



UNIVERSITÄTS-  
BIBLIOTHEK  
PADERBORN

## **Lehrbuch der Erziehung und des Unterrichtes**

**Ohler, Aloys K.**

**Mainz, 1863**

Muster, wie die vier Grundrechnungsarten im Zahlenkreise von 1 bis 10 und von 10 bis 100 nach dem Lehrgange von Grube zu behandeln sind.  
(Von §. 355. bis 372.)

---

[urn:nbn:de:hbz:466:1-62615](https://nbn-resolving.org/urn:nbn:de:hbz:466:1-62615)

klar, bestimmt, anregend, gemüthlich und doch ernst mit seinen Kindern verlehre. Schlimm ist es darum vor Allen, wenn sich der Lehrer, der solche Kinder unterrichten soll, nicht zu denselben herabdenken kann. Ihm werden die nachfolgenden Katechesen komisch erscheinen; allein Derjenige, welcher sich auf den Standpunkt dieser Kinder versetzen kann, wird bald finden, daß sie in Sprache und Behandlungsweise natürlich, gemüthlich und anregend sein wollen. — Wir gehen nun zu dem eigentlichen Unterrichte über und denken uns unter eine Menge kleiner Kinder, mit denen wenigstens die Gegenstände des Schulzimmers durchgesprochen sind, und damit wir ihrer Aufmerksamkeit gleich gewiß sein können, beginnen wir mit einem Gegenstande, von dem wir sicher wissen, daß er sie alle gleich sehr interessiert.

## I. Muster, wie die vier Grundrechnungsarten im Zahlenkreise von 1 bis 10 nach dem Lehrgange von Grube zu behandeln sind.

(Siehe den Lehrplan S. 584.)

Erste Stufe.

§. 355.

### Praktische Behandlungsweise der Zahl Eins<sup>1)</sup>.

#### I. Die reine Zahl.

Uebung des  $1 \times 1 = 1$ .

#### Kopfrechnen.

L. Kinder, heute habe ich euch etwas Schönes mitgebracht. (Der Lehrer holt einen Apfel oder ein anderes Ding aus seiner Tasche, hält ihn in die Höhe und spricht:) Was ist das?

Sch. Das ist ein Apfel.

L. Richtig. Wißt ihr denn auch, wozu man ihn brauchen kann?

Sch. Zum Essen, u. u.

L. Wo wachsen denn die Äpfel?

Sch. Am Baume.

L. Wächst denn nur ein Apfel am Baume oder wachsen mehr Äpfel daran?

Sch. Mehr.

L. Nun sagt mir, hab' ich hier mehr Äpfel oder nur einen?

Sch. Nur einen.

L. Nur einen Apfel hab' ich. (Der Lehrer nimmt einen Stuhl u. u. her und hält ihn vor den Kindern in die Höhe.) Wie heißt das Ding hier?

Sch. —

1) Man verwechsle nie die Begriffe „Eins“ und „Einheit“. Die gesetzte Einheit (nämlich die Eins 1mal gesetzt) ist die Eins. Darum ist „Eins“ eine Zahl, so gut wie „Zehn“ oder „Hundert“; jede Zahl läßt sich aber als „Einheit“ für ein aus ihr entstandenes „Vielfache“ auffassen. — Da das Rechnen in dem gegenseitigen Messen (Vergleichen) der Zahlen besteht, so kann mit der Eins, als dem absoluten Maße, das sich nur selbst zum Maße hat, nicht gerechnet werden. Der Schüler hat hier nur den abstracten Begriff der Einheit zu setzen, d. h. an einem Dinge concret zu machen. — Das Nämliche gilt für das Vergleichen der Zahl 2 mit 2, der Zahl 3 mit 3 u. s. f., obschon das Einmal-Nehmen oder Setzen derselben Zahl beim Vervielfachen, das Abzählen gleich großer Zahlen von einander und das Messen gleich großer Zahlen mit einander im praktischen Leben sehr häufig vorkommen; denn wie oft sagen wir beim Vervielfachen  $1 \times 4 = 4$  u. s. w., beim Abzählen  $1 - 1 = 0$ ,  $2 - 2 = 0$ ,  $3 - 3 = 0$  u. s. w. Grube übt dies nicht besonders; auch wir wollen es dem Lehrer überlassen, diese Uebung nach seinem Dafürhalten in den Gang hereinzuziehen, oder, wie Grube, sie auszulassen; für diesen letzteren Fall ist sie jedenfalls da zu berücksichtigen, wo sie für das Rechnen nothwendig wird.

L. Hab' ich mehrere Stühle oder nur einen Stuhl in der Hand?

Sch. —

L. Was ist also das?

Sch. —

L. Und was ist das hier (indem er auf ein Fenster zeigt)?

Sch. Das ist ein Fenster.

L. Wie viel Fenster sind das?

Sch. Das ist ein Fenster. u. s. w.

L. Was ist das?

Sch. Das ist ein Ofen?

L. Wie viel Ofen sind das?

Sch. Das ist ein Ofen.

L. Sind noch mehr Ofen in der Stube?

Sch. —

L. Recht, es sind nicht — mehr Ofen in der Stube. Wie viel Ofen sind also in der Stube?

Sch. — (Antworten die Kinder bloß Einer oder Eins, so wird gefragt: Was denn Einer oder Eins?)

L. Wo ist der Eine Ofen? (Immer muß in ganzen Sätzen geantwortet werden.)

Sch. —

L. Nennet mir noch mehr Dinge, die nur einmal in der Stube sind?

Sch. — (Es werden hier alle Dinge, die nur einmal da sind, aufgeführt, selbst des Kindes eigener Kopf, Mund, Nase &c. &c. Wesentlich ist, daß Alles, was genannt wird, nur einmal da ist; nennen die Kinder ein Ding, das mehrmals vorhanden ist, so wird dies berichtigt. — Nachdem möglichst alle in der Schulstube nur einmal vorhandenen Dinge genannt sind, wird eine wiederholte Aufzählung derselben in anderer Form, etwa in folgenden Sätzen, wesentlich zu einer sichereren und geläufigeren Sprache beitragen: In der Schulstube ist ein Ofen. In der Schulstube ist eine Wandtafel. In der Schulstube ist ein Stuhl &c. &c. — Der Lehrer thut darum wohl, die Wiederholung in dieser oder in einer anderen Form zu veranlassen. Darum fährt er etwa in folgender Weise fort:)

L. Kinder, ihr habt mir eben gesagt (auf den Ofen hinweisend): Das ist ein Ofen; aber jetzt sagt mir: Wie vielmal ein Ofen ist das?

Sch. —

L. Das (auf die Wandtafel hinweisend) ist wie vielmal eine Wandtafel?

Sch. —

L. Das ist wie vielmal ein Stuhl? (Griffel, Lineal, Buch, Apfel &c. &c.)

Sch. —

L. Hier schreibe ich euch Etwas auf die Wandtafel. (Der Lehrer macht einen Strich.) Was habe ich hier hingeschrieben?

Sch. —

L. Das sind wie viel Striche?

Sch. —

L. Und wie vielmal ein Strich ist das?

Sch. —

L. Ein Strich ist also wie vielmal ein Strich?

Sch. —

L. Ein Ofen ist wie vielmal ein Ofen?

Sch. —

L. Ein Stuhl ist wie vielmal ein Stuhl?

Sch. —

L. (u. s. w. — zum Striche zurückkehrend): Ein Strich ist wie vielmal ein Strich?

Sch. —

L. Eins ist wie vielmal Eins?

Sch. Eins ist einmal Eins. — Eins, einmal genommen, ist Eins.

— Einmal Eins ist Eins.

(Dies Lektüre wird geübt bis zur vollen Geläufigkeit, einzeln und im Chore; alsdann lernen die Kinder das zur vorausgegangenen Übung Gehörige schreiben.)

### Tafelrechnen.

L. Was habt ihr eben rechnen gelernt? Wer weiß es noch?

Sch. Einmal Eins ist Eins.

L. Sprecht es noch einmal zusammen!

Sch. —

L. Das ist recht. Nun dürft ihr, was ihr gesprochen habt, auch schreiben lernen. Seht darum, was ich jetzt auf die Tafel vorschreibe! (Der Lehrer schreibt und spricht:) Kleiner Haarstrich rechtschief aufwärts, Grundstrich senkrecht abwärts (1). Das ist das Zeichen für ein Ding, für Eins. Die großen Leute nennen es „Eins“, oder sie sagen: „Das ist die Ziffer 1“ Eins, das ist Eins, ein Einser.“ Sie machen es, wenn sie aufschreiben wollen, daß sie nur ein Stück von Etwas haben. Wie heißt also das (auf Eins deutend)?

Sch. —

L. Wer von euch kann mir jetzt auch Eins schreiben?

Sch. —

L. (Die Fähigeren und Lebendigeren werden rasch dazu bereit sein. Man läßt sie dann unter steter Aufmunterung, Eines nach dem Anderen, die Ziffer Eins auf die Wandtafel schreiben, und ihr Beispiel wird unter Anleitung des Lehrers selbst den Schüchternsten den Muth verleihen, dasselbe zu thun. Damit ist der erste Schritt zum schriftlichen Rechnen geschehen. Die Kinder sitzen nun wieder

1) Es kann nach der Ansicht mancher Lehrer diese und jede folgende schriftliche Rechenübung Anfangs statt in Ziffern auch in Strichen dargestellt werden. Diese Art der Darstellung hat Manches für, aber auch Manches gegen sich.

... Scholz verwirrt die Darstellung von Rechenaufgaben in Strichen.

... Auch Grube spricht sich dagegen aus, indem er sagt: „Die Bezeichnung der Operationen durch Striche, als  $|| \times || = ||$ ,  $|| - || = ||$  u. u. ist gar nicht anschaulich, fällt darum hier als überflüssig fort.“

Hentschel sagt darüber: „Man stellt z. B. die Additionsaufgaben so dar:

$$|| + || =$$

$$||| + ||| =$$

und das nennt man anschaulich. Ist es das? Ich zweifle sehr. Mindestens findet hier eine Vermischung des Anschaulichen mit dem Symbolischen statt, welche dem Begriffe des rein Elementarischen nicht besser entsprechen dürfte, als der Gebrauch der Ziffern. Noch deutlicher zeigt sich dies beim Subtrahiren, wo sich die Aufgaben so stellen:

$$|||| - ||| =$$

$$||||| - || =$$

Hier hört die Anschaulichkeit ziemlich auf. Der Schüler soll von fünf Strichen drei Striche hinwegnehmen, aber diese letzteren stehen, wenn man die Aufgabe in Strichen darstellt, neben den ersteren, sind also andere, als diese: darin liegt der Mangel an Anschaulichkeit. Daß endlich bei den Multiplications- und Divisionsaufgaben, wenn man sie so bezeichnet:

$$|| \times ||| =$$

$$||| \times ||| =$$

$$|| : ||| =$$

$$||| : ||| =$$

die letzte Spur von Anschaulichkeit verschwindet, bedarf keines Weiteren.“

Wir sprechen darum mit Hentschel: Da wir insbesondere das Multiplizieren und Dividiren schon in den ersten Zahlenkreis mit hereinziehen, so schien es uns doppelt rathsam, die Ziffern zeitig eintreten zu lassen. Niemand wird uns deshalb beschuldigen wollen, wir würden das Anschauliche und zwar das rein Anschauliche vernachlässigen; daß wir ihm im Gegentheile sein volles Recht einräumen, dazu liefern unsere Übungen wohl den vollständigsten Beweis. Etwas Anderes ist die Benützung der Striche zur Veranschaulichung der Zahl.

(auf ihren Plätzen, und der Lehrer fährt fort:) Jetzt soll Jedes von euch dies „Eins“ auf seine Tafel schreiben. Wer kann das?

Sch. (Da tönt es ganz gewiß:) Ich, ich!

L. Recht so! Die Tafel heraus! — Jetzt macht das „Eins“ auf eure Tafel! (Dictirübung im Zifferschreiben.)

Sch. (Schreiben.)

