strich sind noch wie viel Striche?

2. 10 Striche weniger 1 Strich find wie viel Striche? - u. f. w. -1 Strich weniger 1 Strich find wie viel Striche?

Gdi.

L. (Der Lehrer fängt wieder von vorn an.) 11 Striche weniger 1 Strich find wie viel Striche?

Sdy. -

2. Weniger 1 Strich?

Sch.

L. Weniger 1 Strich? - u. j. w.

Ed).

2. 11 Striche weniger 1 Strich, weniger 1 Strich, weniger 1 Strich u. f. w. - find wie viel Striche? Sd. -

Messen: Uebung bes 1:11 = 11.

2. Wie oft tann man alfo 1 Strich von 11 Strichen binfbegnehmen?

2. Wenn man aber 1 Strich von 11 Strichen elfmal hinwegnehmen fam, wie oft muß demnach I in 11 enthalten sein?

Wie vielmal wird es geben, wenn ich mit 1 in 11 meffe?

Sch. — L. Mit 1 in 11 gemeffen, gibt somit wie viel? 8.

€ф. —

L. Recht jo! Jest haben wir 11 mit 1 gemeffen und verglichen. Wer weiß noch Alles, was wir hier gelernt haben?

St. 1+1+1+1+1+1+1+1+1+1+1=11 $11\times 1=11$ 11-1+1-1-1-1-1-1-1-1=0 1:11=11

L. Wie heißt also bas erfte Gesetzchen von der Zahl 11?

2. Jest wollen wir die Bahl 11 mit 2 meffen und vergleichen.

3weite Mebung : 11 verglichen mit 2.

2. Was wollen wir thun?

L. (Ganz auf dieselbe Weise, wie wir die Zahl 11 mit 1 gemessen und versglichen haben, wird jest auch die Zahl 11 mit 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9 und 10 gemessen und verglichen, so daß, wie aus dem Messen und Vergleichen der Zahl 11 mit 1 das erste Gesetchen folgte, nunmehr durch das Messen und Vergleichen der Zahl 11 mit 2, 3, 4 u. s. w. auch die anderen Gesetzten ganz natürlich entstehen und den Kindern lebendig vorschweben. — Weil die Vehandlungsweise bei dem Messen und Vergleichen der Zahl 11 mit 1 klar gezeigt wurde, so geben wir hier nur noch die zu behandelnden Gesetzten.)

Beranschaulichung.	Zweites Gesetzchen.	Zwischenübungen.
	2+2+2+2+1=11	1+2=3, 3+2=5 ic. ic. 1+2+2+2+2=11
hard respend themes	5×2+1=11	2+2=4, 4+2=6 x. x.
district selling	11-2-2-2-2-2=1	
	2:11 5 (1).	

Pritte Uebung : 11 verglichen mit 3.

Beranschaulichung. Drittes Gesetzchen.	Sinzuschaltende Uebungen.
The statistics are some and statistics are some	1+3+3+3+1=11
111 3+3+3+2=11	2+3+3+3=11
3×3+2=11	
11-3-3-3=2	
● 動作 1 Halina 3 111 = 3 (2) Ima 、中間	ASSET INVESTOR SOUNDS (ST.)

Vierte Mebung: 11 verglichen mit 4.

Beranschaulichung.	Biertes Gesethen.	Einzuschaltende Uebungen
1147000300		1+4+4+2=11 2+4+4+1=11
11-1-	medican I die di misu	
HII	4+4+3=11 2×4+3=11	the one is generated the
111	11-4-4-3	11 - 01 10:11:8
111	4 . 11-2 (0)	40*

	660			
	Sunfte Mebung: 11 pergl	ichen mit 5.		
Beranschaulichung.	Fünftes Gesetzchen.	Einzuschaltende Uebungen.		
11.		1+5+5=11 2+5+4=11		
(4.1)		3+5+3=11 4+5+2=11		
4111	5+5+1=11 2×5+1=11			
	$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$			
er den Gang tenti.	Sechfte Webung: 11 vergl	lider mit 6		
Veranschaulichung.	Tall Hill (03)	Ginzuschaltende Uebungen.		
		1+6+4=11 $2+6+3=11$		
100011111111111111111111111111111111111		3+6+2=11 $4+6+1=11$		
	6+5=11	5+6=11		
I am	1×6+5=11 11-6=5			
and the state of	6:11=1 (5)			
	Siebente Uebung: 11 verg			
Veranschaulichung.	Siebentes Gesetzchen.	Einzuschaltende Uebungen. 1+7+3=I1		
THINK I		2+7+2=11 $3+7+1=11$		
111111 12	7+4=11	4+7=11		
1111 (6)	$1 \times 7 + 4 = 11$ $11 - 7 = 4$ $7:11 = 1 (4)$			
	ATTACA MARKATAN	b=1-11		
Maranichaulichung	Achte Mebung: 11 vergl Reuntes Gefetchen.	ichen mit 8. Einzuschaftenbe Uebungen.		
T HOR WOLLD'S		1+8+2=11 2+8+1=11		
washing the say		3+8=11		
111	1×8+3=11 11-8=3			
	8:11=1 (3)	Su ben the springer two River		
Meunte Mebung: 11 verglichen mit 9.				
Beranschaulichung Neuntes Gesetzchen. Ginzuschaltende Uebungen.				
The attitude of	9+2=11	1+9+1=11 2+9=11		
11	1×9+2=11 , 1 1 , 1	E autisarmic ald sinher date		
,	9:11=1 (2)			

Behnte Mebung: 11 vergliden mit 10.

Beranschaulichung. Zehnies Gesetchen.

Einzuschaltenbe Uebung.

11-10=1

St. -

1+10=11 (1 Giner u. 1 Behner ift 11.) (1 Behner und 1 Einer ift 11.) 0 + 8 10+1=11 (1mal 1 Behner und 1 Giner ift 11.) -8 1×10+1=11 (11 weniger 1 Zehner ift 1.) (In 11 ftedt 1 Behner + 1 Giner. 10:11=1 (1) 11 besteht aus 1 Behner und 1 Einer.)

Jeber Schiller bekommt hierbei einen Sat, und weil er ben Bang fennt, muß alles nachhelfen und Anfangen von Seiten bes Lehrers wegfallen.

Schriftlich.

Die gehn vorausgehenben Gejetichen werden nunmehr in vier, in ein Abbi= tions=, ein Multiplications=, ein Gubtractions= und ein Divifionsgesetichen qu= fammengefaßt.

1. Das Abbitionsgesetchen. 2. Das Multiplicationsgesetchen. 1+1+1+1+1+1+1+1+1+1+1=11 2+2+2+2+2+1=11 3+3+3+2=11 11×1=11 $5 \times 2 + 1 = 11$ $3 \times 3 + 2 = 11$ $2 \times 4 + 3 = 11$ 4+4+3=11 $2 \times 5 + 1 = 11$ 5+5+1=11 1×6+5=11 6+5=11 7+4=11 8+3=11 $1 \times 7 + 4 = 11$ $1 \times 8 + 3 = 11$ $1 \times 9 + 2 = 11$ 9+2=11 10+1=11 (*dostlop]ugd9 (*dostlop]ugd9 (*1×9+2=11 1×10+1=11 (*dostlop]ugd9 (*dostlop]ugd9 3. Das Subtractionsgesetichen. 4. Das Divisionsgesetichen.

11-1-1-1-1-1-1-1-1-1-1=0 1:11=11 2:11=5(1) 11-2-2-2-2-2=1 3:11=3 (2) 11-3-3-3=2 4:11=2(3) 11-4-4=3 5:11=2(1)

11-5-5=1 6:11=1 (5) 11-6=5 7:11=1 (4) 11-7=4 8:11=1 (3) 11-8=3 9: 11=1 (2) 11-9=2

Da bei der gegebenen Behandlungsweise der Zahlen von 1 bis 5 das Aufsuchen des Unterschiedes, das Schnellrechnen, Rombiniren und die Behandlung ber angewandten Zahl febr beutlich gezeigt wurde, so verweisen wir hier auf die dort gegebenen Winke.

Bu ben lebungen im Schnellrechnen fann jedoch auch noch folgende bis= her nicht erwähnte hinzutreten:

2. Zähle zu ber Bahl 1 bie Bahl 2 hingu, bis bu gur Bahl 11 tommft!

Sch. 1, 3, 5, 7, 9, 11. 2 Zähle zu 2 die Zahl 2 hinzu, bis du der Zahl 11 am nächsten kommft!

3ähle zu 1 bie Zahl 3 so lang hinzu, als bu kannst (es versteht sich von felbft, in dem zu behandelnden Zahlenkreise, hier im Zahlenkreise ber Zahl 11), und erganze die Summe gur gahl 11! - u, f. w. -

So laffen fich alle Grundzahlen nach Andeutung des nachfolgenden Gefetchens zu Abditionsaufgaben - in gleicher Weife aber auch, indem man fie von 11 abzählt, ju Gubtractionsaufgaben benüten.

3+5+5+2=11 1+4+4+3=11 2+4+4+1=11 3+4+4=11 4+4+3=111+5+5=11 2+5+4=11 3+5+3=11 4+5+2=11 5+5+1=11

In diefer Beije wird nun jede folgende Jahl aus diefem Jahlenkreije behandelt; auch wird es leicht sein, unter Benützung des Leitfadens von Grube den Lehrgang selbst weiter zu führen.

§. 375. 3. Muffer, wie die nier grundrechnungsarten in größeren Zahlen zu behandeln find.

Aus diefem Gebiete : a gemen

Mufter, wie das Bervielfachen zwei-, drei- und mehrstelliger Sahlen mit zweistelligen Jahlen beim Tafelrechnen zu behandeln ift.

(Siehe ben Lehrgang S. 589, vierte Stufe, II. III. und IV.)

(Wir benten uns in die Schule und wollen burch Lösung einiger Beispiele

zeigen, wie wir hier verfahren.)

2. heute will ich erfüllen, was ich euch in der letten Rechenstunde versprochen habe. Ihr sollt also 2=, 3= und mehrstellige Zahlen mit zweistelligen Zahlen vervielsachen lernen. Der Bervielfacher oder Multiplicator soll also zweis ftellig sein. Nennet mir einige zweistellige Zahlen?
Sch. (Rennen mehrere durcheinander und zwar solche, die nur Zehner und solche, die Zehner und Siner enthalten.)

- 2. Die 2stelligen Zahlen enthalten, wie ihr ichon wißt, entweder nur Beb: ner, oder auch Bebner und Einer. Wir wollen deghalb zuerft 2:, 3: und mehr ftellige Bahlen mit zweistelligen Bahlen, die nur reine Zehner und bann 2:, 3: und mehrstellige Zahlen mit zweistelligen Zahlen, die Zehner und Giner enthalten, vervielfachen lernen.
- 1. Das Bervielfachen 2. 3. und mehrstelliger Bahlen mit zweistelligen Sahlen. a) Mit reinen Zehnern.

Es soll 3. B. die Zahl 529 zehnmal, dam 202, 302, 402, 502, 602, 702, 802 und 90mal genommen werden; wie wird das gemacht? — Ihr wist es also nicht. Gebt Acht, von den 9 Beispielen zeige und erkläre ich euch zwei, dann kennt ihr die anderen alle.

Ich rechne mit euch:

529×20

Welche von den beiden Zahlen soll vervielsacht werden?

Wie vielmal soll sie genommen werden?

Sd.

2. Wenn wir die Zahl 529 aber nur 5mal ober 3mal ober 2mal nehmen, würden wir sie in diesem Falle zu viel oder zu wenig oder richtig nehmen?

2. Wir nehmen aber wirklich die Bahl 529 ftatt 20mal, wie wir follten, nur 2mal; 529 × 2 und erhalten zum Produkte 1058.

1058

Wie vielmal haben wir in diesem Falle die Zahl 529 zu wenig genommen? Sch. (Bielleicht erfolgt teine Antwort ober vielleicht eine falsche z. B. wir

haben bie Zahl 18mal zu wenig genommen. Für biesen Fall fahren wir fort:) L. Ihr wist es also nicht! So sagt mir: 529 haben wir wie vielmal 2mal genommen?