L. (Der Lehrer sieht überall nach, läßt die Ziffern auslöschen und dann wieder machen, bis dies mit Leichtigkeit und geordnet geht. Schluß:) Ausgelöscht! — Jetzt macht noch ein mal Eins.

Sch. (Machen es.)

L. Was habt ihr geschrieben?

Sch. —

L. Wie vielmal Eins habt ihr geschrieben?

Sch. —

L. Einmal Eins ist aber wie viel?

Sch. —

L. Jetzt wollen wir Alles schreiben lernen, was ihr eben gesprochen habt. Seht her! (Der Lehrer schreibt die Ziffer Eins auf die Wandtafel.) Was ist das?

Sch. —

L. Nun mach' ich euch für das Wörtchen „Mal“ ein Zeichen. ( $\times$ ) Für welches Wörtchen soll dies Zeichen stehen?

Sch. —

L. Wie können wir es darum auch heißen?

Sch. —

L. Leset jetzt von vornen! ( $1 \times$ )

Sch. „Eins mal.“

L. Ich schreibe weiter. (Er schreibt einen Einsler hinzu.) Könnt ihr's jetzt ganz lesen? ( $1 \times 1$ )

Sch. Eins mal Eins.

L. So ist's recht. Für das Wörtchen „ist“ machen wir 2 kleine wagrechte Striche. (= Der Lehrer macht sie.) ( $1 \times 1 =$ ) Für welches Wörtchen soll dies letzte Zeichen stehen?

Sch. —

L. Wie können wir es darum heißen?

Sch. —

L. Leset jetzt wieder von vornen! ( $1 \times 1 =$ )

Sch. —

L. Ich setze jetzt noch einen Einsler hinzu. ( $1 \times 1 = 1$ ) Leset ganz, was ich auf die Tafel geschrieben habe?

Sch. —

L. Noch einmal!

Sch. —

L. Statt Eins sagen die Leute in manchen Fällen auch „Ein“, hier z. B. sagen sie statt Eins mal Eins ist Eins — Ein mal Eins ist Eins. — Sprecht's darum jetzt noch einmal, so werden wir es gleich auch gelernt haben!

Sch. —

L. Noch einmal.

Sch. —

L. Recht so. Jetzt schreibt es auf eure Tafeln!)

Sch. (Die Kinder thuen es.)

1) Jede Ziffer, das Zeichen für das „Mal“ ( $\times$ ), das Zeichen für das „Ist“, so wie die später folgenden Zeichen für „Und“ (+), „Weniger“ (−) und „Gemessen“ oder „Ist enthalten in“ (:;) können auch im Schreiben einzeln geübt werden. Der Lehrer muß hier am besten wissen, wie seine Kinder im Schreiben im Allgemeinen vorangeschritten sind, und was er bei ihnen voraussetzen darf. Lieber aber übe er, als daß er zu viel voraussetzt.

L. Leset, was ihr geschrieben habt!

Sch. —

L. Recht so. Leset's noch einmal!

Sch. —

L. Eins ist also wie vielmal Eins?

Sch. —

L. Ein mal Eins ist wieviel?

Sch. —

L. Jetzt dürst ihr Das, was wir eben schreiben gelernt haben, so oft — aber es muß recht schön sein — auf die Tafel schreiben, bis die Seite ganz voll ist. Ich will sehen, wer es am Schönsten macht.

§. 356.

## II. Die angewandte Zahl.

(Nur Kopfrechnen.)

- 1) Was ist nur einmal in der Stube?
- 2) Was ist an deinem Kopfe nur einmal?
- 3) Was habt ihr zu Hause nur einmal?
- 4) Was sieht man in der Kirche nur einmal?
- 5) Was ist nur einmal am Himmel zu sehen?
- 6) Hier in dieser Stube ist nur ein Stuhl. Wenn ich den einen Stuhl hinausstrage, wie viel Stühle bleiben dann noch in der Stube?
- 7) Ein Kind bekam von seiner Mutter ein Apfelbröddchen. Weil es aber Hunger hatte, so aß es dasselbe gleich auf. Wie viel Apfelbröddchen hatte es nun noch?
- 8) Karl bekam von seinem Vater einen Kreuzer zum Geschenke; gleich wollte er sich Wecke dafür kaufen. Wie viel Kreuzerwecke wird er dafür bekommen?
- 9) Wie heißt die Hälfte von einem Wecke? — Von einem Apfel? — u. u.
- 10) Wie heißt die Hälfte von Eins?

Zweite Stufe.

§. 357.

## Praktische Behandlung der Zahl Zwei.

### I. Die reine Zahl.

a. Messen und Vergleichen.

Erste Übung. 2 verglichen mit 1.

Kopfrechnen,

L. Kinder, in der letzten Rechenstunde habt ihr mir allerlei Dinge genannt, die nur einmal da waren. Wer kann mir das heute noch einmal thun?

Sch. —

L. Du? — Du?

Sch. —

L. Wer noch mehr kann mir Dinge nennen, die nur einmal in der Schulstube sind? —

Sch. —

L. Anton, nenne mir, so viel du weißt!

Sch. —

L. Welche Dinge sind nur einmal in euerem Hause?

Sch. —

L. Welche Dinge sind nur einmal in der Kirche? (u. f. w.)

(Diese Repetition muß rasch und lebendig vorüber gehen.)

Sch. —

L. Was haben wir noch rechnen gelernt?

Sch. Einmal Eins ist Eins.

L. Sprecht noch einmal zusammen!

Sch. —

L. Das habt ihr aber auch geschrieben. Schreibt es noch einmal auf euere Tafeln

Sch. (Sie schreiben es.)

L. Leset's nun!

Sch. (Sie lesen es.)

L. Das habt ihr brav gemacht. Legt jetzt die Tafeln unter die Bank, und legt die Hände oben d'rauf! So! (Es wird vorausgesetzt, daß die Kinder an augenblickliche und pünktliche Ausführung Dessen, was der Lehrer sagt, gewöhnt sind.) — Ihr dürft nun heute schon wieder etwas Neues lernen; aber ich werde es nur die Kinder lehren, die mich ansehen und recht schön acht geben.

a. Zusammenzählen: Uebung des  $1 + 1 = 2$ .

Der Lehrer zieht den gestern zc. zc. benützten Apfel aus der Tasche und fragt: Wißt ihr noch, wie viel Äpfel ich da habe?

Sch. —

L. (Er zieht noch einen Apfel heraus und legt ihn zu diesem. „Jetzt sind's zwei!“ wird Eins oder das Andere ausrufen.) So, das wißt ihr schon? — Da könnt ihr mir auch sagen, wie viel Hände ich habe? (Der Lehrer legt die beiden Äpfel rasch auf die Seite und fährt fort:)

Sch. —

L. Wie viel Füße habe ich denn?

Sch. —

L. Wie viel Arme? (So fragt der Lehrer weiter, wie viel Augen, Ohren, Backen, Schultern, Seiten zc. zc. — immer darauf zeigend — haben wir?)

Sch. —

L. (Damit die Kinder Gelegenheit haben, zwischen 1 und 2 zu unterscheiden, so gebe der Lehrer jetzt Fragen durcheinander, etwa wie folgende:.) Wie viel Köpfe hat der Mensch?

Sch. —

L. Wie viel Nasen hat er denn?

Sch. —

L. Wißt ihr denn noch, wie viel Augen er hat?

Sch. —

L. Wie viel Defen habt ihr denn zu Hause in eurer Stube?

Sch. —

L. Wie viel Füße hat der Hahn?

Sch. —

L. (Der Lehrer nimmt nun ein Ding, das ihm nahe zur Hand ist und von welcher Art er gleich noch ein zweites bekommen kann, etwa einen Griffel zc. zc. Diesen vorzeigend, fragt er:.) Was ist das?

Sch. —

L. (Dieser Griffel wird nun vor den Augen der Kinder niedergelegt und mit der anderen Hand ein anderer Griffel genommen und in die Höhe gehalten, indem man weiter fragt:.) Und was ist das?

Sch. —

L. Aber jetzt aufgepaßt! (Der Lehrer nimmt den Griffel mit der einen Hand und spricht, ihn in die Höhe haltend:.) Das ist ein Griffel. (Gleich darauf nimmt er den zweiten Griffel mit der anderen Hand und spricht, diese fern von der ersten Hand in ziemlich gleicher Höhe haltend:.) Und das ist auch ein Griffel. Seht, ein Griffel und ein Griffel (indem der Griffel in der einen Hand zu dem Griffel in der anderen Hand gebracht wird) sind zwei Griffel. — Was habe ich gesagt? Was sind ein Griffel und ein Griffel?

Sch. —

L. Also ein Griffel und ein Griffel sind wie viel Griffel?

Sch. —

L. Und du, Karl, sag' mir auch noch einmal: Was sind ein Griffel und ein Griffel? u. s. w.

Sch. —

L. Sprecht's Alle zusammen!

Sch. —

L. (Die eine Hand vorzeigend.) Was habe ich hier?

Sch. —

- L. (Die andere Hand vorzeigend) Und hier?  
 Sch. —
- L. Eine Hand und eine Hand (indem er beide Hände zusammenhält) sind 2 Hände. Was habe ich gesagt?  
 Sch. —
- L. (Auf die eine Hand des Kindes zeigend.) Was hast du hier?  
 Sch. —
- L. (Auf die andere Hand des Kindes zeigend.) Und hier?  
 Sch. —
- L. (Er nimmt die eine Hand des Kindes und legt sie zur anderen.) Eine Hand und eine Hand sind wie viel Hände?  
 Sch. —
- L. (Ebenso bespreche man die übrigen Glieder des menschlichen Körpers, die doppelt vorhanden sind. — Zur Unterscheidung der Einheit und Zweifelt dient wohl auch folgende, den Unterricht belebende Frage: — Auf den Kopf des Kindes deutend —) Was hast du hier?  
 Sch. —
- L. Wo ist denn dein zweiter Kopf?  
 Sch. —
- L. Also wie viel Köpfe hast du nur?  
 Sch. —
- L. Wie viel Beine aber hast du?  
 Sch. —
- L. (Der Lehrer macht einen Strich auf die Tafel.) Was habe ich hier auf die Tafel geschrieben?  
 Sch. —
- L. (Der Lehrer macht noch einen Strich auf die Tafel.) Was habe ich noch einmal auf die Tafel geschrieben?  
 Sch. —
- L. Das ( | ) also ist ein Strich und das ( | ) ist auch ein Strich. Ein ( | ) Strich und ein ( | ) Strich sind wie viel Striche?  
 Sch. —
- L. Was ist also Eins und Eins?  
 Sch. —
- L. Sprech's zusammen!  
 Sch. —
- L. Noch einmal!  
 Sch. —
- b. Vervielfachen: Übung des  $2 \times 1 = 2$ .
- L. (Einen Finger zeigend.) Wie viel Finger sind das?  
 Sch. —
- L. (Einen anderen Finger in der anderen Hand vorhaltend.) Wie viel Finger sind das?  
 Sch. —
- L. Ein Finger (der Lehrer bringt beide Finger zusammen) und ein Finger sind wie viel Finger?  
 Sch. —
- L. Das aber (wieder den ersten Finger vorzeigend) ist wie vielmal ein Finger?  
 Sch. —
- L. Wie vielmal ein Finger (den anderen vorzeigend) ist das?  
 Sch. —
- L. Einmal ein Finger (den ersten vorzeigend) und noch einmal ein Finger (den anderen vorzeigend und beide zusammenhaltend) sind wie viel Finger?  
 Sch. —
- L. 2 Finger sind wie vielmal ein Finger?  
 Sch. —
- L. Zweimal ein Finger sind wie viel Finger?  
 Sch. —



L. (Auf ein Fenster deutend.) Wie viel Fenster sind hier?

Sch. —

L. (Auf ein anderes Fenster deutend.) Und hier?

Sch. —

L. Ein Fenster und ein Fenster sind wie viel Fenster?

Sch. —

L. Wie vielmal ein Fenster sind 2 Fenster?

Sch. —

L. (In derselben Weise werden noch viele Beispiele vorgeführt z. B.) Ein Kreuzer (nachher etwa Tisch, Buch, Ei, Nuß, Weck, Apfel u. u. und ein Kreuzer sind wie viel Kreuzer?