Sch. Ginmal 2mal haben wir fie genommen.

Aber wie viel mal 2mal follen wir fie nehmen? Sch. 10mal 2mal oder 20mal follen wir fie nehmen.

L. Wenn wir biese Zahl 529 fonach nur 2mal nehmen, so haben wir sie wie vielmal zu wenig genommen?

Sch. Wir haben sie 10mal zu wenig genommen. L. Ift demnach das Produkt 1058 zu groß, oder ist es zu klein, oder ift es richtig?

Sdy.

2. Wie vielmal aber ift bas Brodutt zu flein?

St.

2. Das ift ja gang natürlich, daß, wenn man eine Zahl 10mal zu wenig ninunt, bas erhaltene Probutt auch 10mal ju flein wirb. — Bas wir alfo bier gemacht haben, bas ift noch nicht richtig. Damit biefes aber richtig wird, fo muffen wir das Produkt jest noch 10mal fo groß machen. Wodurch geschieht dieses?

Sch. Diefes geschieht badurch, bag man bie 8 Giner, 5 Behner, 0 bun= berter und 1 Tausender 10mal nimmt, also 10×8 Einer sind 80 Einer obet 8 Behner; 10%5 Behner find 50 Behner oder 5 hunderter und 10mal 1 Taufender find 10 Taufender, gleich 10580, ober es geschieht dadurch, daß man jede Biffer des entstandenen Produties eine Stelle finfs rudt, indem man an bie Bahl rechts eine Mull fest.

2. Recht fo! 3hr habt das früher bei ber Bilbung ber Zahlenreibe ichon eingesehen. (Es muß dies gut verstanden sein.) — Wer tann aber das Produkt

jogleich, während es entsteht, schon 10mal so groß machen?

Sch. Ich. 2c. ! Wir durfen nur die Einer gleich in die Zehnerstelle, die Zehner in die Hunderterstelle, und die Hunderter in die Stelle der Tausender setzen. L. Run, und in die Einerstelle?

Sch. In die Ginerftelle wird eine Rull gefeht.

Giner der Schüler macht jest an der Wandtafel dieje Aufgabe und fpricht unter Anleitung des Lehrers, wie folgt:

 529×20

Sch. Wir sollen 529 gwanzigmal ober 10mal 2mal nehmen. Nehmen wir, um und die Sache leicht zu machen, 529 aber nur 2mal, so nehmen wir 529 10mal zu wenig; nehmen wir aber 529 10mal zu wenig, so wird das Produkt auch 10mal zu flein. Wir feten beghalb fogleich beim Entftehen bes Probuftes die Einer beffelben in die Zehnerstelle, die Zehner in die Stelle ber hunderter u. f. w., und in die Einerstelle machen wir eine Rull.

Die Sache gestaltet sich demnach so:

 529×20

2. Wir nehmen also wirklich die Babl 529 nur 2mal, ergangen aber augenblidlich das Fehlende im Produtte. Wir fagen: Sch. 2mal 9 Giner find 18 Giner, bas find 1 Behner und 8 Giner. 1 Behner wird fortgezählt ju ben Behnern und bie 8 Giner ichreiben wir in bie Stelle ber Behner.

Sp:

529×20

80

2mal 2 Zehner find 4 Zehner und ben 1 Zehner bagu find 5 Zehner. Diefe 5 Behner schreiben wir an die Stelle der Hunderter.

Tas Bervieltachen 2., 3. und mehr 102 × 625 len mit bigo Bulgen Bablen

580

2mal 5 hunderter find 10 hunderter ober 1 Taufender und 0 hunderter. Die 0 hunderter werden in die Stelle der Tausender und ber 1 Tausender in die Stelle der Zehntausender gesett.

So:

 529×20

nursally manufact or tom? 10580

Wir erhalten so bas richtige Produkt 10580.

Ein anderer Schüler rechnet 529 × 90, wie folgt:

Sch. 529 follen wir 90mal ober 10mal 9mal nehmen. Wir nehmen aber 529 nur 9mal, folglich 10mal zu wenig. Daraus folgt, daß das Produkt wieder 10mal zu flein wird, und wir müffen beghalb, um es 10mal fo groß zu machen, versahren, wie vorhin, also jede Ziffer eine Stelle links ruden und in die Einerstelle eine Null machen. Wir sagen also: 9mal 9 Einer sind 81 Einer. Dies find 8 Behner und 1 Einer. Diesen 1 Einer setzen wir sogleich in die Stelle ber Behner, und die 8 Zehner gablen wir fort.

Die Sache macht fich fo: 529 × 90

10 9mal 2 Zehner find 18 Zehner und die hierzu ju gablenden 8 Zehner find 26 Zehner = 2 hunderter und 6 Zehner. Die 6 Zehner setzen wir in die Stelle ber hunderter, und bie 2 hunderter gablen wir fort zu ben hunderten, die wir noch burch das Bervielfachen der 5 Hunderter mit 9 erhalten.

Die Sache sieht jett so aus: 529 × 90

610

9mal 5 hunderter sind 45 hunderter und hierzu die 2 hunderter geben 47 hunderter. Dies sind 4 Tausender und 7 hunderter. Die 7 hunderter jedoch werden in die Taufenderstelle und die 4 Taufender in die Behntausenderstelle geschrieben. 529×90 anodst tod sit So; arodnie

interpretation of the state of

Das Produkt von 529 und 90 ift somit 47610.

Mit Zehnern und Ginern.

2. Jett wollen wir auch eine Aufgabe mit einem 2ftelligen Multiplicator, ber Behner und Giner bat, löfen lernen. - Das ift Gine.

608×75

Dieses Beispiel ift zuerst zu zerlegen in folgende 2 Aufgaben

naffinia mani rii 8040 uni 19040 uni 42560 milioni di 19040

Das Eine, wie das Andere ift ben Kindern nach bem Borausgegangenen ber ftandlich.

Die Bahl 608 wird zuerft 5mal, bann 70mal genommen, wie bisher und das Produft der Giner und das der Zehner gufammengegablt, um das Sauptproduft zu erhalten. - 18 die neut ledit ein ein ingeleg

Die Kinder werden angeleitet, diesen Fall fo darzustellen : was dies mid

608 × 75 3040 42560 d spielen wande ft eine Betreen und ben 45600 mit dem reinele bei den freinde B. lome

2. Das Bervielfachen 2., 3. und mehrftelliger Bablen mit dreiftelligen Bahlen. a) Mit reinen Sunberten.

Die Bahl 641 foll 100mal, 200=, 300=, 400=, 500=, 600=, 700=, 800= unb 900mal genommen werben.

Wir nehmen ein Beispiel davon heraus, etwas 641 × 700, um ju

zeigen, wie solche Aufgaben zu lösen sind. Die Zahl 641 haben wir 700mal ober 100mal 7mal zu nehmen. Wenn wir 644 aber nur einmal 7mal nehmen, so nehmen wir 641 100mal zu wenig, und erhalten begibalb bas Produft 100mal ju flein. Letteres ift also wieber 100mal so groß zu machen, badurch, daß man während des Bervielfachens, sogleich die Einer beffelben in die Hunderterstelle und die Zehner in die Tausens derstelle zc. zc., also zwei Stellen links schreibt und in die Einers und Zehnersstellen Rullen seht. 641×700

So: 448700

(Daß bie Biffer zwei Stellen links gerückt, 100mal fo viel gibt, ift ebenfalls bei ber Bilbung ber Zahlenreihe vorgetommen, muß bemnach vollftandig flar fein.)

b) Mit Sunderten, Behnern und Ginern.

Rach bem Borausgegangenen werben Aufgaben, wie: weiter feine Schwierigkeiten barbieten; sie sind jedoch immer noch, wie 641>372 in 641 × 2 und 641 × 70 und 641 × 300 zu zerlegen und so aufzulösen. Es ergibt fich dann bon felbst folgende Auflösung:

 641×372 71 madag rahadnur 2 and mand 44870 in diodag rahadnur 2 and mand 192300 an allamadaluntadali ata al 1238452

hiernach ist bie Erklärung für die Fälle, daß ber Multiplicator vier und mehrstellig ist, nicht mehr nothwendig. Bei ben Kindern jedoch ist bei jedem Schritte vorwärts eine Erflärung des ersten ober einiger ersten Fälle ober Aufgaben noch immer, wenn vielleicht auch nicht mehr gerade nothwendig, so boch bon Bortheil für biefelben, indem badurch ben Rachzüglern fortgeholfen wird und Die Anderen in ihrer Arbeit ficherer werden und mehr Fertigkeit fich aneignen.

b. Mufter, wie das Theilen gwei-, drei- und mehrstelliger Bahlen beim §. 376. Zafelrechnen ju behandeln ift.

(Siehe ben Lehrgang Seite 589, fünfte Stufe, II.)

1. Der Divisor ift einstellig.

a) Das Theilen oder Deffen zweiftelliger Bahlen mit einem einftelligen Divifor, wiederholt als Borbereitung jum Theilen dreiftelliger Bahlen mit einem einftelligen Divijor.

2. Beim Theilen in bem Zahlenraume von 1 bis 100 haben wir im fchriftlichen ober Tafelrechnen nicht immer alle gablen hingeschrieben, bie als nothwendig fich babei ergaben.

Wir haben 3. B. gefagt: ber 8te Theil von 25 ift 3 mit bem Refte 1;

ober ber 9te Theil von 75 ift 8 mit bem Reste 3; dieses haben wir ichriftlich so bargeftellt:

> 8:25=3(1)9:75=8(3)

Auf welche Beije aber find wir zu ben Quotienten (3 und 8) und zu bem Refte (1 und 3) gekommen, oder wie haben wir den Sten Theil von 25 und ben 9ten Theil von 75 gefunden?

Sch. Indem wir 8 von 25 und 9 von 75 fo oft herausnahmen, als wir fonnten und jedes Mal 1 auf jeden Theil legten.

2. Wie oft fonnen wir 8 von 25 hinwegnehmen?

Sd).

L. Warum?

Sch. Wir fonnen 8 dreimal von 25 wegnehmen, weil 8 dreimal in 25 enthalten ift und noch 1 zum Reste läßt; ober weil 3mal 8 = 24 ift, welche 24 von 25 abgezählt, noch 1 zum Refte laffen.

2. Go ift's Recht. Seht jett wollen wir beim schriftlichen Theilen dies noch anders darftellen oder schreiben lernen. — Wir wollen nämlich diese 24 sett unter bie 25 ichreiben, (mas wir bisber nicht gethan haben) und bann abgablen, etwa in dieser Form:

> 8:25=324

Das heißt asso auch: 8 gemeisen ober getheilt in 25 geht 3mal und läßt 1 dum Refte; benn das Theilen ift ja gang bas nämliche, wie wir es früher gelernt haben; nur besteht der Unterschied darin, daß wir es jest in etwas anderer Form auffcreiben.

Wir wollen fo noch ein Beispiel miteinander rechnen und zwar das vorbin erwähnte: 9:75 = ober [75]. Rach diesen Ausbrucken sollen wir ben 9ten Theil von 75 nehmen ober 75 in 9 gleiche Theile theilen und untersuchen, wie viel auf jeden dieser Theile fommt. Das erfährt man, indem man 9 von 75 himvegnimmt und auf jeden der 9 Theile Eins legt, diefes Berfahren aber so lang fortsett, als möglich. Wie oft ist dies aber möglich, oder wie oft können wir 9 von 75 hinwegnehmen und austheilen, oder wie oft ftedt 9 in 75?

Warum?

Sch. Weil Smal 9 = 72 ift, welche von 75 abzugählen find, um einen Ret von 3 zu laffen.

2. Dieje 72 werben nun unter die 75 geschrieben und abgegablt; also jo:

9:75 = 8

Was foll das heißen?