Sch. —

L. 2 Kreuzer sind wie vielmal ein Kreuzer?

Sch. —

L. 2 mal ein Kreuzer sind wie viel Kreuzer?

Sch. —

L. (Die Kinder sprechen in der Regel bei allen Uebungen einzeln und nur zur Abwechslung, zur größeren Belebung des Unterrichtes, zur Uebung im Takt sprechen u. u. oder zum Schlusse auch im Chöre. Zwischenfragen: Nennet mir Dinge, die nur 2mal in dieser Stube sind! — Was habe ich nur 2mal an meinem Körper? — Schluß dieser Uebung.) Ein Ding (nachher Strich) und ein Ding sind wie viel Dinge?

Sch. —

L. 2 Dinge sind wie vielmal ein Ding?

Sch. —

L. 2mal 1 Ding sind wie viel Dinge?

Sch. —

L. Eins und Eins ist wie viel?

Sch. —

L. 2 ist wie vielmal Eins?

Sch. —

L. 2mal 1 ist wie viel? (Dieses wird besonders hervorgehoben.)

Sch. —

c. Abzählen: Uebung des  $2 - 1 = 1$

$- 1 = 0$

L. Seht jetzt noch einmal her! (Der Lehrer nimmt wieder am besten, 2 zum Unterrichte noch nicht benützte Gegenstände, in Ermangelung dieser thuen es auch wieder 2 Griffel oder etwa 2 Nüsse, 2 Äpfel oder sonst 2 Dinge, die er sich wegen des größeren Interessens der Kinder schon vor dem Unterrichte in die Tasche, in den Kull u. u. gesteckt hatte, heraus und fährt fort:) Heute habe ich euch etwas Neues mitgebracht. (Er holt es langsam heraus und fragt dann, wenn er es am Schlusse plötzlich außen hat und es vorzeigt, rasch:) Was ist das?

Sch. —

L. Ah! das kennt ihr noch nicht. Seht, das sind zwei Haselnüsse. Betrachtet sie euch recht. Sie sind kleiner wie die anderen Nüsse, aber doch so rund, wie diese; außen ganz glatt, und inwendig haben sie auch einen Kern, den man essen kann. Was also sind das?

Sch. —

L. Sprecht's zusammen?

Sch. —

L. Friß, von den zwei Haselnüssen darfst du dir eine wegnehmen.

Sch. (Er thut's.)

L. Wie viel Haselnüsse sind mir noch übrig?

Sch. —

L. Davon darfst du dir noch eine Haselnuß hinwegnehmen.

Sch. (Er thut's wieder.)

L. Wie viel Nüsse habe ich jetzt noch übrig behalten?

Sch. —

L. Ihr habt jetzt da alle Etwas gesehen. Habt ihr es aber auch verstanden? — Ich will euch fragen, da werde ich es an eueren Antworten gleich merken. Karl, wenn man von zwei Haselnüssen eine Haselnuß hinwegnimmt, wie viel Haselnüsse sind da noch übrig?

Sch. —

L. Von einer Haselnuß aber noch eine Haselnuß hinweggenommen, sind noch wie viel Haselnüsse?

Sch. —

L. Also: 2 Haselnüsse weniger eine sind wie viel Haselnüsse?

Sch. —

L. Eine Haselnuß weniger eine läßt wie viel übrig?

Sch. —

L. (Dasselbe müssen die Kinder noch an vielen anderen Dingen z. B. Stäbchen, Griffeln, Äpfeln, Klicdern, Kartoffeln, Bohnen, Strichen u. s. w. sehen, so daß ihnen die Abstraction leicht wird.) 2 weniger 1 ist wie viel?

Sch. —

L. Eins weniger Eins ist wie viel?

d. Messen<sup>1)</sup>: Uebung des  $1 : 2 = 2$ .

L. Da (der Lehrer zeigt eine Elle vor) habe ich heute wieder ein Ding mitgebracht, wie ich euch noch keines in der Schule gezeigt habe. Wer weiß, was es ist?

Sch. (Viele rathen, einige wissen es.) Eine Elle.

L. Und da habe ich (der Lehrer mißt vor den Augen der Kinder an 2 noch mit einander verbundenen Ellen Band oder Kordel oder Schnür z. z. 1 Elle ab) eine Elle Band und (indem er weiter mißt) noch eine Elle Band. Wie viel Ellen Band sind das zusammen?

Sch. —

L. Warum?

Sch. —

L. Zwei Ellen sind wie vielmal eine Elle?

Sch. —

L. Zweimal eine Elle sind wie viel Ellen?

Sch. —

1) Hier sind drei Begriffe den Kindern durch Anschauung zum Verständnisse zu bringen:

1. Der Begriff des Enthaltenseins;
  2. Der Begriff des eigentlichen Messens, der sich auf das Enthaltensein gründet und theilweise mit ihm identisch ist, und
  3. Der Begriff des Theilens, der gleichsam das Enthaltensein in sich schließt.
- In Betreff des Enthaltenseins und des Messens dreht sich die Entwicklungskatechese um die Fragen:

1. Wie vielmal eine Zahl in einer anderen enthalten sei;
  2. Welche Zahl so und so vielmal in einer anderen enthalten sei, und
  3. In welcher anderen Zahl eine Zahl so und so vielmal enthalten sei.
- Beim Theilen ist das Ziel der Katechese, die Kinder dahin zu bringen, daß sie eine Zahl als Theil von einer anderen auffassen und insbesondere angeben lernen:
1. Der wie viele Theil eine gegebene Zahl von einer anderen sei;
  2. Von welcher Zahl eine gegebene Zahl ein bestimmter Theil sei, und
  3. Wie viel ein bestimmter Theil einer gegebenen Zahl betrage.

Diese Begriffe können aber keineswegs durch eigentliche Begriffserklärungen oder langes Hin- und Herdemonstriren den Kindern klar gemacht werden; sondern sie müssen an Beispielen die Sache schauen und sehen und in Folge davon fühlen und erkennen, zuletzt das Erkannte üben und durch Uebung zur Fertigkeit bringen. Wer dieses erreicht, hat im Rechenunterrichte bei den Kindern der Elementarklasse seine volle Schuldigkeit gethan. — Mit dem Begriffe des Theilens in dem oben angegebenen Sinne wollen wir jedoch die Kinder erst bei der Zahl 4 vertraut machen, weil die Zahlen 1 und 3 uns hierzu nicht geeignet erscheinen und die Zahl 2 zu wenig Wechsel bietet.

L. Zwei Ellen weniger eine Elle sind wie viele Ellen?

Sch. —

L. Weniger eine Elle ist wie viel?

Sch. —

L. Wie vielmal kann ich also eine Elle von den 2 Ellen wegnehmen?

Sch. —

L. Wie vielmal muß demnach auch eine Elle in den 2 Ellen enthalten sein?

Sch. —

L. Wie oft steckt also die eine Elle in 2 Ellen?

Sch. —

L. Wenn ich aber jetzt mit der Elle die zwei Ellen Band messen wollte, wie oft könnte ich alsdann eine Elle aus den zwei Ellen ab- oder herausmessen?

Sch. —

L. Ich will gleich sehen. (Er mißt eine Elle Band ab.) Einmal. (Er mißt noch eine Elle ab.) Zweimal. Wie viel ist noch übrig?

Sch. —

L. Mit 1 Elle in 2 Ellen Band gemessen, geht also wie vielmal?

Sch. —

L. Das ist recht. Jetzt geht aber noch einmal acht! Gestern ging ein Mädchen mit einem Topfe auf den Markt und kaufte von einer Frau 2 Schoppen Milch. Diese Frau hat ihm zuerst einen Schoppen und dann noch einen Schoppen Milch in den Topf gemessen. Wie viele Schoppen Milch hatte das Mädchen jetzt im Topfe?

Sch. —

L. Warum?

Sch. —

L. 2 Schoppen sind wie vielmal 1 Schoppen?

Sch. —

L. 2mal 1 Schoppen sind wie viel Schoppen?

Sch. —

L. Wenn man aber von den 2 Schoppen Milch, die das Mädchen im Topfe hat, wieder einen Schoppen herausmißt; wie viel Schoppen bleiben da noch in dem Topfe?

Sch. —

L. Wenn man auch diesen noch herausmißt, wie viel Milch ist dann noch in dem Topfe?

Sch. —

L. Wie vielmal einen Schoppen Milch kann man also von den 2 Schoppen wieder herausmessen?

Sch. —

L. In wie viel Schoppen ist ein Schoppen 2mal enthalten?

Sch. —

L. Wie viel Schoppen sind in 2 Schoppen 2mal enthalten?

Sch. —

L. Wie oft steckt 1 Schoppen Milch in 2 Schoppen Milch?

Sch. —

L. Mit einem Schoppen in 2 Schoppen gemessen geht also wie vielmal?

Sch. —

L. Mit Eins in 2 gemessen geht demnach auch wie vielmal?

Sch. —

L. Mit welcher Zahl muß ich in 2 messen, damit es 2mal geht?

Sch. —

L. In welcher Zahl ist Eins zweimal enthalten?

Sch. —

L. (Der Lehrer mag hier noch mehrere Beispiele in ähnlicher Weise ausführen und dies so lange fortsetzen, bis alle Kinder vollständige Einsicht in die Sache erlangt haben und befähigt sind, alle hier vorkommenden und ähnlichen Fragen in Sätzen, logisch richtig, sprachrichtig und geläufig zu beantworten. Erst dann darf der Lehrer zu einer weiteren Übung übergehen. — Die Mittel zur Veranschaulichung, wie hier die Elle, das Band oder statt dessen ein anderes

durch das Längenmaß zu messendes Ding, das Schoppenblech u. s. w. u. s. w. dürfen dem Lehrer bei den ersten Uebungen nie fehlen. Er sei keineswegs zu sparsam in Anwendung derselben. Vor den Augen der Kinder soll er messen; denn es muß ganz besonders der erste Rechenunterricht sich auf Anschauungen basiren, sonst taugt er Nichts.) —

Den Schluß der vorausgegangenen Einzelübungen bildet eine kurze Wiederholung des Ganzen, etwa in folgender Weise: Ihr habt jetzt allerlei gelernt. Ich will einmal sehen, wer es gut behalten hat. (Zuerst erhält jedes einzelne Kind eine oder zwei Fragen, aber nie in derselben aufeinanderfolgenden Ordnung; haben dann alle gut und richtig geantwortet, dann geht es im Chore:)  $1 + 1$  ist wie viel?

Sch. —

L. 2 ist wie vielmal 1?

Sch. —

L. 2 weniger 1 ist wie viel?

Sch. —

L. 2 gemessen durch 1 ist wie viel?

Sch. —

L. Was ist  $1 + 1$ ?

Sch.  $1 + 1 = 2$ .

L. Wie vielmal 1 ist 2?

Sch.  $2 \times 1 = 2$ .

L. 2 weniger 1 ist wie viel?

Sch.  $2 - 1 = 1$ .

L. 1 gemessen in 2 ist wie viel oder geht wie vielmal?

Sch.  $2 : 2 = 2$ .

### Tafelrechnen.

L. Die Ziffer (d. i. ein Zeichen oder ein Bild für) Eins habt ihr schon schreiben gelernt. Jetzt will ich euch auch zeigen, wie man aufschreibt, daß man zwei Dinge hat. Seht! (Der Lehrer schreibt die Ziffer 2 langsam, aber kräftig und groß auf die Wandtafel, so daß die Kinder mit Spannung auf ihn sehen. Wenn er fertig ist, spricht er erklärend weiter.) Das heißt zwei; die großen Leute sagen: Das ist ein Zweier, oder das ist die Ziffer 2. Sie bedeutet so viel als Eins und noch Eins. Wer von euch kann mir das auf der großen Wandtafel nachschreiben?

Sch. —

L. (Ganz gewiß sind Kinder da, die dies wollen. Durch diese werden wieder die Schüchternen und weniger Fähigen zu Gleichem aufgemuntert. Soll aber die erste Aufforderung ohne Erfolg geblieben sein, so muntert der Lehrer durch sein noch ein- oder mehrmaliges Vorschreiben dieser Ziffer die Kleinen zur Nachahmung auf. Versuchen sich dann Einige, und haben die Anderen deren Erfolg gesehen; dann wollen die Meisten, und es ist nicht mehr schwer, selbst die noch Zurückbleibenden zu dieser Uebung heranzuziehen. Wo möglich müssen Alle das 2 an der Wandtafel ein- oder mehrmal im Beisein des Lehrers schreiben; denn ist ihnen dies gelungen, so sind sie über das Werk voller Freude, voller Begierde und neuer Lust und mit einer gewissen Beherztheit und Entschlossenheit gehen sie an die Uebung des Schreibens der Ziffer 2 auf ihrer Tafel. Hören wir einen gemüthlichen steierischen Lehrer, wie er uns seine Verfahrensweise in diesem Punkte erzählt. Er sagt: „Komm her, du Hansel, du hast gestern den Einser so gut getroffen, versuch' heute auch den Zweier. Ich lösche den Dastehenden weg und

1) Hier kann die Ziffer 2 nach ihren Bestandtheilen aufgefaßt und beschrieben werden. Es hat dies sein Gutes, jedoch ist es für Kinder, die schon ein halbes Jahr die Schule besuchen und schreiben, nicht gerade unbedingt nöthig. Der Lehrer mag hier das ihm geeignet Scheinende wählen. — Ein Gleiches mag für die von manchen Lehrern in Gebrauch gebrachte, vereinfachte Schreibart der Ziffer 2 gelten; also statt 2 so 2 oder Z schreiben zu lassen. Wir möchten es nicht sehr empfehlen.

schreibe (damit ich seine und der übrigen Meinung, es sei schwer, unterdrücke) ziemlich schnell einige Zweier hin, lösche sie dann weg, gebe ihm die Kreide, und er schreibt einen ganz erträglichen Zweier hin. Darauf frage ich: Wer will denn noch versuchen, wie leicht es ist, einen Zweier zu machen? (Es schmunzeln mehrere und getrauen sich nicht recht heraus mit dem „Ich“.) Komm her, Seppel, versuch' du es! — Er versucht's; es geht ziemlich gut und so Jeder. — Machen wir es ähnlich so.) — Sind Alle damit fertig, dann fährt der Lehrer fort: Wer von euch kann jetzt die Ziffer 2 auf seine Schiefertafel schreiben?

Sch. —

L. (Nach der angedeuteten Vorbereitung fehlt wohl kein Kind. Der Lehrer läßt dies einigemal unter seiner Aufsicht geschehen, auslöschen und wieder geschehen und hilft dabei den Schwächeren, wo es nöthig ist, noch ein wenig corrigirend nach; dann läßt er die Kleinen entweder zur stillen Beschäftigung oder als Aufgabe für zu Hause oder als beides nacheinanderfolgend eine ganze Tafel voll Zweier schreiben. Eine weitere Aufgabe zur stillen Beschäftigung ist das wiederholte Schreiben von 1 in Verbindung mit 2, d. i. 1 und 2. — oder wenn dies Schreiben gleich sehr gut geht, so fährt der Lehrer fort:) Kinder, jetzt könnt ihr auch das 2 schreiben (und lesen). Wer aber weiß mir noch zu sagen, was wir von 2 rechnen gelernt haben?

Sch. —

L. Also was ist  $1 + 1$ ?

Sch. —

L. Wie vielmal 1 ist 2?

Sch. —

L. 2 weniger 1 ist?

Sch. —

L. 1 gemessen in 2 ist?

Sch. —

L. Recht, aber ihr Kinder! wer das 1 und das 2 recht gut hat schreiben lernen, der kann auch das Gerechnete jetzt aufschreiben; nur muß ich euch noch Etwas dazu zeigen. Seht darum her auf die Tafel! Doch sagt mir noch einmal zusammen, was habt ihr zuerst von 2 rechnen gelernt?

Sch. Eins und Eins ist Zwei.

L. Also seht her! (Der Lehrer schreibt die Ziffer Eins auf die Tafel.) Da (darauf deutend) ist Eins. Das kennt ihr schon; für das „und“ machen wir so (+) ein stehendes Kreuzchen. (Der Lehrer macht's.) Für welches Wörtchen machen wir dies stehende Kreuzchen?

Sch. —

L. Was bedeutet demnach das Kreuzchen?

Sch. —

L. Wenn wir von vornen anfangen zu lesen, wie können wir dann für das Kreuzchen sagen?

Sch. —

L. Lest von vornen! Der Lehrer darauf deutend ( $1 +$ ).

Sch. Eins und.

L. Fortfahrend, indem er eine weitere Ziffer 1 anfügt und spricht:) Eins! ( $1 + 1$ ). Lest von vornen!

Sch. Eins und Eins!

L. Für das „ist“ machen wir zwei gleiche Strichlein ( $1 + 1 =$ ) übereinander.

L. Lest von vornen ( $1 + 1 =$ )!

Sch. Eins und Eins ist.

L. (Der Lehrer wiederholt dies, nach dem Ende zu mehr betont.) Eins und Eins ist (und fährt schreibend und sprechend fort:) (2) Zwei. (Vor den Augen der Kinder ist jetzt entstanden:)

$$1 + 1 = 2.$$

Lest von vornen

Sch. —

L. (Dies geschieht noch einigemal einzeln und zuletzt wieder im Chöre. Gleichzeitig mit dem Chorsprechen schreibt der Lehrer das Ganze noch ein- oder

einigemal und fährt dann fort:) Wer von euch kann dies jetzt auch auf die große Wandtafel schreiben?

Sch. —

L. (Er läßt dies von möglichst vielen Kindern thun und macht zuletzt daraus eine Aufgabe zur stillen Beschäftigung, indem er sie auffordert, das Ganze  $(1 + 1 = 2)$  auf ihre Schiefertafel zu schreiben.)

Ganz in derselben Weise werden die Kinder schreiben gelehrt:

$$2 \times 1 = 2$$

$$2 - 1 = 1$$

$$1 : 2 = \frac{1}{2}$$

Es steht nun das ganze Rechengesetzchen, wie sich dies durch die Grube'sche Behandlung der Zahl 2 ergibt, auf der Schultafel, und die Kinder müssen es verstehen. Verstehen sie es nicht Alle oder nicht ganz, so ist das weitere Verständniß noch zu veranlassen. Alsdann ist es zur Fertigkeit zu bringen, wobei zugleich Bedacht darauf genommen wird, daß sich die Kinder auch die Form der Darstellung merken. Zum Schlusse schreiben es die Kinder aus dem Kopfe nieder, oder wir benützen die „Rechenfibel von G. Köpp“<sup>1)</sup> und lassen die Kinder aus der Zahl 2 die Aufgabe 1. lösen.

1) Als Aufgabensammlung empfehlen wir für den ganzen Rechenunterricht

a) zum Gebrauche in Süddeutschland:

**Köpp, G.**, Rechenfibel oder Vorbereitungsheft zu den vier Grundrechnungsarten, umfassend den Zahlenkreis von 1 bis 10 und von 10 bis 100 in über 30,000 Aufgaben. Preis 3 fr.

— die vier Grundrechnungsarten in unbenannten ganzen Zahlen. 1. Heft. 7. Auflage. Preis einzeln 6 fr. — Partiepreis à 4 fr.

— die vier Grundrechnungsarten in gleich- und ungleichbenannten ganzen Zahlen. 2. Heft. 7. Auflage. Preis einzeln 8 fr. — Partiepreis à 6 fr.

— die vier Grundrechnungsarten in unbenannten, sowie in gleich- und ungleichbenannten Brüchen. (Gemeine und Decimalbrüche.) 3. Heft. 4. Aufl. Preis 8 fr. — Partiepreis à 6 fr.

— die Anwendung der vier Grundrechnungsarten im Drei-, Fünf- und Vielsäße, sowie in den Zins-, Gewinn- und Verlust-, Theilungs- oder Gesellschafts-, Durchschnitts- und Mischungsrechnungen. 4. Heft. 5. Auflage. Preis 8 fr. — Partiepreis à 6 fr.

— — Auflösungen zum 1. u. 2. Heft. 2. Aufl. Preis 15 fr.

— — Auflösungen zum 3. u. 4. Heft. 2. Aufl. Preis 15 fr.

b) Zum Gebrauche in Norddeutschland:

**Hentschel, G.**, Rechenfibel. Nebungsbüchlein für die ersten Anfänger im schriftlichen Rechnen, umfassend die Zahlen von 1 bis 10 und von 1 bis 100. Vorläufer der Aufgaben zum Zifferrechnen. 11. Aufl. 1860. 8. roh. 1 $\frac{1}{2}$  Sgr.

— — Aufgaben zum Zifferrechnen.

1. Heft. 1. Abth. 14. Aufl. 1860. roh. 1 $\frac{1}{2}$  Sgr.

1. " 2. " 15. " " " 2 "

2. " 1. " 12. " " " 2 "

2. " 2. " 8. " " " 2 "

— — Aufgaben über die Decimalbrüche. Für den Schulgebrauch entworfen und mit Erläuterungen versehen. 1854. 8. roh. 2 Sgr.

— — Antwortbüchlein zur Rechenfibel. 2. Aufl. 1858. 8. steif gebunden. 3 Sgr.

— — zu den Aufgaben zum Zifferrechnen.

1. Heft. 1. u. 2. Abth. 8. Aufl. 1860. steif geb. 4 Sgr.

2. " 1. Abth. 7. Aufl. 1858. steif geb. 4 Sgr.

2. " 2. " 6. " " " 4 "

— — zu den Aufgaben über die Decimalbrüche. 1854. 8. steif geb. 3 Sgr.

Zweite Übung. Auffuchen des Unterschiedes zwischen 1 und 4 und umgekehrt.

Kopfrechnen.

L. Hier sind etliche Nüsse; davon will ich dem Philipp 2 und dem Karl 1 geben; sie sollen beide herauskommen!

Sch. (Sie kommen.)

L. Wie viel Nüsse will ich dem Philipp geben?

Sch. —

L. (Gibt sie ihm.) Und wie viel Nüsse will ich dem Karl geben?

Sch. —

L. (Gibt sie ihm.) Wie viel Nüsse hat jetzt Philipp?

Sch. —

L. Und wie viel hat Karl?

Sch. —

L. Wer hat die meisten Nüsse?

Sch. —

L. Wie viel hat er?

Sch. —

L. Wie viel hat er mehr, als Karl?

Sch. —

L. 2 Nüsse sind also wie viel Nüsse mehr, als 1 Nuß?

Sch. —

L. 2 ist demnach wie viel mehr, als 1?

Sch. —

L. Wer hat die wenigsten Nüsse?

Sch. —

L. Wie viel Nüsse hat Karl?

Sch. —

L. Wie viel Nüsse hat er weniger, als Philipp?

Sch. —

L. Eine Nuß ist also wie viel Nüsse weniger, als 2 Nüsse?

Sch. —

L. Eins ist demnach wie viel weniger, als 2?

Sch. —

(Zeigen jedoch die Antworten bei der Art Fragen, wie die letzte, daß die Abstractionskraft der Kinder noch nicht so weit erwachsen ist; so kann sie nicht durch Demonstrieren gegeben, sondern muß erst noch durch mehr Übungen, wie sie in dem Vorhergehenden angedeutet sind, hervorgerufen werden. Erklären hilft ein für allemal nicht und ist bei der rechten Stellung der Fragen auch überflüssig.) Auf dieselbe Weise sind den Kindern folgende Sätze zu veranschaulichen und klar zu machen:

Zwei ist das Zweifache von 1 oder das Doppelte von 1.