Sch. 9 gemeffen ober getheilt in 75 geht Smal und läßt 3 jum Refte.

2. Recht; in dieser Form könnt ihr jeht ganz gewiß auch Alle theilen. Wer will mir gleich ein paar Aufgaben allein machen?

Sd.

2. (Der Lehrer läßt noch einige Aufgaben von Gingelnen auf ber großen Wandtajel lösen; und wann dies gescheben ist, gibt er ber ganzen Klasse mehrere solcher Aufgaben. Sobald die Lösung mit Sicherheit geschieht, fährt er im Uns terrichten weiter.)

b) Das Theilen oder Meffen dreiftelliger Jahlen mit einem einstelligen Dibijor.

Sang auf die nämliche Weise, wie ihr es eben gemacht habt, wird verfahren, auch wenn ber Dividend mehr, als 2 Stellen, hat, 3. B .:

the street of the control of the con

Aus der Zahl 798 nehmen wir nacheinander von den hunderten, Zehnern und Einern 3 hunderter, 3 Zehner, 3 Einer heraus, so oft, als möglich, und theilen jedes Mal die 3 hunderter, 3 Zehner, 3 Einer als Einheiten einer Ordnung ober Stelle aus.

(Die Erklärung tann etwa auf folgende Beife gescheben :)

Wir nehmen also zuerft von 7 Hundertern 3 hunderter hinweg und legen auf jeden ber 3 Theile 1 Hunderter; bann nehmen wir wieder 3 hunderter binweg und legen auf jeden Theil abermals 1 hunderter u. i. f., so oft dieses gesichehen kann. Bon 7 hundertern können wir nur 2×3 hunderter hinwegnehmen und deßhalb auf jeden Theil 2 × 1 Hunderter = 2 Hunderter legen; denn die 7 sind nicht Imal Eins oder 7 Einer, sondern Imal 1 Hunderter, also 7 Einstelle general in der 1 General 1 Gunderter, also 7 Einstelle general in der 1 General 1 Gunderter, also 7 Einstelle general in der 1 General 1 Gunderter in der 1 General 1 Genera beiten einer höheren Ordnung oder Stelle, Die wir auch als folche, ohne fie weiter ju zerlegen, auf die 3 Theile gleichmäßig vertheilen, fo oft wir borber 3 mal 1 Sundert oder 3 Sundert aus 7mal 1 hundert ober 7 hundert hinwegnehmen.

Die 2mal 3 hundert find gleich 6 hundert, diese 6 hundert von 7 hundert abgegablt, laffen einen Reft von 1 hundert. Der 1 Sunderter wird in Bebner verwandelt, und die in der Bahl 798 sich befindlichen 9 Zehner werden dazu ge-

nommen, = 19 Behner.

Wir nehmen weiter von 19 Zehnern 3 Zehner hinweg und legen auf jeben Theil 1 Zehner, dann wieder 3 Zehner hinweg und auf jeden Theil 1 Zehner u. f. f., so oft dieses geschehen kann Bon 19 Zehnern können wir 3 Zehner 6mal hinwegnehmen und besthalb auf jeden Theil 6mal 1 Zehner, bas ift 6 Zehner legen. Somit haben wir von 19 Zehnern 3×6 Zehner, d. i 18 Zehner hinweggenommten, und es bleibt sonach noch 1 Zehner Reft: Diefer 1 Zehner ift gleich 10 Einern; die 8 Einer dazu find dann 18 Einer. Bon 18 Einern laffen fich 3 Einer smal hinwegnehmen, weil $6 \times 3 = 18$ find, und folglich smal 1Einer austheilen. Es tommen also im Gangen auf jeden Theil 2 hunderter, 6 Behner und 6 Giner, also wie oben die Darftellung zeigt = 266.

e) Das Theilen und Meffen 4= und mehrftelliger 3abien durch einen einftelligen Dimfor.

Die gu lofende Aufgabe fei:

5:8634 = ober 5 8634

8634 foll in 5 gleiche Theile getheilt werden. So oft' 5 in 8634 enthalten ift, oder fo oft wir 5 aus 8634 herausnehmen können, fo oft legen wir auf jeden der 5 Theile 1.

Baren die 8 Taufender feine Taufender, sondern 8 Einer; so könnten wir 5 × 1 von 8 × 1 oder 5 von 8 1mal herausnehmen. Da es aber feine 8 Einer, sondern 8 Tausender sind, und die Tausender 1000mal so groß sind, als die Einer, so können wir auch die 5 aus einer 1000mal so großen Zahl, aus 1000 × 8 oder 8 Tausend, 1000mal so ost herausnehmen, als aus einer 1000 mal fo fleinen Bahl, aus 8. Wir fonnen alfo 5 von 8 Taufend nicht nur Imal, sondern 1000mal Imal oder 1 tausend mal hinwegnehmen

5: 8634 = 1, weil I tausendmal 5 = 5 Tausend sind; diese 5 Tausend ab von 8 Tausend, bleibt 3 Tausend Rest. Dies wird schriftlich so bargestellt:

norm n. 3 ve tor any allege actions are on

Diese 3 Taufend find 30 hundert und hierzu bie 6 hundert, find 36 hundert.

Baren biefe 36 hundert ebenfo viele Einer, fo wurden wir 5 × 1 von 36 × 1 ober 5 von 36 7mal hinwegnehmen konnen. Es find aber feine Giner, sondern hunderter; die hunderter aber find 100mal fo groß, als die Einer; folge lich können wir auch die 5 aus einer 100mal so großen Zahl 100mal so oft herausnehmen, sonach nicht 7mal, sondern 100mal 7mal = 700mal =

T.H. 5: 8634 = 187, weil 7 hunderimal 5 = 35

hundert find; diese 35 hundert ab von 36 hundert bleibt 1 hundert =

(Die Schüler werden aufgesordert, den Quotienten auszusprechen. Schwächere werden 17, die Uebrigen 1700 lesen. Hier ist, wo das vollständige Verständniß noch nicht erzielt ist, nachzuhelsen, dis es geht. Das Ueberschreiben der einzelnen von nicht erzielt ist, nachzuhelsen Beispiele gelten und nicht fortgesührt werden. Stellen foll jedoch nur für bie ersten Beisviele gelten und nicht fortgeführt werben. Das Kind muß nach und nach angeleitet werben und zwar schon in den ersten Stunden, den Stellenwerth jeder Ziffer des Quotienten, den es ja in seinen Theilen verstanden haben muß, auch im Gedächtniß zu behalten. Das Verständniß ist dabei dem Gedächtnisse die wesentlichste Stütze.)

Der Rest, bestehend aus 1 Hunderter, wird in Zehner verwandelt und die 3 Zehner werden dazu gezählt; das sind zusammen 13 Zehner. Wären dies 13 Einer, so würden 5×1 in 13×1 ober 5 in 13 2mal enthalten fein; es find aber nicht 13 Einer, sondern 13 Behner, und da die Behner 10mal fo groß find, als die Einer, fo find auch in diefer 10mal fo großen gabl, in 13 Zehner, die 5 10mal so oft, also nicht 2mal, sondern 10mal 2mal ober 20mal enthalten = T.H.Z.

2 Behner oder 20mal 5 = 10 Behner oder 100 find. Bahlt man diefe 10 Behner

Die 3 Behner werden zu 30 Giner zerlegt und die in der Bahl 8634 vorkommenden 4 Einer bazu gezählt = 34. 5 können wir von 34 6mal hinwegnehmen =

 $6 \times 5 = 30$ find; diese von 34 abgezählt = 4. Dies wird so bargestellt:

100 1 × 5 mm modelin of 201 2.5.3.C. traduct of 211 million and 21 million of 211 glof parts and alo gorp of 5 more on the common for the common of the co 35 11911 : 13 badaud b idiald trioud : 34

Die Schüler find anzuleiten, bag fie jedesmal bas Probuft aus bem Quotienten und dem Divisor mit der Bahl, von welcher es abzugählen ift, vorher versgleichen, ob man den Quotienten nicht zu groß genommen hat (warum darf man ihn nicht ju groß nehmen?), ebenfo ben Reft zu vergleichen mit bem Divijor, da die Einheiten des Restes (einerlei, ob niederer oder höherer Ordnung) weniger sein müssen, als die des Divisors. (Warum? Diese Fragen unterlasse man im Anfange ja nicht, fie durfen eber zu oft, als zu felten wiederfehren.)

Sang auf biefelbe Beife, wie bas Theilen 2 und 3 ftelliger Bablen im Bablenraume von 10 bis 100, auf das wir nochmals zurudverweisen, und bier bas Theilen Aftelliger Bablen burch einen einstelligen Divisor gezeigt wurde, ift auch bas Theilen 5= und mehrstelliger Bahlen durch einen einstelligen Divisor zu behandeln.

2. Der Theiler oder Divifor ift zweistellig.

Einleitung.

2. Wir kommen jest an bas Theilen 2:, 3= und mehrstelliger Bahlen burch 2ftellige Zahlen. Borerft wollen wir jedoch noch ein fleines Beispiel mablen, um an dem Divisor und Dividenden einige Beränderungen vorzunehmen; babei wol-Ien wir insbesondere einmal recht auf ben Quotienten achten. Das Beispiel beige: 4:8.

Run fagt mir gleich : 4 ift in 8 wie vielmal enthalten?

Sď.

Wie beißt sonach ber Quotient?

Sch. — 2. An diesem Beispiel (4:8 =?) wollen wir zuerst ben Dividenden 2-, B=, 4=, 5= 2c. 2c. mal fo groß machen und feben, was für eine Beranderung fich am Quotienten zeigt. Mache alfo an bem gegebenen Beispiel ben Divibenden 2mal so groß!

Sdy. 2. Die heißt das Beispiel jett?

Sch.

4 ift aber in 16 ober in 2×8 wie vielmal enthalten?

Sdj .-

2. Wie vielmal 2mal ift bas?

2. Wie vielmal 2mal fann ich bemnach benfelben Divisor aus bem 2mal jo großen Dividenden herausnehmen ? St. -

2. Was sehen wir also an diesem Beispiele?

Sch. Wenn man den Dividenden 2mal fo groß macht, so wird auch ber Quotient 2mal so groß.

2. Mache jett an bem gegebenen Beispiele (4 : 8=?) ben Dividenden 3=

mal (nachher 4=, 5= 2c. 2c. mal) jo groß! (u. f. w.)

2. Wie heißt bas Beispiel nun? u. f. w. (Wie bies in ben 6 vorausgehenben Fragen gezeigt wurde.)

Sd. —

2. 4 ift aber in 24 ober in 3 × 8 wie vielmal enthalten?

Sch.

2. Wie vielmal 3mal ift bas?

Sdy.

2. Wie vielmal 3mal kann ich bemnach den Divisor 4 aus dem 3mal so großen Dividenden herausnehmen?

Sch. —

2. Warum?

2. Wenn also ber Dividend vergrößert wird und ber Divisor berselbe bleibt, in welchem Berhältniß wird bann ber Quotient größer?

Sch. Der Quotient wird in bemfelben Berhaltnig größer, in

welchem der Dividend größer gemacht wird.

2. Run wollen wir feben, wie est ift, wenn ber Divifor vergrößert wird und der Dividend berjelbe bleibt. Machet barum an dem gegebenen Beispiele (4:8 = ?) ben Divisor 2mal so groß!

2. Wie heißt es jest?

Sch.

2. Wie wird hier ber Quotient?

L. Warum?

Sd.

2. Benn man alfo ben Divifor vergrößert und ber Dividend berfelbe bleibt, wie wird da der Quotient?

©¢.

L. In welchem Berhältniß wird bann jedesmal ber Quotient kleiner? Sch. Der Quotient wird in bemjelben Berhältniß kleiner, in

welchem der Divisor größer gemacht wird. 2. Jeht wollen wir an dem schon einigemal veränderten Beispiele (4:8=?) noch eine Beränderung vornehmen. Wir wollen nämlich den Divisor und den Dividenden gleich vielmal jo groß machen und dabei wieder auf ben Quotienten achten. - Die heißt ber Quotient in bem Beifpiele 4 : 8? Sd.