Eins ist der zweite Theil von 2 oder die Hälfte von 2.

§. 358.

b. Schnellrechnen.

Kopfrechnen.

Vorbemerkung. Um den Kindern in Dem, was sie in den vorausgegangenen Übungen gelernt haben, eine rechte Gewandtheit anzueignen, wiederhole man erstens das Ganze in den verschiedensten Ausdrücken, aber nach den Operationen durcheinander und fasse dann zweitens die verschiedenen Operationen der verschiedenen Übungsstufen zusammen in eine, aber doch wieder in sich geordnete Übung, hauptsächlich nach dem Grundsatz: „Vom Leichteren zum Schwereren!“ Demgemäß übe man die vier Grundrechnungsarten zuerst an 2, dann an 3, dann an 4 und dann an mehreren Zahlen. Wir geben hierzu im Nachfolgenden die Verfahrensweise mit dem besonderen Bemerkten, daß dieselbe bei jeder folgenden Stufe in der Hauptsache die nämliche bleibt. Es wäre deshalb Raumverschwendung, sie bei denselben zu wiederholen. Bei den künftigen Übungen im Schnellrechnen wird darum immer hierher zurückverwiesen; Ziel der einzelnen Übungen ist, daß die Antwort augenblicklich erfolgen muß.

## Anleitung zur Wiederholung des bereits Gelernten.

Verschiedene Fragen zur Uebung der vier Rechnungsarten; sie folgen hier der leichteren Uebersicht wegen geordnet nach den letzteren. Die Fragen sind aber bei der Uebung durcheinander zu stellen. —

## A d d i t i o n.

- Was ist die Summe von 1 und 1?  
 Um wie viel ist 1 weniger, als 2?  
 Welche Zahl entsteht, wenn man 1 zu 1 zählt?  
 Wie viel ist 1 vermehrt durch 1?  
 Welche Zahl ist um 1 mehr, als 1?  
 Welche beiden Zahlen geben zusammen 2?

## S u b t r a c t i o n.

- Welche Zahl entsteht, wenn man 1 von 2 wegnimmt?  
 Um wie viel ist 1 weniger, als 2?  
 Zu welcher Zahl muß man 1 zählen, um 2 zu erhalten?  
 Welche beiden Zahlen sind um 1 von einander verschieden?  
 Von welchen beiden Zahlen ist 1 der Rest?  
 Eins und welche Zahl geben 2?  
 Welche Zahl ist um 1 kleiner, als 2?  
 Was ist der Unterschied zwischen 1 und 2?

## M u l t i p l i c a t i o n.

- Was ist das Zweifache oder Doppelte von 1?  
 Welche Zahl ist zweimal so groß, als 1?  
 Welche Zahl entsteht aus der Bervielfältigung von 1 durch 2?  
 Welche beiden Zahlen sind, mit einander multiplicirt, gleich 2?  
 2 ist wie vielmal 1?  
 1 ist die Hälfte von welcher Zahl?

## D i v i s i o n.

- Was ist der halbe Theil (die Hälfte) von 2?  
 Welche Zahl ist 2mal so klein, als 2?  
 Wie viel gibt 2 getheilt durch 2?  
 Wie oft ist 1 in 2 enthalten?  
 Wie oft kann man 1 von 2 wegnehmen?  
 In welcher Zahl ist 1 zweimal?  
 Eins ist der wie vierte Theil von 2?  
 Wie viele Einer geben 2?

## II.

## Das eigentliche Schnellrechnen.

## a. Schnellrechnen mit zwei Zahlen.

2. Was (oder wie viel) ist:

$$1 + 1 = ?$$

$$2 - 1 = ?$$

$$1 \times 2 = ?$$

$$1 : 2 = ? \text{ u. s. w.}$$

Saget mir eine Zahl, die um 1 größer ist, als die Zahl, die ich euch nenne! Eins?

Sch. —

2. Nennet mir eine Zahl, die um Eins kleiner ist, als 2?

Sch. —

2. Was ist 2 einmal genommen?

Sch. —

2. Welches ist die Hälfte von 2?

Sch. —

## b. Schnellrechnen mit drei Zahlen.

Hier kommen etwa folgende Aufgaben zur mündlichen Lösung:

$$2 - 1 - 1 =$$

$$1 \times 2 + 1 =$$



$$\begin{array}{r}
 2 \rightarrow \times 11 \equiv \\
 1 : 2 \equiv \\
 1 + 1 : 2 \equiv \\
 1 \times 2 - 2 \equiv \\
 1 - 1 + 2 \equiv \\
 \text{u. f. w.}
 \end{array}$$

Die Behandlungsweise ist aus der nachfolgenden Übung des Schnellrechnens mit 4 und mehr Zahlen zu ersehen.

c. Schnellrechnen mit vier und mehr Zahlen.

Aufgaben zur Lösung sind:

$$\begin{array}{r}
 2 - 1 + 1 - 2 \equiv \\
 1 \times 2 : 2 + 1 \equiv \\
 1 + 1 - 2 + 1 \equiv \\
 1 : 2 - 2 - 1 \equiv \\
 \text{u. f. w.}
 \end{array}$$

Wie viel ist  $1 + 1 - 1 - 1 + 2 - 1 \times 2 : 1 - 1$ ?

Wie viel ist zwei weniger Eins, — weniger Eins — und Eins — und Eins, weniger zwei — und Eins, mal zwei, gemessen durch Eins?

u. f. w.

Diese Aufgaben sind als Kopfrechenaufgaben vorzüglich; denn nach gehörig allseitiger Auffassung der behandelten Zahl durch die vorausgegangenen Übungen im „Messen und Vergleichen“ üben und bilden dieselben außerordentlich. Sie sind darum sehr zu vermehren und mannigfaltig zu gestalten. Jede folgende Zahl vermehrt die Gelegenheit dazu. Nur muß stets dahin gewirkt werden, daß die Antworten rasch und dabei immer überlegt erfolgen. Stufenmäßig auch bei dieser Übung, selbst beim Lösen der Aufgaben, zu verfahren, führt, wie überall zur sicheren Gewandtheit. So können beim Lösen der Aufgaben mit 3, 4 und mehr Zahlen folgende Stufen dem Kinde die Sache sehr erleichtern. Wir denken uns z. B. die letzte Aufgabe; bei dieser können folgende Lösungsstufen eintreten:

Erste Lösungsstufe: Zu jeder Operation kann das Resultat rasch gesagt werden, wie:

- Q.  $2 - 1$  ist wie viel?
- Sch. Eins.
- Q.  $- 1$  ist wie viel?
- Sch. Nichts.
- Q.  $+ 1$  ist wie viel?
- Sch. Eins.
- Q.  $+ 1$  ist wie viel?
- Sch. Zwei.
- Q.  $- 2$  ist wie viel?
- u. f. w.

Über mit Ausführung der Frage „wie viel?“

- Q. Wie viel ist  $2 - 1$ ?
- Sch. Eins.
- Q.  $- 1$ ?
- Sch. Nichts.
- Q.  $+ 1$ ?
- Sch. Eins.
- Q.  $+ 1$ ?
- Sch. Zwei.
- Q.  $- 2$ ?
- u. f. w.

Zweite Lösungsstufe: Nach Ausführung zweier Operationen kann das Resultat gesagt werden, wie:

- Q.  $2 - 1 - 1$  ist wie viel?
- Sch. Nichts.
- Q.  $+ 1 + 1$  ist wie viel?
- Sch. Zwei.
- Q.  $- 2 + 1$  ist wie viel?
- Sch. Eins.
- Q.  $\times 2 : 1$  ist wie viel?
- Sch. Zwei.

Über mit Ausführung der Frage „wie viel?“

- Q. Wie viel ist  $2 - 1 - 1$ ?
- Sch. Nichts.
- Q.  $+ 1 + 1$ ?
- Sch. Zwei.
- Q.  $- 2 + 1$ ?
- Sch. Eins.
- Q.  $\times 2 : 1$ ?
- Sch. Zwei.

Dritte Auflösungsstufe: Nach Ausführung von drei, dann von mehreren und zuletzt von allen Operationen kann das Resultat gesagt werden. (Nach dem Sprechen einer jeden Zahl ist aber einzuhalten, um dem Schüler zur Ausführung ein wenig Zeit zu lassen. Die Pause wird, je nachdem es geläufiger geht, immer kürzer.)

Das Resultat wird gesagt nach 3 Operationen:

- Q. Wie viel ist  $2 - 1 - 1 + 1$ ?
- Sch. Eins.



$$2 + 1 - 2 + 1?$$

Sch. Eins.

$$2 \times 2 : 1?$$

Sch. Zwei.

u. s. w.

Letzte Auflösungsstufe:

Das Resultat wird erst am Schlusse der Aufgabe gesagt:

$$2. \text{ Wie viel ist } 2 - 1 - 1 + 1 + 1 - 2 + 1 \times 2 : 1?$$

Sch. Zwei.

## Tafelrechnen.

Hier kommen jetzt ähnliche Aufgaben, wie sie im Vorausgehenden gegeben wurden, zur Lösung. Siehe „Rechenfibel von G. Köpp“ Zahl 2, Aufg. 2.

## c. Kombinieren.

## Kopfrechnen.

Wer weiß Rechenbeispiele, die immer, wenn sie ausgerechnet werden, 2 geben? Diese (oder statt ihrer die sehr allgemeine Frage: „Was ist 2?“) läßt viele und vielerlei und auf jeder weiteren Stufe immer mehr richtige Antworten zu; ihre allseitige Lösung durch die Kinder ist jedoch außerordentlich bildend, weil sie im Nachdenken gegenseitig mit einander wetteifern können. Von großem Gewinne ist es für sie, wenn jede Lösungsart der obigen Frage nur einmal angenommen wird. Sobald die Kinder das bereits Durchgenommene verstanden haben, und der Lehrer sie recht anzuregen und aufzumuntern versteht; dann folgen auf die obigen Fragen rasch aufeinander die Antworten:

$$2 \text{ ist } 1 + 1$$

$$2 \text{ ist } 1 \times 2$$

$$2 \text{ ist } 2 \times 1$$

2 ist 1 : (gemessen in) 2 oder 2 gemessen durch 1.

Schon bei der Zahl 4 ist eine außerordentliche Mannigfaltigkeit in der Beantwortung möglich. — Die rechte Behandlungsweise belebt den Unterricht sehr.

Diese Fragen wiederholen sich auf jeder Stufe nur mit Beziehung auf die dort zu behandelnde Zahl. Eine zweite Frageweise, die ebenfalls auf jeder Stufe wiederkehren soll und auf jeder folgenden reichere Ausbeute gewährt, ist:

Wie viel muß ich noch zu 1 legen, damit ich 2 erhalte? oder

Welche Zahl vervollständigt 1 zu 2? oder

Welches ist die Ergänzungszahl zu 1, damit es 2 gibt?

Es mögen dann noch Fragen anderer Art folgen, etwa wie die nachstehenden?

Welche Zahl steckt 2mal in 2?

Von welcher Zahl ist 2 das Doppelte?

Welches ist die Hälfte von 2?

Von welcher Zahl ist 1 die Hälfte?

Welche Zahl muß ich verdoppeln, um 2 zu bekommen?

Ich kenne eine Zahl, die hat 1 mehr, als 1. Welche ist das?

Welche Zahl muß ich zu 1 zählen, um 2 zu bekommen? u. s. w.

(Je zahlreicher die Aufgaben dieser Art gegeben werden und je verschiedener dieselben eingekleidet sind, desto nützlicher, interessanter und bildender wird diese Übung. Ueberall aber ist Klarheit die erste und wesentlichste Bedingung. Man hüte sich darum recht sehr vor zu langen Sätzen und vor verwickelter Einleidung hier, wie überhaupt bei allen Aufgaben auf diesen Stufen.)

## Tafelrechnen.

Eine entsprechende Aufgabe für's Tafelrechnen ist insbesondere die allseitige schriftliche Beantwortung der Frage: „In welchen Ausdrücken läßt sich 2 darstellen?“ oder: „Schreibet Rechenbeispiele auf, die immer, wenn sie ausgerechnet werden, 2 geben!“ Die Lösung der Aufgabe wird in Ziffern geschrieben.

§. 359.

## II. Die angewandte Zahl.

## Vorbemerkung.

Die nachstehenden Aufgaben sollen und dürfen, weil sie aufeinanderfolgend größtentheils gleiche Resultate geben, wie in der Ordnung, zuerst die Additions-

nachher die Subtractions-Aufgaben u. s. w., wie sie hier gegeben sind, folgen; sie sollen vielmehr, was sicher besser ist, schon auf dieser Stufe durcheinander gegeben werden. Wir haben sie hier nur der leichteren Uebersicht wegen und noch mehr, um sie in einem anderen Lehrgange leichter citiren zu können, nach den 4 Grundrechnungsarten geordnet. Aufgaben aus den vorhergehenden Stufen sind überall wieder einzuschalten.

## Nur Kopfrechnen.

### a. Zusammenzählen.

Welche Thiere haben am Kopfe 1 Horn und noch 1 Horn?

Wie viele Ohren hat die Kuh am Kopfe?

1 Tisch und 1 Tisch sind wie viel Tische?

Was hast du an deinem Körper 2mal?

Zwei zusammengehörige Dinge nennt man ein Paar. Von welchen Dingen hast du an deinem Körper ein Paar?

Ein Fremder schenkte gestern dem kleinen Karl 1 Kreuzer, und dann gab er dem höflichen Franz auch noch einen Kreuzer. Wie viel Kreuzer hatte der Fremde hergeschenkt?

Auf einem Acker stehen nur am oberen und am unteren Ende ein Baum.

Wie viel Bäume sind auf dem ganzen Acker?

Eine Nuß und noch eine Nuß sind wie viele Nüsse?

### b. Abzählen.

Ein Huhn legte 1 Ei, wie viel Eier muß das Huhn noch legen, bis es 2 Eier sind?

Aber Franz, sag' mir einmal: Wenn 2 Buben mit einander gehen, und einer geht voran, wie viel gehen dann hinter diesem?

Wenn aber von 2 Buben einer fortläuft, wie viel sind noch da? — Wie viel Buben sind jetzt weniger da, als vorhin?

Wie viel ist 2 mehr, als 1?

Wenn du von 2 Kapseln einen gegessen hast, wie viel hast du noch übrig? — Wie viel hast du jetzt weniger, als vorhin?

Dein Vater gibt dir 2 Kreuzer, davon sollst du deinem Bruder einen Kreuzer und noch einen Kreuzer geben; wie viel hast du dann noch?

Wie viel behält man noch übrig, wenn man von 2 Gulden 1 ausgibt?

Wie viel Arme behält ein Soldat noch, dem im Kriege ein Arm abgeschossen wird?

Wie viel sind 2 Birnen weniger eine Birne?

Fritz hatte 2 Kreuzer und kaufte sich für 1 Kreuzer Kirschen; wie viel behielt er noch?

Karl ist 2 Jahre alt; Anna nur 1; wer ist älter? — Wie viel Jahre ist Karl älter als Anna?

### c. Vervielfachen.

Das ist einmal 1 Glas, und das ist noch einmal 1 Glas; wie vielmal 1 Glas sind das zusammen?

Karl fing jedesmal einen Fisch, wenn er die Angel auswarf. Er warf sie 2mal aus; wie viel Fische fing er?

2 Groschen sind wie vielmal 1 Groschen?

2 Schuhe sind wie vielmal 1 Schuh?

2mal 1 Kappe sind wie viel Kappen?

Philipp bekam von seiner Mutter einen Apfel, seine Schwester bekam gerade noch einmal so viel. Wie viel Äpfel hatte sie?

Draußen sah ich vorhin 2 Knaben mit Klittern spielen; der eine hatte 1 Klitter, der andere aber hatte doppelt so viel. Wie viel Klitter hatte er?

Wenn ein Milchweck 1 Kreuzer kostet, wie viel kosten dann 2?

Ein Griffel kostet 1 Kreuzer, wie viel kosten 2 Griffel?

### d. Messen.

In meinem Sacke habe ich 2 Nüsse; wie vielmal kann ich 1 Nuß herausnehmen?

In einer Sparbüchse sind 2 Guldenstücke, wie vielmal ist 1 Guldenstück darin?  
 Wie vielmal ist 1 Schoppen Eßig in 2 Schoppen Eßig enthalten?  
 Wie vielmal kann ich 1 Elle Zeug von 2 Ellen Zeug wegmessen?  
 Wie vielmal kann ich 1 Schoppen Del aus 2 Schoppen Del herausmessen?  
 Mit 1 Schoppen in 2 Schoppen gemessen, geht wie vielmal?  
 Wie viel Kreuzerwecke kannst du für 1 Kreuzer kaufen?  
 Da sind 2 Nüsse. Ich will sie unter 2 Kinder vertheilen. Wie viel Nüsse bekommt Jedes?

## Dritte Stufe.

§. 360.

## Praktische Behandlung der Zahl Drei.

## I. Die reine Zahl.

## a. Messen und Vergleichen.

Erste Uebung: 3 verglichen mit 1.

## Kopfrechnen.

a. Zusammenzählen: Uebung des  $1 + 1 + 1 = 3$ .

(Die Uebung des Zusammenzählens läßt überall, wo sie jetzt vorkommt, mit Ausnahme der Uebung, in welcher sie mit der um Eins kleineren Zahl, als sie selbst ist, verglichen wird, 3 Steigerungs- und eine weitere Uebungsstufe zu; wie das Nachfolgende dies deutlich zeigt. Wir wollen jedoch zuerst die Zahl 3 schauen und auffassen. Der Lehrer knüpft an die Äpfel an und greift dann zu anderen Veranschaulichungsmitteln.)

L. (Einen Apfel aus der Tasche nehmend.) Wie viel Äpfel habe ich da?  
 Sch. —

L. Und wie viel habe ich noch in der Tasche? (Die Kinder denken an die bisherigen 2 und antworten:)

Sch. Einen Apfel.

L. Mir scheint, jetzt habt ihr gefehlt. Ihr waret voreilig. Ich will gleich sehen, wie viel noch darin sind. (Indem der Lehrer 2 Äpfel aus der Tasche zieht:) Hab' ich da einen Apfel?

Sch. Zwei.

L. Wichtig. Ich lege jetzt den einen Apfel zu den zweien her; (Er thut es.) weiß schon Jemand von euch, wie viel es jetzt sind?

Sch. Drei.

L. Du, Anton (indem ich die Äpfel, je einen, auf den Tisch lege), wie viel Äpfel hab' ich auf den Tisch gelegt?

Sch. Einen Apfel.

L. Wie viel liegen jetzt da?

Sch. Zwei.

L. Und jetzt?

Sch. Drei.

L. Ich lege jetzt die 3 Äpfel vor dich hin, Bernhard. Zähle mir sie in meine Hand her!

Sch. —

L. Du, Christian, zähle die Federn, welche ich in die Hand genommen habe, aber recht laut, daß es alle anderen Kinder hören können!

Sch. —

L. Was habe ich denn jetzt in der Hand, Daniel?

Sch. Bücher.

L. Wie viel denn? (u. s. w.)

Sch. Drei.

$$1 + 1 = 2; 2 + 1 = 3.$$

L. (Der Lehrer holt einen Würfel und zeigt ihn.) Da ist ein anderes Ding (□). Wer von euch kennt es?

Sch. —

L. Recht so, das ist ein Würfel; wer noch keinen gesehen hat, der betrachte ihn jetzt recht. — Wie viel Würfel sind das?

Sch. —

L. (Er holt einen zweiten Würfel und zeigt ihn, in einiger Entfernung vom ersten, vor.) Und wie viel Würfel sind das (□)?

Sch. —

L. (Indem er beide zusammenbringt.) Was sind aber ein Würfel und noch ein Würfel? (□ □)

Sch. —

L. Da habe ich noch so ein Ding. (Es vorzeigend.) (□) Wie nennt man es?

Sch. —

L. Wie viel Würfel sind dies?

Sch. —

L. (Er bringt die 2 Würfel und den einen zusammen.) Die 2 Würfel (□ □) und der 1 Würfel (□) geben zusammen (□ □ □) wie viel Würfel?

Sch. —

L. 1 Würfel und 1 Würfel sind wie viel Würfel?

Sch. —

L. Aber 2 Würfel und 1 Würfel geben wie viel?

Sch. —

(Man fasse diese Uebung jetzt etwas kürzer auf folgende Weise:)

$$1 + 1 = 2$$

$$+ 1 = 3.$$

L. Anna, du kannst ja auch recht laut antworten. 1 Würfel und 1 Würfel sind wie viel Würfel?

Sch. 1 Würfel und 1 Würfel sind 2 Würfel?

L. Und ein Würfel sind wie viel Würfel?

Sch. Und ein Würfel sind drei Würfel.

$$1; 2; 3.$$

(Zu rascherem Denken und zur Probe der Auffassung dient die folgende noch mehr verkürzte Uebung. Die Kinder werden dabei zu munterem Handeln aufgefordert. Partien, neben einander aufgestellt und gleichzeitig handelnd, werden lebendigen Wettstreit in diese Uebung bringen; zuletzt können alle Kinder miteinander wetteifern, wenn sie ihre Finger zu dieser Uebung benützen, 3 Griffel, 3 Steinchen u. w. mitgebracht haben oder der Lehrer entfernt von einander 1 Strich oder Punkt, dann 2 und 3 Striche oder Punkte auf die Schultafel gemacht hat (| | | | |).)

L. (Erst einzeln.) Emilie, zeige mir 1 Finger!

Sch. —

L. Zeige mir 2 Finger!

Sch. —

L. Zeige mir 3 Finger!

Sch. —

L. Wer zeigt mir zuerst 2 Finger? — 1 Finger? — 3 Finger? — 3 Griffel? — 2 Griffel? — 1 Griffel? u. s. w.

Sch. —

L. Wo sind auf der Tafel 3 Striche? — 1 Strich? — 2 Striche? — u. s. w.

Sch. —

#### Wiederholung und Abrundung.

L. Wie viel Würfel sind 1 Würfel und 1 Würfel und 1 Würfel?

Sch. —

L. Was sind 1 Finger, 1 Finger und 1 Finger zusammen?

Sch. —

L. 1 Strich, 1 Strich und 1 Strich sind wie viel Striche? u. s. w.

Sch. —

L. Eins und Eins und Eins ist wie viel?

Sch. —

L. Eins und Eins ist wie viel?

Sch. —

L. Zwei und Eins ist wie viel?

Sch. —

L.  $1 + 1 + 1 = ?$

b. Vervielfachen: Übung des  $3 \times 1 = 3$ .

Der Lehrer macht sich etwa 3 Striche auf die große Tafel.

L. (Auf den ersten Strich deutend.) Das hier sind wie viel Striche?

Sch. —

L. Wie vielmal ein Strich ist das?

Sch. —

L. (Auf den zweiten Strich deutend.) Das sind wie viel Striche?

Sch. —

L. Wie vielmal ein Strich ist das?

Sch. —

L. (Auf den dritten Strich deutend.) Und das hier sind wie viel Striche?

Sch. —

L. Wie vielmal ein Strich ist das?

Sch. —

L. Also das (auf den ersten Strich deutend) ist einmal 1 Strich, und das (auf den zweiten Strich deutend) ist einmal ein Strich, und das (auf den dritten Strich deutend) ist auch einmal ein Strich. Wie vielmal ein Strich ist das zusammen?