2. Machet jest den Divisor und den Dividenden 3mal so groß?, (= 12: 24 = 2.)

Gd.

2. Wie beißt bas Beifpiel jest?

2. 12 getheilt in 24 gibt welche Bahl jum Quotienten?

2. Machet nun, anftatt, wie eben, 3mal, ben Divifor und ben Dividenden

5mal so groß, und stellet es auf der Tafel dar! (20:40 = 2)

(Die Zwischenfragen find bei dieser und den folgenden Bergrößerungen dies selben, wie die im Vorhergehenden.) — Machet jeden, Divisor und Dividenden, 10mal so groß! (40:80 = 2).

Machet den Divisor und den Dividenden gleich vielmal, etwa 100mal so groß,

und ftellet es dar! (400:800 = 2). -

Machet den Divijor (4) und den Dividenden (8), jeden 2mal jo flein! (2:4=2).

Machet Divijor und Dividend 4mal jo flein 2c. 2c.! (1:2 = 2). -

Wie oft ist also der Divisor in diesen Fällen, die alle aus dem ersten Beispiele (4 : 8) abgeleitet wurden, in seinem Dividenden enthalten ? €d. _

2. 4:8 ist also ganz gleich 12:24 = 20:40 = 40:80 u. s. w. Warum aber ist 4:8 = 12:24 = 20 = 40 u. s. w. Sch. -

2. Der Quotient ift hier also immer berselbe. Wenn benmach Divisor und Dividend, wie wir eben gethan, gleich vielmal fo groß ober gleich vielmal fo

flein gemacht werden, wie wird da der Quotient? (Die Entwicklung dafür geschieht sofort noch an anderen kleineren Beispielen.)

3:6 = ober 5:10 = 20. 20.

2. Gilt bas von allen zusammengehörigen Divisoren und Dividenden ober nicht?

2. Es ift also bas für alle zusammengehörige Divisoren und Dividenden erwas allgemein Gultiges. Was für eine Bahrheit oder Regel erkennt ihr baber aus ben gulett abgeleiteten Beispielen, wenn ibr ben Duvtienten vergleicht?

Sch. Wenn man Divifor und Dividenden gleich vielmal fo groß ober gleich vielmal so klein macht; so erhält man immer denselben Quotienten. (Diese Regel ist fest einzuprägen.)

- a. Der Divifor und ber Dividend besteben aus reinen Bebnern.
 - 2. Sagt mir noch einmal bie gelernte Regel!

2. Und wie haben die Beispiele geheißen, an welchen wir fie kennen ge-Ternt haben?

Sd. -2. Wir wollen heute etwas größere Beispiele mablen. 3ch schreibe fie euch da auf die Tafel:

10:90=? 60:90=? 20:90=? 70:90=?30:90 = ? 40:90 = ? 90:90 = ? 50:90 =?

Bon diesen Beispielen wollen wir das erfte auch zuerft betrachten, und da fagt mir gleich: Wie oft können wir 10 aus 90 nehmen?

Sch. -

2. Das wiffen also icon Biele von euch! Wer es aber nicht weiß, ber fann fich die Lösung biefer Anfgabe leichter machen. Man benft fich nämlich nach ber gelernten Riegel ben Divifor und ben Divibenben gleich vielmal und zwar bier 10mal jo flein'). Wie tonnt ihr das ganz leicht? Sch. Wir denken und die Einerstellen, hier die Rullen, weg.

L. Dies ift recht; aber warum?

Sth. (Die Regel.)

2. 10 10mal fo flein gemacht, ist wie viel?

Sch.

Und 90 Iomal jo klein gemacht, ift wie viel?

2. 1 muß also nach unserer aufgesundenen Regel eben jo oft in 9 enthal= ten fein, als 10 in 90. Borbin borten wir, 10 fei in 90 wie vielmal enthalten? Sch.

2. Und 1 ift in 9 wie vielmal enthalten?

Wer es sich also hierin, wenn Zehner durch Zehner getheilt werden sollen, leicht machen will, der sagt nicht 10: 90, sondern 1 in die 9, man erhält ja boch benfelben Quotienren.

Das Nämliche lasse jeht der Lehrer die Kinder noch an den anderen Beispielen sehen und üben, und zwar so lang, bis Alles erfaßt und klar ist und ficher geht.

b. Der Divijor besteht aus Zehnern und ber Dividend aus Bebnern und Ginern.

Beispiele, wie: 10: 79 = ? 40: 74 = ? 20: 89 = ? u. f. fv. 20: 69 = ?

¹⁾ Dies thut man, jo oft ber Divisor Litellig ift.

find jeht einer betrachtenben Lösung zu unterwerfen. Die Erklärung ift jeboch ben borausgegangenen §g. nicht schwer. Es sei barum bie Ausführung bier übergangen.

c. Der Divisor besteht aus Behnern und ber Divibend aus einer mehrftelligen Babl.

Borbemerkung. Da bas Berfahren beim Theilen Istelliger Zahlen burch reine Zehner in bem Nachweise bes Berfahrens beim Theilen 4stelliger Zahlen durch reine Zehner gang enthalten ift, und bis Theilen 5: und mehrstelliger Bablen burch reine Behner fich aus bem 4ftelliger Zahlen erkennen läßt; fo geben wir für die hier möglichen Fälle die Löfung von nur einer Aufgabe.

Es foll 3. B. 7564 in 10, 20, 30, 40, 50, 60, 70, 80, 90 gleiche Theile getheilt werben. Aus diefen verschiedenen Beispielen wollen wir berausnehmen:

60: 7564 =

Bir theilen hier zuerst die Tausender, bann die hunderter, Bebner und que lest bie Einer, indem wir immer 60 diefer Ginheiten höherer Ordnung beraus: nehmen, so oft dies geschehen kann und auf jeden Theil eine dieser Einheiten legen. (Das Gesagte muß den Kindern in dem Rechenunterrichte auf der unterften Stuse vollkommen klar geworden sein; bort wird ja aus dem Begriffe des Ent-haltenseins schon der des Theilens gewonnen.) 60 können wir von 7 Tausender nicht so herausnehmen, daß auf jeden Theil ein Tausender kommt. Wir müßten ja sonst wenigstens 60 Tausender haben. Es sind deßhalb die 7 Tausender zu 70 hunderter zu verwandeln und die in der Zahl 7564 vorkommenden 5 hunderter dazu zu zählen. Wir theilen nun die 75 hunderter aus. So oft wir 60 hunderter austheilen können, so oft erhält jeder Theil einen hunderter. Von 75 hunderten können wir 60 hunderter Imal hinwegnehmen. Wir legen beshalb auf jeden Theil 1 hunderter. 60 hunderter von 75 hunderter bleiben noch 15 Hunderter; denn dem 60: 75 entspricht nach der bereits kennen gelernten Regel das 6: 7. 6: 7 ift gleich 1. (Die kleine Differenz lassen wir im Augenblicke unbeachtet; wir kommen jedoch später darauf zurück.) Wissen wir aber das Kleine 6: 7 = 1, so wissen wir auch das Große 60: 75 = ? 60: 75 ist auch gleich 1, und 75 — 60 = 15; also ganz, wie wir dies zuerst gefunden haben. (Es ift durchaus rathsam, die Schiller jedesmal nach dem Abzählen den Rest mit bem Divisor vergleichen zu laffen; da ersterer, wie schon bemerkt, stets kleiner sein muß, als der lettere. Warum?) Es wird sich also die Rechnung so dars Stellen

60:7564 = 1 601

Man fordert nun die Schüler auf, ben Quotienten auszusprechen. Schwachere Kinder werden denselben für 1 (Gins) lesen; mittelmäßig befähigte haben jedoch nicht vergessen, daß wir die hunderter gemessen und ausgetheilt haben, baß sonach auf jeden Theil 1 Hunderter kam und lesen deßhalb den Ouwtienten richtig: 100.

Wir fahren weiter: Die übrig gebliebenen 15 Hunderter werden in Zehner verwandelt; 15 Hunderter sind 150 Zehner und die 6 Zehner (aus der Zahl 7564)

dazu gezählt, sind zusammen 156 Zehner. Die Zehner werden nun auf dieselbe Weise getheilt, wie dies bei ben hun: vertern geschah. — 60 ift in 156 Zehnern wie vielmal enthalten? Ober: Wie oft können wir von 156 Zehner 60 Zehner hinwegnehmen ober hinwegmessen und auf jeden Theil 1 Behner legen?

Denken wir uns wieder nach ber aufgefundenen Regel ben Divisor und ben Dividenden 10mal fo klein, so erhalten wir denfelben Quotienten; alfo 60 : 156

= 6: 15. (Die kleine Differenz laffen wir noch unbeachtet.)

Wiffen wir das Kleine 6: 15, so wiffen wir auch wieder das Große, 60: 156. 6 gemeffen in 15 ift?

The separate state of the property of the that I senated mean one countries at 120

Sd. -

2. 60 gemeffen in die 156 ift bennach auch wie viel? Sch. — and bet to seemed about the seemen and then seemen and then seemen and the seemen and the

2. Warum?

Sch. Weil man bon 156 Behnern 60 Behner 2mal herausmeffen ober herausnehmen kann.

2. Es kommen somit auf jeben ber 60 gleichen Theile wie viel Zehner?

2mal 60 Zehner sind aber wie viel Zehner? 2. 120 Zehner von 156 Zehner abgezählt, laffen noch wie viel zum Refte? (Sier ift wieber zu bemerten : ber Reft ift fleiner, als ber Divisor.) Die Aufgabe in ihrer weiteren Auflösung stellt fich bemnach so bar:

60 : 7564 = 12 60 the day rapidle assessment of a 156 minutes and I am red mind with thirty country accept annies 120 as its cause are another control and and property with the case of the case of the second case of the case

Die Schüfer werden wiederholt aufgefordert, ben Quotienten auszusprechen. Emige werden wieder 12, Andere aber 20 lefen. Wo es fehlt, ift nachzuhelfen.

Die Lösung ber Aufgabe wird bann auf folgende Beife weiter geführt: Die 36 Zehner find nun in 360 Einer zu verwandeln und die in der Zahl 7564 fich befindlichen 4 Siner find bazu zu zählen = 364 Siner.

Die oft fonnen wir von 364 Ginern 60 Einer hinwegnehmen? oder wie oft

ftedt 60 in 364 -?

Sch.

Wir denken und wieder ben Divijor und ben Dividenden 10mal fo flein und laffen ben Reft 4 refp. Die 4 Giner fallen, und Die Frage ftellt fich dami fo bar: 60:364=?=6:36=?

Wer aber 6: 36 weiß, versteht auch nach unserer Regel 60: 364. — 6:36 geht wie vielmal?

Sch. — Und 60 : 364 ift wie viel?

Bon 364 Einer laffen sich bemnach 60 Giner smal berausnehmen und sonach smal 1 Einer ober 6 Einer auf jeden der 60 gleiche Theile legen.

6 × 60 Einer = 360 Einer find von ben 364 Einern abzugablen, woraus fich noch ein Reft von 4 Einern ergibt.

Die Auflösung bieses Beispiels erganzt fich also, wie folgt:

d. Der Divifor befteht aus Behnern und Ginern und ber Divi: bend aus einer mehrstelligen gabt.

Die Zahl 7564 ist in 91, 81, 71, 61, 51 u. s. w. gleiche Theile zu theilen. Wir wollen wieder ein Beispiel herausgreisen:

91: 7564 = 83

728

273

11

Und geben gleich jur Ausführung.

Dhier, Erzichungs- und Unterrichtofunde. 3. Muft.

- 60

7 Taufender laffen fich wohl in 91 gleiche Theile austheilen, aber nicht fo, daß auf jeden Theil I Tausender kommt, bazu wären 91 Tausender nothwendig. Wir verwandeln deßhalb die 7 Tausender in 70 Hunderter und gablen die 5 Junberter bazu.