Sch. —

L. Dreimal ein Strich sind wie viel Striche?

Sch. —

L. Einmal ein Strich (auf den ersten deutend) sind wie viel Striche?

Sch. —

L. Zweimal ein Strich (auf die 2 ersten deutend) sind wie viel Striche?

Sch. —

L. Dreimal ein Strich (auf alle 3 deutend) sind wie viel Striche?

Sch. —

L. (In derselben Weise zeige man an Griffeln, Tafeln, Büchern, Bohnen u. s. w. Punkten, daß  $3 \times 1 = 3$  und daß  $3 = 1 \times 3$  ist.) — Dreimal Eins ist wie viel?

Sch. —

L. Einmal Eins ist wie viel?

Sch. —

L. Zweimal Eins ist?

Sch. —

L. Dreimal Eins ist wie viel?

c. Abzählen: Übung des  $3 - 1 - 1 - 1 = 0$ .

$$3 - 1 = 2; 2 - 1 = 1; 1 - 1 = 0.$$

(Die im Zusammenzählen angeschaute Zahl wird vor Allen in anschaulichen Dingen aufgestellt, in Würfeln, Stäbchen, Klüppeln, Bohnen u. c. Wir wollen uns hier wieder der Würfel bedienen.)

L. Wie viel Würfel sind dies?

Sch. —

L. Von den 3 Würfeln nehme ich einen Würfel ganz hinweg. (Er thut es.)

L. Wie viel Würfel habe ich von den 3 Würfeln weggenommen?

Sch. —

L. Wie viel Würfel sind noch übrig?

Sch. —

L. 3 Würfel weniger ein Würfel sind also noch wie viel Würfel?

Sch. —

L. Ich nehme jetzt von den 2 Würfeln noch einen Würfel hinweg. (Er thut es.)

L. Wie viel Würfel habe ich von den 2 Würfeln weggenommen?

Sch. —

L. Wie viel sind noch übrig geblieben?

Sch. —

L. 2 Würfel weniger 1 Würfel sind wie viel Würfel?

Sch. —

L. Ich nehme jetzt von dem einen Würfel noch einen Würfel hinweg. (Er thut es.) Wie viel Würfel habe ich eben wieder hinweggenommen?

Sch. —

L. Wie viel Würfel sind noch übrig geblieben?

L. 1 Würfel weniger 1 Würfel sind also wie viel Würfel?

Sch. —

L. So ist's recht. An den Würfeln haben wir jetzt gelernt. (Der Lehrer wiederholt die Veranschaulichung:) 3 Würfel weniger 1 Würfel sind wie viel Würfel?

Sch. —

L. 2 Würfel weniger 1 Würfel sind wie viel Würfel?

Sch. —

L. Und 1 Würfel weniger 1 Würfel ist wie viel?

Sch. —

(Die vorstehende Übung kürze man unter Benützung der Veranschaulichungsmittel auf folgende Weise ab:)

$$3 - 1 = 2$$

$$- 1 = 1$$

$$- 1 = 0.$$

L. (Der Lehrer zeigt rasch wieder die 3 Würfel.) Das sind wie viel Würfel?

Sch. —

L. 3 Würfel weniger 1 Würfel (Er nimmt einen Würfel hinweg) sind wie viel Würfel.

Sch. —

L. (Er nimmt einen weiteren Würfel weg.) Weniger 1 Würfel sind wie viel Würfel?

Sch. —

L. (Er nimmt den letzten weg.) Weniger 1 Würfel ist noch wie viel?

Sch. —

(Nochmalige Abkürzung)

$$3; 2; 1; 0.$$

L. (Eine Hand und an dieser 3 Finger in die Höhe haltend.) Wie viel Finger sind das?

Sch. —

L. (Er thut einen Finger weg.) Und das?

Sch. —

L. (Er thut noch einen Finger weg.) Und das?

Sch. —

L. (Er thut den letzten weg.) Und wie viel Finger sind jetzt noch da?

Sch. —

L. Streck einmal euere rechte Hand in die Höhe!

Sch. (Sie thuen es.)

L. Zeigt mir an euerer rechten Hand 3 Finger!

Sch. —

L. Jetzt nur 2 Finger!

Sch. —

L. Einen Finger! (Diese Übung wird in verschiedener Form und in und außer der Ordnung an anderen Dingen fortgesetzt.)

Wiederholung und Abrundung.

$$3 - 1 - 1 - 1 = 0.$$

L. Jetzt wollen wir die Würfel noch einmal nehmen. (Er nimmt sie alle 3.) Wie viel sind es?

Sch. —

L. (Indem er einen nach dem anderen rasch wegnimmt, spricht er:) 3 Wür-

fel weniger 1 Würfel, weniger 1 Würfel, weniger 1 Würfel sind noch wie viel Würfel?

Sch. —

L. Ebenso zeige dies der Lehrer an anderen Dingen und leite wiederum daraus ab: 3 weniger 1, weniger 1, weniger 1 ist wie 1 viel?

Sch. —

L. 3 weniger 1 ist wie viel?

Sch. —

L. 2 weniger 1 ist wie viel?

Sch. —

L. 1 weniger 1 ist wie viel?

Sch. —

L. Wie viel ist  $3 - 1 - 1 - 1$ ?

Sch. —

d. Messen: Übung des  $1 : 3 = 3$ .

L. Jetzt haben wir schon an allerlei Dingen rechnen gelernt, an Stäbchen, Griffeln, Tafeln, Büchern, Bohnen, Äpfeln, Nüssen, Strichen und Punkten, an der Elle und vielen anderen Dingen. Heute habe ich uns aber ein ganz anderes Ding vom Krämer holen lassen. Ich glaube nicht, daß ihr es schon alle kennt. — Es ist von Holz gemacht und hält gerade so viel, wie ein Schoppenblech. Es ist auch so rund und hohl, wie dieses, nur etwas breiter und niedriger. (Der Lehrer holt es.) Seht ihr, daß es von Holz gemacht ist (er hält das Schoppenblech daneben), und wie es so rund und hohl ist, wie das Schoppenblech? Ist es auch so hoch, wie dieses? (Beide zeigend.)

Sch. —

L. Und so breit? (Beide mit dem Boden aufeinander haltend.)

Sch. —

L. (Zur anschaulichen Fortsetzung der Übung ist es gut, wenn sich der Lehrer einige mit dem Mäßchen meßbare Dinge, etwa 3 Mäßchen Bohnen, Linsen, Hirsen, u. u. hat verschaffen können. In Ermangelung dieser Dinge thut auch Sand oder geriebene Erde die nämlichen Dienste.) Hier sind Bohnen. Da wollen wir gleich sehen, ob eines so viel hält, als das andere. (Er füllt das Schoppenblech mit Bohnen und leert es in das Mäßchen aus.) Richtig, ganz genau so viel. (Das Schoppenblech in die Höhe haltend.) Wie nennen wir dieses Ding?

Sch. —

L. Das Schoppenblech hält also genau einen Schoppen. Mit dem Schoppenblech werden meistens nur Dinge gemessen, die fließen, flüssig sind. Das Ding da von Holz, welches auch genau einen Schoppen hält, dient zum Messen von trockenen Sachen. Da ihr es jetzt kennt, so will ich euch auch sagen, wie man es heißt. Alle Leute nennen es Mäßchen. Wie heißt es?

Sch. —

L. Was wird mit dem Mäßchen gemessen?

Sch. —

L. Ja, trockene Sachen z. B. Bohnen, Linsen, Suppengries, Suppengerste, Nüßsamen, Hanssamen, Dickwurzelnsamen, Schnitzen, oft auch Kartoffeln und viele andere Dinge, auch Sand u. dgl. — Wir wollen jetzt einmal die Bohnen, die ich da mitgebracht habe, messen und sehen, wie viel Mäßchen es sind. (Er füllt das Mäßchen mit Bohnen und leert es, wenn er nichts Anderes hat, in die Kappe eines Knaben aus. — Vor dem Ausleeren fragt er noch, das Mäßchen in die Höhe haltend:.) Das sind wie viel Mäßchen Bohnen?

Sch. —

L. (Er füllt es zum 2. Mal, zeigt es wieder vor und fragt:.) Wie viel Mäßchen sind das?

Sch. —

L. Ein Mäßchen Bohnen in der Kappe und ein Mäßchen Bohnen hier, (er leert es jetzt zu jenem aus) sind wie viel Mäßchen?

Sch. —



L. (Er füllt das Mäßchen zum 3. Mal; es wird gerade so voll, und so zeigt er es vor.) Wie viel Mäßchen Bohnen sind das?

Sch. —

L. (Er leert es dann zu den 2 Mäßchen aus) 2 Mäßchen und 1 Mäßchen sind wie viel Mäßchen?

Sch. —

L. Franz hat also wie viel Mäßchen Bohnen in der Kanne?

Sch. —

L. Ihr habt gesehen, wie vielmal 1 Mäßchen ich hineingemessen habe. 3 Mäßchen Bohnen sind wie vielmal 1 Mäßchen Bohnen?

Sch. —

L. 3mal 1 Mäßchen Bohnen sind wie viel Mäßchen?

Sch. —

L. Wie vielmal ist 1 Mäßchen in 3 Mäßchen enthalten?

Sch. —

L. Recht so! Das können wir ganz deutlich sehen, wenn wir mit dem 1 Mäßchen die 3 Mäßchen Bohnen herausmessen. Ich will es aber nicht selbst thun. Der Karl (mit einem Wink, daß er herauskommen soll) wird es auch können. Was können wir ganz deutlich sehen, wenn wir mit einem Mäßchen die 3 Mäßchen Bohnen herausmessen?

Sch. —

L. Was mußt du aber thun, um hier ganz deutlich zu sehen, daß 1 Mäßchen in den 3 Mäßchen 3mal enthalten ist?

Sch. Ich muß sehen, wie oft ich 1 Mäßchen aus den 3 Mäßchen (herausnehmen) herausmessen kann.

L. Miß einmal ein Mäßchen heraus!

Sch. —

L. Was hast du gethan?

Sch. Ich habe einmal ein Mäßchen Bohnen herausgemessen.

L. Miß noch einmal 1 Mäßchen heraus.

Sch. —

L. Was hast du jetzt gethan?

Sch. Ich habe 2mal ein Mäßchen Bohnen herausgemessen.

L. Miß noch einmal ein Mäßchen heraus!

Sch. —

L. Was hast du jetzt gethan?

Sch. Ich habe dreimal ein Mäßchen herausgemessen.

L. Miß noch einmal ein Mäßchen heraus!

Sch. —

L. Warum nicht?

Sch. —

L. Wie vielmal hast du also ein Mäßchen von 3 Mäßchen herausmessen können?

Sch. —

L. Mit einem Mäßchen in 3 Mäßchen gemessen, geht also wie vielmal?

Sch. —

L. Warum geht es 3mal, wenn mit 1 Mäßchen in 3 Mäßchen gemessen wird?

Sch. —

L. Ein Mäßchen ist also wie vielmal in 3 Mäßchen enthalten?

Sch. —

L. Weil 1 Mäßchen in 3 Mäßchen 3mal enthalten ist, deßwegen geht es wie vielmal, wenn man mit 1 Mäßchen in 3 Mäßchen mißt?

Sch. —

L. Mit Eins in 3 gemessen, geht also wie vielmal?

Sch. —

L. Wie viel ist 3, gemessen durch Eins?

Sch. —

L. Und Eins, gemessen in 3, ist wie viel?

Zum Schluß Wiederholung, Zusammenstellung (mündlich und schriftlich auf der Schultafel) und dann Einübung der durch die 4 vorausgehenden Uebungen erzielten Resultate.