Aber auch 75 hunderter laffen sich nicht in 91 gleiche Theile jo austheilen, baß auf jeden Theil 1 hunderter fommt; benn wir mußten ja fonft 91 hunderter ftatt 75 hunderter auszutheilen haben. Es sind beswegen die 75 hunderter in 750 Zehner zu zerlegen und die 6 Zehner dazu zu gablen; dies gibt 756 Zehner. Die 4 Einer im Dividenden geben uns eben noch Nichts an; wir theisen nur die 756 Behner. So oft wir nun bon 756 Behnern 91 Behner herausnehmen tonnen, so oft werden wir auf jeden ber 91 gleichen Theile 1 Zehner legen können. Wollen wir aber miffen, wie oft 91 in 756 enthalten find ober wie oft 91 in 756 steckt, so dürsen wir uns nur nach der bekannten Regel, Divisor und Divisoend gleichviel mal, hier 10mal so klein denken, (weil der Divisor Likellig ift) und wir erhalten denselben Quotienten. 91:756 = 9:75. (Den Reft 1 im Divisor und ben im Dividenden 6 laffen wir immer noch unbeachtet, weil bie Beispiele Anfangs so zu wählen resp. so gewählt find, baß bies noch nicht gegen die Regel verftogt. Dan nimmt nämlich für biefen Fall, ber bie Sache sehr erleichtert, immer 2stellige Divisoren mit einer sehr geringen Zohl von Einern, wie hier z. B. 91.) 9: 75 = 8, 91 ist also in 756 8mal enthalten, und es kommen beshalb 8×1 Zehner = 8 Zehner auf jeden Theil. 8mal 91 Zehner = 728 Zehner; diese von 756 Zehnern ab, bleiben 28 Zehner. Diese 28 Behner find in 280 Einer zu verwandeln, und die vier Einer find bagu gu

Die Rechnung stellt sich bennach so bar:

91:7564 = 8 The state of the s - A province 284 a higher nom desertion sender, XV =

Die 284 Einer sind ebenso in 91 gleiche Theile zu theilen. Indem wir wieder den Divisor und Dividenden 10mal so klein machen, erfahren wir, wie oft dies geschehen kann. Nämlich 91: 284 = 9: 28 (der kleine Rest im Discher und die Vielbert und di vifor und im Dividenden fällt weg.)

91 stedt in 285 3mal ober von 284 Einern kann man 91 Einer 3mal ber ausnehmen und folglich 3>1 Einer = 3 Einer auf jeden Theil legen; benn 3>9 = 273. Diese von 284 ab, bleibt Rest 11e, welcher kleiner ist, als ber Divisor. Die Lösung ichriftlich vollendet, wird bennach, wie Anfangs gezeigt wurde,

Stelle der hachten Cranung, wi 88 = 856 : 10 mia im Alaffor nur ein 1 der 128 - 728

Auf biefe Weise werben aus ben erfigenannten Beispielen noch einige gelöft; alebann mögen fich die Schüler felbft berfuchen.

Darauf wird eine beliebige Babl getheilt mit 92, 82, 72, 62, 52, 42, 82 und 22; sobann mit 93, 83, 73, 63, 53, 43 u. f. w.; ferner mit 94, 84, 74, 64 u. f. f., daß die Giner ftets um eine Ginheit größer werden.

Borber aber werben, um ben Unterschied recht augenfällig ju machen und gu zeigen, daß allerdings der Rest im Divisor und Dividenden, den wir bis daber als zu flein fallen ließen, nunmehr bei zunehmenden Einern des Divisors in Anwendung unferer Regel seine Beachtung finden muß, etwa sole gende ober abnliche Beispiele mit einander verglichen.

91: 7564 und 99: 7564, ober

Die Auslösung links oben ist uns bekannt; was ist aber bei der Bösung der Ausgabe rechts oben von unserer Regel zu halten? Es entsteht die Frage: Wie oft können wir 99 von 756 hinwegnehmen? In dem Beispiele links oben sagen wir 91: 756 — 9: 75 (ohne daß wir den Rest des Divisors (1) und den Rest des Dividenden (6) berlichsichtigen. Können wir aber eben so die Disserenz (9) im Beispiel rechts oben unbeachtet lassen? Können wir setzen 99: 756 — 9: 75% Ist Eines dem Andern sir die Anwendung unserer Regel gleich oder nicht gleich und warum? Sprich dich darüber aus!

Sd). -

g.

11,

er

in

ie

1,

in

1)

il

)t

10

n

1,11

u

Also weil hier ber Rest im 10mal so klein gebachten Divisor 99 zu groß ist und sein Produkt in ben Quotienten nicht abzugählen ift. Wir vergleichen:

91:756 = 8 und 99:756 = 8

Rechts sagen wir, indem wir mit dem Quotienten den Divisor vervielsachen: 8×9 Einer sind 72 Einer; 2 Einer werden hingeschrieden und 7 Zehner werden forts d. i. zu den Zehnern gezählt. Links hingegen heißt es: 8×1 Einer sind 8 Einer, und solglich sind teine Zehner sort oder zu den Zehnern zu zählen.

Beim weiteren Bervielsachen links erhält man bemnach nur 8×9 Zehner = 72 Zehner, während man rechts 8×9 Zehner und 7 Zehner = 79 Zehner erhält, die von 75 Zehnern nicht abzuzählen sind. Was folgt daraus, und was

ift noch von unserer Regel zu halten?

Antwort: Enthält in einem zweiftelligen Divifor die zweite Stelle von links nach rechts, also die Einerstelle ein Rull, so findet unfere Regel immer Anwendung.

Enthält jedoch die Einerstelle im Litelligen Divisor weniger oder ebenso viel oder gar mehr Einheiten, als die Zehnerstelle, so sindet unsere Regel wiederum ihre Amvendung, jedoch mit der Ausänahme, daß man im 1. Falle selten, im II. Falle östers, im III. Falle sast immer den Quotienten um 1 (oder auch manchmal um 2 oder 3 w. w.) Einheiten weniger nimmt. Stehen also z. B. in der Stelle der höchsten Ordnung, in der ersten Stelle links im Divisor nur ein 1 oder ein 2, in der nebensolgenden rechts 7, 8 oder gar 9, wie z. B. in 17, 18, 19, 29 w., so sind wir nicht immer gleich im Stande, sagen zu können, wie oft der Divisor in seinen Dividenden enthalten ist und der beste Rechner muß dann probiren. Man muß also gerade auch solche Ausgaben recht viel üben und so lange, dis es recht gut geht.

Aufgaben, wie 19: 7264, 18: 7564, 17: 7564 und gemessen mit 16, 15, 14, 13, 12, 11 sind deshalb auch ungleich schwerer, als die obigen, tropdem daß

wir den Divisor dort viel größer genommen haben.

Eine beliebige Zahl meisen mit 19, 17 und abwärts bis auf 12 und 11 laffen wir beshalb für die Uebung mit zweistelligem Divisor auch als die letzte Stufe beim Theilen mit Litelligen Zahlen folgen.

3. Der Theiler oder Divisor ift dreis oder mehrstellig.

Ift ber Divisor drei oder mehrstellig, so wird dieser und der Dividend 100 mal oder 1000mal 2c. 2c. so klein gebacht und gerade so versahren, wie dies beim zweistelligen Divisor gezeigt wurde.

Ein Beispiel noch soll bies zeigen, und wir mablen bazu eine Aufgabe mit 4ftelligem Divisor, weil bie Behandlungsweise eines solchen bie bes Iftelligen in

fich begreift.

43 *

Die Aufgabe heiße: 9137 : 58982 = ?

Sier in biefem Beispiele foll bie Bahl 58982 in 9137 gleiche Theile getheilt werden.

Benn möglich, theilen wir zuerft die Zehntausenber, dann die Tausenber, hunderter, Behner und gulett die Giner, indem wir 9137 Ginheiten von jeber Ordnung aus der gegebenen Bahl fo oft hinwegnehmen, als bies gescheben fann und legen bann jedesmal eine biefer Ginheiten auf jeden Theil.

Die Erklärung kann etwa auf folgende Weise geschehen: Die Zehntausender sind in 9137 Theile nicht so auszutheilen, daß auf jeden Theil 1 Zehntausender kommt; es sind zu wenig Zehntausender. Wir verwandeln beghalb die 5 Behntaufender in 50 Taufender und gablen die 8 Taufender bagu. Allein auch diese 58 Tausender sind nicht so auszutheilen, daß u. f. w. — ebenso die 589 Sunderter und die 5898 Zehner; benn 9137 laffen fich hiervon noch nicht einmal nur einmal hinwegnehmen.

Es find bemnach biefe 5898 Behner zu Ginern zu machen und bie 2 in ber

erften Bahl noch bagu zu gablen.

Run folgt die Frage: Wie oft find 9137 in 58982 enthalten?

Die zweithochfte Stelle im Divijor enthalt 1 Ginbeit, Die bochfte bagegen Unsere Regel findet also Unwendung. Wir benken uns ben Divisor und ben Dividenden 1000mal so klein und sagen: Wir finden den Quotienten von 9137: 58982 burd 9: 58 = 6.

Die Division stellt sich demnach so dar:

Die Zahl 639042 foll in 7081 gleiche Theile getheilt werben. Das geschieht wieder badurch, bag wir ben Divijor 7081 fo oft aus bem Divibenden 639043 herausnehmen, als dies geschehen kann und jedesmal Eins auf einen Theil legen. 7081 läßt sich nicht aus 6 Hunderttausend, nicht aus 68 Zehntausend, nicht aus 639 Tausend, nicht aus 6390 hundert so herausnehmen, daß eine Einheit bieser Ordnungen auf einen Theil zu legen waren. Wir verwandeln beshalb bie 6370 hundert in Zehner, gablen die 4 Behner dazu und nehmen an , daß diese Zehner ebenso viel Einer seien und fragen und nun: Wie oft können wir 7081 aus diesen angenommenen Ginern hinweg- ober herausnehmen ? Dies finden wir, indem wir ben Divisor und ben Dividend uns tausendmal so klein benken; also 7 aus 68 herausnehmen, so oft es geschehen kann. Es kann 9mal geschehen. Weiß man aber 7: 63, so weiß man auch 7081: 639043, benn

Run find aber 63904 nicht, wie wir angenommen haben, Giner, fonbern Behner, also zehnmal so viel Einer, somit ift derselbe Divisor in dem zehnmal so großen Divibenden nicht nur einmal 9mal, wie oben, fondern 10mal 9mal ober 90mal enthalten. Die 175 Zehner, welche Rest geblieben find, verwandelt man gu Ginern , gablt bie in bem Divibenden portommenden 3 Giner bagu, und ber fahrt, wie befannt;

4. Muster, wie die vier Arundrechnungsarten in ungleich §. 377, und mehrfach benannten ganzen Zahlen zu behandeln sind.

Bus Diefem Webiete:

Mufter, wie die Multiplications = Regel = de = tri beim Kopfrechnen zu üben ift.

(Zugleich als Anleitung für bas übrige Ropfrechnen.)
(Siehe den Lehrgang Seite 590, sechste Stufe.)

In unserer heutigen Kopfrechenstunde wollen wir eine Art von Aufgaben lösen lernen, die im Leben euerer Eltern gar häusig vorsommen. (Die nöthige Borbereitung durch den vorhergegangenen Unterricht wird vorausgesetz.) Wenn ihr da recht acht gebt und tüchtig mitrechnet, dann könnt ihr eueren Eltern diese Ausgaben ausrechnen, euch denselben dadurch recht nühlich machen und zeigen, daß ihr nicht umsonst in die Schule geht. Ich gebe euch gleich so eine Ausgabe und will einmal sehen, wer mir dieselbe löst, ohne daß ich mithelse. Ihr könnt dabei versahren, wie ihr wollt. Jeder muß mir aber sagen können, wie er es gemacht hat. Die Ausgabe soll heißen:

1 Elle Band foftet 3 Rreuger; wie theuer fommen 4 Ellen?

Fritz, sage mir die Ausgabe noch einmal! — So, jetzt rechnet! Wer fertig ist, hebt den Finger in die höhe. — Wenn sast Alle (die Unfähigeren geden hier, obschon sie sehr berücksichtigt werden milisen, keinen Ausschlag) zeigen, daß sie mit der Ausrechnung zu Ende sind, beginnt der Lehrer: Karl, wie viel bekamft du heraus? — Wie viel hast du, Franz? — Du? — Du? — u. s. w. Wir wollen gleich sehen, wer es recht hat (denn nicht Alle werden immer gleiche Resultate haben). Unton, wie hast du es bei deiner Ausrechnung gemacht?

Erfte Lojung.

Sch. Wenn 1 Elle Band 3 Kreuzer kostet, so kosten 2 Ellen 2mal 3 Kreuzer 3 Ellen 3mal 3 Kreuzer und 4 Ellen 4mal 3 Kreuzer. 4mal 3 Kreuzer sind 12 Kreuzer; also kosten 4 Ellen Band 12 Kreuzer. —

2. Das war recht gerechnet. Habt ibr es alle fo gemacht, wie ber Anton?

- Wie haft bu es gemacht, Wilhelm?

ge=

der,

eber

nnr

den

eln

IAIL.

njo

toch

der

gen

noc

efit

43

en.

ing

efer

170

ner

fett

vit

63

ratt

10

Det

ant ex-

3weite Loinng.

Sch. In dieser Ausgabe wissen wir, was 1 Elle kostet, und wir wollen wissen, wie theuer 4 Ellen kommen. 4 Ellen sind aber 4mal so viel Ellen, als 1 Elle, folglich kosten 4 Ellen auch 4mal so viel Gelb, als 1 Elle. 1 Elle kostet 3 Kreuzer. Es kosten bennach 4 Ellen 4mal 3 Kreuzer; 4mal 3 Kreuzer = 12 Kreuzer; also kosten 4 Ellen 12 Kreuzer.

L. Da seht ihr wieder: Es muß nicht Einer seine Aufgabe lösen, wie der Andere, und doch kommt man zum rechten Resultate. — Wer hat es noch anders gemacht? — Recht so! Jeder darf es anders machen. Jakob soll uns jetzt zeigen,

wie er bei feiner Ausrechnung verfahren ift.

Dritte (fürgere) Lojung.

Sch. Wenn 1 Elle 3 Kreuzer kostet, so kosten 4 Ellen 4mal so viel, d. i. 4mal 3 Kreuzer. 4mal 3 Kreuzer sind 12 Kreuzer; also kosten 4 Ellen Band 12 Kreuzer. — Abolph ruft: Ich will es noch anders machen!

2. Las es uns gleich boren !

Bierte Lojung.

Sch. Wenn eine Elle 3 Kreuzer kostet, so kosten 4 Ellen 4mal 3 Kreuzer. 3 Kreuzer sind = 1 Groschen; folglich kosten 4 Ellen auch 4mal 1 Groschen; 4mal 1 Groschen sind aber 12 Kreuzer; also kosten 4 Ellen 12 Kreuzer.

L. (Selbst, wenn ein Schüler auf einem solchen Umwege sein Ziel erreicht, stoße man ihn nicht zurück. Nur wird es gut sein, dabei stets auf das beste Bersfahren und auf den kürzesten Weg ausmerksam zu machen.) — Ihr seht also,

man kann eine solche Ausgabe auf verschiedenerlei Weise ausrechnen. Ich gebe euch jetzt eine andere Ausgabe. Da will ich wieder sehen, wer sie am schnellsten und richtigsten löst. Jeder barf es dabei machen, wie er will; aber er muß mir nachher Alles sagen, wie er es gemacht hat. Also ausgepaßt!

(In abnlicher Beije hat der Lebrer überall anzuregen, aufzumuntern, ben Betteifer ju beleben, durch bas beutliche Sprechen und flare Rechtfertigen ber Lösungsweisen von Seiten der Schüler die anderen Schüler in das Berständniß derselben einzusühren, wo es nöthig ift, vermittelnd einzuschreiten, damit der Unterricht, selbst lebendig, die Schüler belebt und ihnen eine wahre innere Lust an demselben abgewinnt. Nie darf ein Kind um seiner Meinung willen abstoßend behandelt werden. - Auf diese Beise behandelt, wird jede Kopfrechenstunde gu einer Stunde der Freude für Schuler und Lebrer. Die Behandlungsweise felbft ift nicht schwer. Wir beuten beghalb für nur noch 2 Aufgaben einige Löfungs: weisen an; im anregenden Unterrichte werden biefelben burch die Rinder leicht und oft bedeutend bermehrt.) and tombe to be the state of the

Gine Elle Rattun foftet 18 Rreuger; mas foften 14 Ellen? Erfte Lofung. In 19 10 laning and manne

Wenn I Elle Kattun 18 Kreuzer fostet, so kosten 14 Ellen 14mal 18 Kreuzer. 10×18 Kr. = 180 Kr. Wir haben jest 18 Kr. noch 4mal zu nehmen. 4×10 =40 und 4×8=32; 40+32=72 Kr.; 180 Kr. + 72 Kr. sind 180+70×250 +2=252 Kr. 252 Kr. = 4 st. 12 kr.; also kosten, wenn 1 Ele Kattun 18 Kr. koftet, 14 Ellen 4 fl. 12 Rr.

3weite Löfung:

Wenn 1 Elle Kattun 18 Kr. koftet, so koften 14 Ellen 14mal 18 Kr. ober 14mal 3 Sechser. 14mal 3 Sechser sind 10mal 3 Sechser ober 30 Sechser und 4mal 3 Sechser ober 12 Sechser. 30 Sechser und 12 Sechser sind 42 Sechser ober 4 fl. 12 Kr.; also kosten 14 Ellen Kattun 4 fl. 12 Kr.

Dritte Lojung.

Wenn 1 Elle Kattun 18 Kr. kostet, so kosten 14 Ellen 14mal so viel. 14mal 18 Kr. find aber gleich 14mal '/, fl. = '*/, fl. und 14mal 1 Groschen = 14 Groschen. 1*/, fl. find gleich 3 fl. 30 Kr. und 14 Groschen find 14mal 3 Kr. = 42 Kr. — 3 fl. 30 Kr. und 42 Kr. find gleich 4 fl. 12 Kr.; also kosten 2c. k.

Bierte Lofung. Boll in die bei ben den geffinde

Wenn 1 Elle 18 Kreuzer koftet, so koften 14 Ellen 14mal 18 Rr. ober (ba 18 Rr. = $\frac{3}{10}$ fl. find) 14mal $\frac{3}{10}$ fl. - 14mal $\frac{3}{10}$ fl. = $\frac{43}{10}$ fl. = $\frac{43}{10}$ fl. = $\frac{43}{10}$ fl. = 4 fl. 12 Kr.; also 2c. 2c.

Fünfte Löfung.

Wenn 1 Elle 18 Kr. fostet, so kosten 14 Ellen 14mal 18 Kr. — 14mal 18 Kr. = 14mal $^4/$, fl. weniger 14mal 2 Kr. — 14mal $^4/$, fl. finb $^{44}/$, fl. = 4 fl. 40 Kr.; bavon abgejählt 14mal 2 Kr. = 28 Kr. bleiben noch 4 fl. 12 Kr.; alfo koften 2c. 2c.

1 Malter Kartoffeln toftet 2 fl. 45 Rr.; was foften 20 Mltr.? Grite Lojung.

20 Malter find 20mal so viel, als 1 Malter 20mal so viel Waare, tostet auch 20mal so viel Geld. 20mal 2 fl. 45 Kr. find aber 20mal 2 fl. = 40 fl. und 20mal 45 Kr. = 45mal 20 Kr ober 45mal 1 /s fl. = 4 /s fl. (ober 45mal 1 Kopfstid) gleich — (da 2 /s fl. (ober 3 Kopfstid) = 1 fl.) — 15 fl.; 40 fl. und 15 fl. = 40 + 10 = 50 + 5 fl. = 55 fl.; also tosten 20 Malter Karstoffsto 55 fl toffeln 55 fl.

otise de Minnthesein gliebt for Zweife Ldfung, Glening gebie bnis and inem

Wenn 1 Mitr. Kartoffeln 2 fl. 45 Kr toftet, jo toften 20 Mitr. 20mal 2 fl. 45 Ar.; 20mal 2 ft. 45 Ar find = 20mal 2 ft. = 40 ft. und 20mal 45 Ar. = 900 Ar = 15 ft.; weil 600 Ar. = 10 ft. und 300 Ar. = 5 ft. find. 40 fl. und 15 fl. = 55 fl.; also kosten 2c. 2c.

Dritte bis fechite Lofung.

Wenn 1 Mitr Rartoffeln 2 fl. 45 Ar. toftet, fo toften 20 Mitr 20mal 2 ft. 45 Av.; -

1) Das find 20mal 2 ft. = 40 ft und 20mal 3/, ft. = 50/, ft. = 15 ft. 40+15 ft = 55 ft.; also fosten ac ac. oder

2) Das find 20mal 2 ft. = 40 ft. und 20mal 1, ft. = 10 ft. und 20mal

1/, fl. = 5 fl. 40+10+5 fl. = 55 fl.; asso tosten 20. 20.
3) Das sind 20mal 1 Kronenthaler, und 20mal 1 Groschen; bas sind 20 Kros nenthaler und 20 Groschen. 10 Kronenthir. = 27 fl.; 20 Kronenthir also 2×27 fl. = 54 fl.; jest haben wir noch 20 Groschen, das find = 1 fl.; 54 fl. + 1 fl. = 55 fl.; also toften ic. 2c.

4) Das sind 20mal 1 fl. und 20mal 1 preuß. Thir. 20mal 1 fl. sind 20 fl. und 20mal 1 pr. Thir. = 20 pr. Thir. Da 4 pr. Thir gleich 7 fl. und 4 in 20 siminal enthalten ist, so sind 20 pr. Thir. = 5mal 7 fl. = 35 fl. 20 fl. und 35 fl. = 55 fl.; also kosten 2c. 2c.

u. f. 10.

en iir

ett

er

th n:

ın to.

北北

8=

000

10 17

14 - :

Dit diesen wenigen Aufgaben und ben ihnen beigegebenen Bofungeweisen glauben wir icon gur Geniige gezeigt gu haben, wie wir es meinen; wir filgen dem nur noch wiederholend bei:

Es ist bildenber, eine Aufgabe auf zehnerlei Beife, als gebn Aufgaben auf einerlei Beise zu lösen. Die Bahl ber jur Lösung tommenben Aufgaben betreffend bemerken wir: "Je mehr, besto beffer; benn Uebung macht den Meifter."

3. Muster, wie die vier grundrechnungsarten in Brüchen g. 378. du behandeln find.

Aus Diefem Gebiete :

Mufter, wie die Borübungen jum Rechnen mit Bruchen, insbefondere wie die Betrachtungen der Salben, Drittel, Biertel und Fünftel nach Grube gu halten find.

(Siehe den Lehrplan, Seite 590, erfte Stufe, a. 2.)

Borbemertung.

1) Wie ber Schüler zur Anschauung der ganzen Zahlen gelangt, indem er sie auf die Eins zurückführte, b. h. sie als Bielsache eines Einsachen erkannte, so werden ihm jeht auch die Bruchzahlen anschaulich gemacht durch ihre ftete

Beziehung auf die Einheit, aus der sie entstanden.
2) Während aber bisher die Einheit als Theil der ganzen Zahlen erschien, wird sie nunmehr selbst als ein Ganzes, mithin als ein Bielfaches aufgefaßt, das in seine einsachen Bestandtheile aufgelöst wird, welche wir eben mit Beziehung

auf ihr Ganzes "Brüche" nennen.
3) Beil der Schüler bereits vom erften Kurfus an die gangen Zahlen als Brüche zu behandeln gelernt hat, indem er fie als Theile eines Bielfachen erkannte, so wird die nun folgende Behandlung des eigentlichen Bruches (der gesbrochenen Ginkeit) brochenen Sinheit) um so weniger Schwierigkeit für ihn haben, als ber Prozek ganz berselbe ift, durch welchen er in tas Rechnen mit ganzen Zahlen eingeführt wurde, nämlich: Anschauung des Mannigfaltigen in seiner organischen Sinheit.

4) Da die Verschiedenheit der Bruche bedingt ift burch ihre Größe, die Größe

aber burch bie Angahl ber gleichen Theile, in welche ich bie Ginheit ger: Tege, fo laffen fich biefe verschiedenartigen Theilungen als besondere Ordnungen, und zwar als absteigend niebere Ordnungen betrachten, wie bei ben gangen Bahlen burch bas Bergehnfachen ber Ginheit die auffteigend höberen Orbnungen bes Einers, Behners, Sunderters zo. fich bilbeten. Jene berichies denen Bruch-Einheiten bezeichnet die Sprache durch die Nachfilbe "tel", als Zweitel 1), Drittel, Biertel 2c.

5) Demnach ift uns ber Gintheilungsgrund bes für bie Anschauung ju organifirenden Stoffes in diesem Aurjus objettiv in der Berichiedenheit der Brüche felber gegeben, und wir behandeln auf der erften Stufe die Halben, auf der zweiten die Drittel u. f. f., bis der Schüler durch diese organische Entwickelung seiner Anichauung gur Beobachtung bes Bruches gelangt ift, wozu etwa 4 Stufen

vollkommen ausreichen.

6) Da wir - wie in ben früheren Rurfen - mit ber allseitigen Anschauung des Objektes beginnen, so üben wir auf jeder Stufe in der bekannten Weise mund: liches und schriftliches, reines und angewandtes Rechnen, Abbiren und Subtrahiren 2c. gufammen, und behandeln gang dem bisherigen Gange analog den Bruch unter ben Rubrifen:

1) Anschauung ber reinen Bahl.

a. Meffen,

b. Bergleichen, b. Bergleichen, c. Kombiniren.

2) Anwendung bes reinen Zahlverhältniffes nach allen Spezies.

Erne Stufe.

Die Salben.

induced an entire the land the second of the 1/2 mile = the new shadow end shad ann wha

Benn ich Gins (ein Ganges) in zwei gleiche Theile zerlege, fo erhalte ich 2 Salbe (Balften). Ein Salbes ift einer von ben 2 gleichen Theilen, in die ich bas Gange getheilt habe.

 $2:1=\frac{1}{2}$, ober $\frac{1}{2}\times 1=\frac{1}{2}$.

a. $\frac{1}{2} + \frac{1}{2} = 1$ b. $1 \times \frac{1}{2} = \frac{1}{2}$, $2 \times \frac{1}{2} = 1$. c. $1 - \frac{1}{2} = \frac{1}{2}$, $2 \times \frac{1}{2} = 1$. d. $\frac{1}{2} : \frac{1}{2} = 1$, $\frac{1}{2} : 1 = 2$ ($\frac{1}{2}$ in 1 fteeft 2mal).

Anwendung auf die Bielfachen.

2. Consensing any site stelladgen.

a. If $2: 1 = \frac{1}{2}$, so iff $2: 2 = \frac{2}{2}$, $2: 3 = \frac{3}{2}$, $2: 10 = \frac{10}{2}$, $2: 100 = \frac{100}{2}$, 2: 100

¹⁾ Weil die Theilung eines Ganzen in 2 gleiche Theile die am meisten im Leben vorkommende ist, so hat die Sprache für diese Theile ein eigenes Wort gebilbet, nämlich Salbe ober Sälften.

 $6 \times 15^{1}/_{3} = 6 \times 15 + 6 \times 1/_{3} \text{ 22. } 9 \times 80^{1}/_{3} \text{ 2c.}$ $3 \text{ ft} \ 1/_{3} \times 1 = 1/_{3}, \text{ fo ift}$ $1/_{2} \times 6 = 6/_{3} = 3, \ 1/_{3} \times 9 = 4^{1}/_{3} \text{ 2c.}$ $cc. \ 1 - 1/_{2} = 1/_{2}, \ 2 - 1/_{3} = 1^{1}/_{3} \text{ (benn } 2 = 1 + 1; \ 1 - 1/_{2} = 1/_{3}, \ 1 + 1/_{3} = 1^{1}/_{3}, \ 3 - 1/_{3} = 2^{1}/_{3} \text{ (benn } 3 = 2 + 1; \ 1 - 1/_{3} = 1/_{3}, \ 2 + 1/_{3} = 2^{1}/_{3} \text{ 2c.}$ $2 - 1^{1}/_{3} = 1^{1}/_{3} \text{ (benn } 2 - 1 = 1, \ 1 - 1/_{3} = 1/_{3}, \ 1 + 1/_{2} = 1^{1}/_{3} \text{ 6} - 4^{1}/_{3} = 1^{1}/_{3} \text{ (benn } 6 - 4 = 2, \ 2 - 1/_{3} = 1^{1}/_{3}, \ 9 - 3^{1}/_{3} \text{ 2c.} \ 2^{1}/_{3} - 1 = 1^{1}/_{3} \text{ (e} [2 - 1] + 1/_{3}), \ 6^{1}/_{3} - 3 = 3^{1}/_{3} \text{ (e} [6 - 3] + 1/_{3}) \text{ 2c. } 3^{1}/_{3} - 2^{1}/_{3} = 1 \text{ (3} - 2 = 1, \ 1/_{3} - 1/_{3} = 0; \text{ obet: } 3^{1}/_{3} - 2 = 1^{1}/_{3}, \ 1^{1}/_{3} - 1/_{3} = 1 \text{ (3} - 2^{1}/_{3} + 2^{1}/_{3}) \text{ 2c.}$

4 × 2 = 8) 2c.

1/2: 11/2 = 3/2 = 1: 3 = 3. 1/2 9 1/2 = 19 1c.

11/2: 6 = 3/2: 11/2 = 3: 12 = 4.

31/2: 10 1/2 = 7/2: 21/2 = 7: 21 = 3 2c.

2) 3. Bergleiche 1/2 mit 1!

1/2 = 1 - 1/2, 1 = 1/2 + 1/2.

1/2 = der Hälfte von 1, 1 = dem Zweisachen von 1/2.

b. Belche Zahl nennt mir den Unterschied von 1/2 und 1?

Wie viel muß ich von 16 wegnehmen, um 9 1/2 zu bekommen?

Bon 2. Zahlen heißt die eine 9 1/2, der Unterschied von der größeren i

Bon 2 Bahlen heißt bie eine 91/2, ber Unterschied von ber größeren ift 61/2,

wie heißt die größere Zahl?

Renne andere Zahlenpaare, welche 61/2 zum Unterschiede haben!

c. Wie oft muß ich 1/2 nehmen, um 1 zu bekommen?

Wie oft 41/2, um 9 zu erhalten?

Bon welcher Zahl ift 41/2 die Halfte? Bon welcher Zahl ift 9 bas Zweifache?

Der Divisor ist $4^{1}/_{2}$, der Quotient 2, wie heißt der Dividend? (Der Quotient 2 sagt mir, daß $4^{1}/_{2}$ in der Fragezahl 2mal enthalten sei, also muß diese das Zweisache von $4^{1}/_{2} = 9$ sein.)

Welche Zahl muß ich '/ mal nehmen, um 4'/, zu bekommen? 3) a. Was heißt '/, Thaler 2c. ?

1/2 Thaler heißt einer von ben 2 gleichen Theilen, in welche ich den gangen Thaler zerlegt habe.

b. Wie viel sind 17 Sgr. in halben Thalern?

(Da ½ Thir. = % Sgr. = 15 Sgr., und 17 Sgr. = 15 + 2 Sgr., so sind 17 Sgr. = ½. Thir. + 2 Sgr.) c. Um wie viel ift das Achtsache von 17 Sgr. sleiner, als das Neunsache

bon 19 Sgr.?

(Das Achtfache von 17 Sgr. $= 8 \times 17$ Sgr. $= 8 \times \frac{1}{3}$ Thir. $+ 8 \times 2$ Sgr. = 4 Thir. 16 Sgr. Das Reunfache von 19 Sgr. $= 9 \times \frac{1}{3}$. Thir. $+ 9 \times 4$ Sgr. $= 4\frac{1}{3}$ Thir. + 36 Sgr. $= 5\frac{1}{3}$ Thir. + 6 Sgr. = 5 Thir. 21 Sgr. = 4 Thir. 16 Sgr. = 1 Thir. 5 Sgr. Who is = 3Allio ift 2c.)

d. In einer Wirthschaft wurden zu einem Gastmable gekauft 17⁴/, Pfb., ferner 13⁴/, Pfb. + 8⁴/, Pfb. Fleisch. Wie viel Portionen konnten daraus gemacht werden, wenn auf 1 Portion 16 Loth gerechnet wurden?

e. Wenn man für 1 Bfb. 1/2 Thir. bezahlt, fo bekommt man für 71/2 Sgr.

wie viel?

(Da $7^1/_2$ Sgr. = $1/_2$ \times 15 Sgr. ober $1/_2$ \times $1/_2$ Thir., so bekommt man bafür auch nur die Hälfte von dem, was man für $1/_2$ Thir. bekommt, nämlich

bie Hälfte eines Pfundes = 1/2 Pfd.) f. Was koften 101/2 Elle Tuch, wenn man 5 Ellen mit 6 Thalern bezahlt? (Roften 5 Ellen 6 Thaler, fo foftet 1 Elle ben 5ten Theil von 6 Thalern = 1 Thaler 6 Sgr.; '/2 Elle fostet '/2 × 1 Thaler 6 Sgr. = 18 Sgr., also 10'/2 Elle = 2'/2 Ellen 21 × 18 Sgr. = 21 × '/2 Thir. + 21 × 3 Sgr. = 10'/2 Thir. + 63 Sgr. = 10'/2 Thir. + 2 Thir. 3 Sgr. = 12 Thir. 18 Sgr.) m robid f voca Bonne (Bweite Stufe. we lains) 1 2 112 124

ty ober 14. 1 = 3 - 2) nue th ma Die Drittelle

× 1/s to the most

Wenn ich 1 in 3 gleiche Theile theile, so befomme ich 3/4. ist einer von den 3 gleichen Theisen, in welche ich 1 getheilt habe.

*/, ift einer von ben 3 gleichen Theilen, in welche ich 1 getheilt habe.

*/, jinb 2 von ben 3 gleichen Theilen, in bie ich 1 getheilt habe.

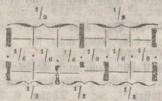
** a. '|. + '|. = '|., voer '|. + |. = |. |.

b. $1 \times \frac{1}{3} = \frac{3}{3} \cdot \frac{2}{3} \times \frac{1}{3} = \frac{3}{3} \cdot \frac{1}{3} = \frac{1}{3}$.

b. $1 \times \frac{1}{3} = \frac{3}{3} \cdot \frac{2}{3} \times \frac{1}{3} = \frac{3}{3} \cdot \frac{1}{3} = \frac{1}{3}$.

c. $1 - \frac{1}{3} = \frac{3}{3} \cdot \frac{2}{3} \times \frac{1}{3} = \frac{1}{3} \cdot \frac{3}{3} \times \frac{1}{3} = \frac{3}{3}$.

d. '\lapper 1 = 3, '\lapper 1 \lapper 2 \lapper 3 \times 2 \lapper 3 \times 3 \times 1 \lapper 3 \lapper 3 \times 1 \lapper 3 \lapper 3 \times 1 \l



Drittel und Salbe kommen zusammen in Sechsteln. $\frac{1}{3} = \frac{1}{3} = \frac{1}$

 $^{1}/_{3} = ^{2}/_{2} \times ^{1}/_{2}$ (2mal der 3te Theil von $^{1}/_{3}$), denn $^{1}/_{3}$ oder $^{3}/_{6}$ (= 3 : 2) nur $^{2}/_{3}$ mal. $^{1}/_{2} = ^{3}/_{2} \times ^{1}/_{3}$ (3mal die Hälfte von $^{3}/_{3}$), denn $^{1}/_{3} : ^{1}/_{3} = ^{2}/_{6} : ^{2}/_{6} = 2 : 3 = ^{3}/_{2} = 1^{1}/_{3}$.

2: $3 = \frac{3}{2} = \frac{11}{3}$.

Bergleiche $\frac{1}{2}$ mit $\frac{2}{4}$! $\frac{1}{2} = \frac{3}{4}$, $\frac{3}{4} = \frac{4}{4}$. $\frac{1}{2} = \frac{3}{4}$, $\frac{3}{4} = \frac{4}{4}$. $\frac{1}{2} = \frac{3}{4}$, $\frac{3}{4} = \frac{4}{4}$, benn $\frac{3}{4}$, $\frac{1}{4} = \frac{4}{4}$. $\frac{3}{4} = \frac{4}{4}$, $\frac{3}{4} = \frac{4}{4}$, benn $\frac{1}{4}$, $\frac{1}{4} = \frac{3}{4}$. $\frac{3}{4} = \frac{4}{4}$, $\frac{3}{4} = \frac{4}{4}$, benn $\frac{1}{4}$, $\frac{1}{4} = \frac{3}{4}$. $\frac{3}{4} = \frac{4}{4}$, benn $\frac{1}{4}$, $\frac{1}{4} = \frac{3}{4}$.

(Muß ich eine Zahl muß ich $\frac{3}{4}$, mal nehmen, um 9 zu bekommen?

(Muß ich eine Zahl mal nehmen, um 9 zu bekommen, so ist 9 2mal der britte Theil bieser Zahl; also 1mal der dritte Theil der unbekannten Zahl ist die Gölste non $9 = \frac{4}{4}$, drei Orittel oder die ganze unbekannte Zahl, daher 3×1 $4^{1}/_{3} = 13^{1}/_{3}$.)

Wie verhält sich die Angahl ber gleichen Theile von 9 und 13?

(13 hat 3 solcher Theile (41/2), wie deren 9 nur 2 hat.)

Renne 2 andere Bahlen, die fich auch fo verhalten! (6 und 9.)

Bergleiche beibe!

Wie könntest du unter dieser Bedingung aus 6 uns die 9 suchen lassen? (Bon zwei Zahlen heißt die eine 6, die andere ist $= 2/a \times 6$. Welches ist fie? Beffer: Welche Bahl ist gleich bem Dreifachen ber Salfte von 6? Ober: Bon welcher Zahl ift 6 1/2?)

d. Wie oft muß ich den Unterschied von 1/2, und 1/2 feten, um 1 zu be-

fommen?

Die Differenz von '/, und '/, ift gleich dem Sechstel welcher Zahl?
Welcher Theil von 1 ift der Unterschied von "/, und '/,?
Welcher Theil ift der Unterschied von '/, und '/, von ihrer Summe?
3) Was heißt "/, Wispel? — Malter 2c.
Vergleiche "/, Wisp. mit '/, Wisp.!
Wie kannst du 17 Schessels in Drittel-Wispel ausdrücken?
(17 Schessen 1 C Schessel 1 2 Schessel 2) W + 1 Sch.)

(17 Scheff. = 16 Scheff. + 1 Sch. = */, W. + 1 Sch.) Das Neunfache von 17 Scheffeln sind wie viel Wispel? (9 × 17 Scheffel = 9 × */, Wispel + 9 × 1 Schff. 2c.) Wie viel Pfund hat */, Ctr. (weniger, als */, Ctr., und */, Ctr. (weniger, */)

4 Scheffel.)

Was kosten ²/₈ Scheffel, wenn man für ¹/₈ Wispel 4 Thr. 6 Sgr. bezahlt?

(¹/ W. = 4 Schff. = ¹²/₈ Schff. = 6 × ²/₈ Schff. Also ²/₈ Schff. = ¹³/₈ × 4 Schff., also kosten auch ²/₈ Schff. ¹/₈ × 4 Thaler 6 Sgr. ¹/₈ × 1

Thir. = 5 Sgr., ¹/₈ × 4 Thir. = 4 × 5 Sgr. = 20 Sgr., ¹/₈ × 6 Sgr. = 1 Sgr., 20 Sgr. + 1 Sgr. = 21 Sgr. Also kosten ²/₈ Schff. 21 Sgr., wenn ¹/₈ Wisp. 4 Thir. 6 Sgr. gilt.)

Ein Kausmann erhält 1 Str. Tahaf und bernacht benselben in Racketen au

Gin Kaufmann erhält 1 Ctr. Tabak und verpackt benselben in Packeten zu *1.3 Pfd. Den Preis eines solchen Backets bestimmt er zu 20 Sgr. Wie viel gewinnt er baran, wenn ber Einkaufspreis des Tabaks 91 Thr. 20 Sgr. betrug?

a. Wie viel Packete machte der Kaufmann aus dem Ctr.?

b. Was nahm er für alle Packete ein? c. Welches ist ber Unterschied bes Einkauss- und Berkaufspreises?

Der Schüler muß fo weit fein, fich bie Aufgabe in biefe 3 Fragen felbftftan= dig zu zerlegen.

^{*)} Der Lehrer vergeffe nicht, daß bier Ropfrechnen Statt finbet. - Die raumliche Unichauung biefer Berhaltniffe bebt alle icheinbare Schwierigfeit.

Dierte Stufes and du milage alle

entine de rado anden ton Doi en F un fite I. And de fine deruge A

1) $5:1=\frac{1}{6}$. Ober $\frac{1}{6} \times 1=\frac{1}{6}$

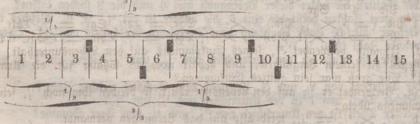
Wie auf den vorigen Stufen!

2) a. Bergleiche 1/2 mit 1/4!

2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15 16 17 18 19 20

Bergleiche 1/5 mit 3/4, 3/5 mit 1/4! 3/5 mit 3/4!*) Wie auf ben vorigen Stufen!

b. Bergleiche 1/s mit 1/1!



Bergleiche $\frac{3}{3}$, mit $\frac{3}{3}$! $\frac{3}{3}$! $\frac{3}{3}$ $\frac{3}{3$

Wie auf ben vorigen Stufen!

Borin fommen Salbe, Drittel, Biertel und Fünftel jufammen?

(Da Halbe, Drittel und Biertel in Zwölfteln zusammenkommen, so sebe ich La palve, Tittel und Biertel in Indicate Indicate in Indicate Indicate in Ind

d. h. die eine Zahl hat 3 folder Theile, wie die andere 5 hat. e. Zwei Zahlen, wovon die eine 61/3, geben die Summe 183/3, wie heißt

The universe stable $(18^3]_s - 6^4]_s$, 18 - 6 = 12, $2^3]_s - 2^4]_s = 10$, $2^3]_s - 2^4]_s = 12^{10}]_s$. Deer: $18^2]_s - 6 = 12^{10}]_s$, $12^{10}]_s - 2^{10}]_s = 12^{10}]_s$. Deer: $18^{10}]_s - 6^{10}]_s = 18 - 6^{10}]_s + 2^{10}]_s$. $18 - 6^{10}]_s = 11^{10}]_s$ 2c. f. Wise oft muß ich $3^{10}]_s$ newmen, um 18 3u betommen? $(3^{10}]_s = 1^{10}]_s$, $18 = 2^{10}]_s$; $18 = 2^{10}]_s$; 18

^{*)} Man laffe oft einen Schüler an die Mandtafel treten und durch Zeich= nung diese Zahlverhältniffe barstellen. Die Schüler bekommen balb große Fertig= feit in biesem "Zahlenzeichnen", und es macht ihnen viel Bergnügen.

3) a. Die erhalte ich 4/ Ctr 212 111118

(Daburch , daß ich ben 5. Theil eines Centners 4mal nehme ober 4 Centner 1/mal nehme.)

b. Driide ben Unterschied von 1/2 Ctr., 1/3 Ctr., 1/4 Ctr. und 1/5 Ctr. in

Pfunden aus!

c. Wie viel Sgr. muß ich zu 3/4 Thir. thun, um 4/3 Thir. zu bekommen? d. Wie berechneft du das Achtsache von 19 Sgr. in Fünstel=Thalern?

e. '/, Pfd. toftet '/. Thir., wie viel '/, Pfd.?

(Rostet '/, Pfd. '/, Thir., jo tostet 1 Pfd. = 3 × '/, Pfd. 3 × '/, Thir.

= '/, Thir., '/, Pfd. aber ober '/, × 1 Pfd. tostet '/, × '/, Thir. = '/, Thir.)

*/** Thir.)

Bie viel find */** Thir. in Sgr?

(Da 1 Thir. = 30 Sgr., so ift */20 Thir. = 1/20 X 1 Thir. = 1/20 X
30 Sgr. = 30/20 Sgr. = 110/30 Sgr. = 11/2 Sgr., also */20 Thaler = 3 X
11/2 Sgr. = 41/2 Sgr. = 4 Sgr. 6 Bf.)

Für 7 Sgr. 6 Bf. befommt man 1/2 Bfd., wie viel für 10 Sgr.?

(7 Sgr. 6 Bf. = 1/2 Thir., 10 Sgr. = 1/2 Thir. Befommt man für 1/2 Thir. 1/2 Bfd., so befommt man für 1 Thir. = 4 X 1/2 Thir. 4 X 1/2 Bfd. = 1/2 Thir. 1/2 Bfd. = 1/2 Thir. 1/2 Thir

bes Reftes gu feinem Bergnügen, und behalt noch 48 Thaler für bie Armen übrig. Wie groß war sein ganzes Sinkommen?

(a. Berwendet er ²/₂ auf den Lebensunterhalt, so bleiben ihm noch ¹/₂ seines

Einkommens übrig:

b. ${}^{1}/_{5} \times {}^{1}/_{3} = {}^{1}/_{15}$ wird also auf das Vergnügen verwandt.

c. Da vom Lebensunterhalt noch ${}^{1}/_{3} = {}^{5}/_{15}$ des Einfommens übrig blieben, so bleibt nach Abzug des ${}^{1}/_{15}$ noch ${}^{4}/_{15}$ vom Ganzen übrig.

d. Diese ${}^{4}/_{15}$ sind gleich den 48 Thalern.

e. Also ${}^{1}/_{15} = {}^{45}/_{15}$ Thir. = 12 Thir.

f. Also das ganze Einfommen oder ${}^{15}/_{15} = 15 \times 12$ Thir. = 180 Thir.)

2. Wie viel Thaler werden auf den Lebensunterhalt und wie viel auf das Beronügen personnt? Wie perhalten sich heibe Summen? Wie das Geld sür

Bergnügen verwandt? Die verhalten fich beibe Summen? Wie bas Gelb für bas Bergnügen jum Gelbe für die Armen? Welcher Theil vom Ganzen find bie 48 Thir. ? (4/15)

8. Jemand hatte ein Ginkommen von 180 Thir. Davon brauchte er 1/2 gu feinem Lebensunterhalte, und 1/15 gu feinem Bergnugen. Das Uebrige bestimmte

or für die Armen Wie viel war das?

7. Jemand hatte ein jährliches Ginfommen von 180 Thalern, wovon er gu feinem Lebensunterhalte brauchte , und 48 Thalern ben Urmen gab. Wie viel vom Ganzen konnte er auf fein Bergnügen verwenden?

The way of the state of the sta

adapted as the production of the same of t