## Tafelrechnen.

Bei der Zahl 1 und 2 wurde deutlich gezeigt, wie nach dem Kopfrechnen der der betreffenden Übung entsprechende Stoff für das schriftliche Rechnen vorzubereiten ist. Die dort gezeigte Verfahrensweise wiederholt sich auf jeder folgenden Stufe unter Benützung Dessen, was die Kinder bereits können; wohl wird sie sich auf jeder folgenden Stufe etwas abkürzen lassen. Bevor man jedoch abkürzt, prüfe man genau, ob man nicht zu viel voraussetze. Einzelnen Nachzählern ist so lange nachzuhelfen, bis es auch bei ihnen geht. Geschieht diese Nachhilfe bisweilen in der Weise, daß Alle dabei aufmerken müssen; so wird dadurch auch den Andern noch genützt, weil sie immer fester werden.

Indem wir uns beim Tafelrechnen für diese und alle folgenden Übungen der verschiedenen Stufen dieses Zahlenkreises auf die S. 596 und 604 angegebene Verfahrensweise beziehen, geben wir jedesmal nur noch den zu übenden Stoff.

Der Stoff für diese Übung wird sich in seiner Zusammenfassung darstellen, wie folgt (Siehe „Röpp's Rechenfibel“ Zahl 3, Aufgabe 1):

$$\begin{aligned} 1 + 1 + 1 &= ? \\ 3 \times 1 &= ? \\ 3 - 1 - 1 - 1 &= ? \\ 1 : 3 &= ? \end{aligned}$$

Als Zwischenübungen kommen vor:

$$\begin{aligned} 1 + 1 &= 2 \\ 2 + 1 &= 3 \\ 3 - 1 &= 2 \\ 2 - 1 &= 1 \\ 1 - 1 &= 0 \text{ u. c.} \end{aligned}$$

Zweite Übung: 3 verglichen mit 2.

Kopfrechnen.

a Zusammenzählen: Übung des  $1 + 2 = 3$

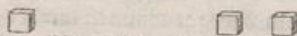
L. Die Würfel sollen uns noch einmal dazu dienen, an ihnen etwas Neues zu lernen. Ich will sie, wie Soldaten, vor euch aufstellen:



Wie viel Würfel sind da aufgestellt?

Sch. —

L. Seht nun Acht auf das, was ich da mache! — (Der Lehrer rückt einen Würfel links ab.)



Wie viel Würfel sind das hier allein (auf den ersten deutend)?

Sch. —

L. Und wie viel Würfel sind das hier allein (auf die 2 letzten zusammen deutend)?

Sch. —

L. Wie viel Würfel sind aber der eine Würfel (er rückt denselben wieder zu den Zweien und deutet jetzt auf die letzteren) und die 2 Würfel zusammen?

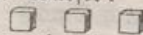
Sch. —

L. Ein Würfel und Zwei Würfel sind also wie viel Würfel?

Sch. —

Dasselbe ist noch an anderen Dingen zu zeigen und daraus zu abstrahiren: Eins und Zwei ist wie viel?

L. Seht noch einmal auf die Würfel!



Sie stehen ganz gleichweit von einander. Ich will jetzt einen davon wegrücken und sehen, ob ihr mich versteht. (Der Lehrer thut es.)



Wie viel Würfel stehen hier (auf die 2 Würfel deutend)?

Sch. —

L. (Auf den einen Würfel deutend.) Und hier?

Sch. —

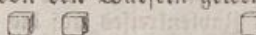
L. (Indem der Lehrer auf die 2 Würfel deutet.) Zwei Würfel und ein Würfel (den er zu den Zweien bezieht) sind zusammen wie viel Würfel?

Sch. —

L. Wie viele Würfel sind also 2 Würfel und 1 Würfel?

Sch. —  
An anderen Dingen ist das Nämliche zu veranschaulichen und daraus zu abstrahiren: Zwei und Eins ist wie viel?

b. Bervielfachen: Übung des  $1 \times 2 + 1 = 3$ .

L. Was haben wir von den Würfeln gelernt, als sie so  gestanden haben?

Sch. —

L. Recht! Also  $2 + 1$  ist wie viel?

Sch. —  
L. Seht sie jetzt noch einmal recht an! Wie viel Würfel sind dies (auf die 2 Würfel deutend)?

Sch. —

L. Wie vielmal 1 Würfel sind dies?

Sch. —

L. Zu einmal 2 Würfel fehlen noch wie viel, bis es 3 sind?

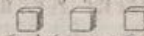
Sch. —


L. Einmal 2 Würfel und ein Würfel sind wie viel Würfel?

Sch. —

Auf die nämliche Weise kann und soll dies noch an anderen Dingen bis zur vollständigen Erkenntniß und Fertigkeit klar gemacht werden; abzuleiten ist dann:  $1 \times 2 + 1$  ist wie viel?

c. Abzählen: Übung des  $3 - 2 = 1$ .

L. Ich stelle die Würfel wieder zusammen in eine Reihe. 

Gebt Acht auf Das, was ich jetzt mache! Ich nehme zwei Würfel davon weg (er thut es); ; wie viel sind dann noch übrig?

Sch. —

L. Wie viel habe ich hinweggenommen?

Sch. —

L. Von wie viel Würfeln habe ich 2 Würfel hinweggenommen?

Sch. —

L. Wenn von 3 Würfeln 2 weggenommen werden, so bleiben noch wie viel übrig?

Sch. —

L. 3 Würfel weniger 2 Würfel sind also wie viel Würfel?

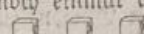
Sch. —

Das Nämliche lasse der Lehrer seine Kinder auch noch an anderen Dingen erkennen; ableiten läßt sich dann davon:  $3 - 2 = 1$ .

d. Messen: Übung des  $2 : 3 = 1 (1)$ .

L. Eben habt ihr an den 3 Würfeln gelernt: 3 Würfel weniger 2 Würfel sind wie viel Würfel?

Sch. —

L. Ich stelle die 3 Würfel noch einmal auf: 

Franz, du sollst jetzt selbst sehen, wie oftmal oder wie vielmal du 2 Würfel von den 3 Würfeln wegnehmen kannst. Was sollst du thun?

Sch. —

L. Thue es!

Sch. —

L. Was hast du gethan?

Sch. —

L. Wie vielmal hast du 2 Würfel von den 3 Würfeln weggenommen?

Sch. —

- L. Wie viel Würfel sind noch übrig geblieben?  
 Sch. —
- L. Nimm jetzt noch einmal 2 Würfel hinweg!  
 Sch. Ich kann nicht mehr.  
 L. Warum nicht?  
 Sch. —
- L. Wie vielmal kannst du also 2 Würfel von 3 Würfeln hinwegnehmen?  
 Sch. —
- L. Wie vielmal sind demnach 3 Würfel in 3 Würfeln enthalten?  
 Sch. —
- L. Wie viel Würfel sind aber dann noch übrig?  
 Sch. —
- L. Wie vielmal sind also 2 Würfel in 3 Würfeln enthalten, und was bleibt noch übrig, oder was bleibt noch Rest?  
 Sch. —
- L. Wie oft kann ich 2 Ellen von 3 Ellen wegmesen?  
 Sch. —
- L. Wie vielmal sind also 2 Ellen in 3 Ellen enthalten?  
 Sch. —
- L. Was bleibt noch Rest?  
 Sch. —
- L. Wie vielmal ist also 2 in 3 enthalten, und was ist noch Rest?  
 Sch. —
- L. Welche Zahl ist einmal in 3 enthalten, wenn noch Eins übrig bleibt?  
 Sch. —
- L. In welcher Zahl ist 2 einmal enthalten, so daß noch Eins übrig bleibt?  
 Sch. —
- L. Wie oft sind 2 Ellen in 3 Ellen enthalten?  
 Sch. —
- L. Wir wollen es sehen. Da ist die Elle, und da sind 3 Ellen Kordel. (Der Lehrer mißt vor den Augen der Kinder selbst einmal 2 Ellen ab; beim Messen kann er sprechen:) Eine Elle; — zwei Ellen. (Er hält ein.) Wie vielmal 2 Ellen habe ich abgemessen?  
 Sch. —
- L. (Der Lehrer zeigt, was übrig ist.) Kann ich jetzt noch einmal 2 Ellen abmessen?  
 Sch. —
- L. Wie vielmal kann ich also 2 Ellen von 3 Ellen ab- oder herausmessen?  
 Sch. —
- L. Warum?  
 Sch. —
- L. Was bleibt noch übrig, noch Rest? (Der Lehrer zeigt dies an der Elle.)  
 Sch. —
- L. 2 Ellen von 3 Ellen abgemessen, oder mit 2 Ellen in 3 Ellen gemessen, geht also wie vielmal, und was bleibt noch Rest? u. s. w.  
 Sch. —
- L. Mit 2 in 3 gemessen, geht demnach wie vielmal, und wie viel bleibt Rest?

Wiederholung, Zusammenstellung (mündlich und schriftlich auf der Schultafel) und Einübung der durch die 4 vorausgehenden Übungen erzielten Resultate.

### Tafelrechnen.

Das Verfahren, wie beim Tafelrechnen, S. 596 und 604. Es wird sich dasselbe jedoch mit dem Erringen größerer Fertigkeit nach und nach mehr abkürzen lassen.

Den Stoff für dasselbe siehe „Röpp's Rechenfibel“ Zahl 3, Aufgabe 2:

$$\begin{array}{r} 2 + 1 = ? \\ 1 \times 2 + 1 = ? \end{array}$$

$$3 - 2 = ?$$

$$2 : 3 = ? \text{ )}$$

Dritte Übung : Auffuchen des Unterschiedes zwischen 3 und den in 3 enthaltenen Zahlen.

L. Seht noch einmal die 3 Würfel recht an! — Jetzt seht, was ich wieder mit den 3 Würfeln mache. (Der Lehrer rückt 2 Würfel links und 1 Würfel rechts.)

Wie viel Würfel sind es zusammen?

Sch. —

L. Wie viel Würfel sind dies (auf die 2 Würfel deutend)?

Sch. —

L. Sind 3 Würfel so viel, als 2 Würfel?

Sch. —

L. Was ist mehr, 3 Würfel oder 2 Würfel?

Sch. —

L. 3 Würfel sind wie viel Würfel mehr, als 2 Würfel?

Sch. —

L. Was ist weniger, 3 Würfel oder 2 Würfel?

Sch. —

L. 2 Würfel sind wie viel Würfel weniger, als 3 Würfel?

Sch. —

L. 3 Würfel und 2 Würfel sind also nicht gleich viel; 3 Würfel und 2 Würfel sind verschieden von einander. Um wie viel sind 3 Würfel und 2 Würfel von einander verschieden?

Sch. —

L. Das, um was zwei Dinge von einander verschieden sind, nennt man Unterschied. Was nennt man den Unterschied.

Sch. —

L. Welches ist also der Unterschied zwischen 3 und 2 Würfeln?

Sch. —

L. Zwischen 2 Würfeln und 3 Würfeln?

Sch. —

L. Bei der Zahl 2 haben wir schon gehört: Zwei Würfel sind um wie viel Würfel mehr, als ein Würfel?

Sch. —

L. Welches ist also der Unterschied zwischen 2 und 1 Würfel?

Sch. —

L. 1 Würfel ist um wie viel Würfel weniger, als 2 Würfel?

Sch. —

L. Welches ist der Unterschied zwischen 1 Würfel und 2 Würfeln?

Auf ähnliche Weise lassen sich sämtliche hier mögliche Fälle vorbereiten und üben; als:

3 ist 1 mehr, als 2, 2 mehr, als 1.

2 ist 1 weniger, als 3, 1 mehr, als 1.

1 ist 2 weniger, als 3, 1 weniger, als 2.

3 ist das Dreifache von 1.

1 ist der dritte Theil von 3.

1 und 1 sind gleiche Zahlen, 1 und 2, sowie 2 und 3 sind ungleiche Zahlen; aus welchen gleichen Zahlen (Theilen) besteht also 3? — aus welchen ungleichen Zahlen (Theilen) besteht 3?

b. Schnellrechnen.

Kopfrechnen.

(Siehe die Vorbemerkung zum Schnellrechnen bei der Zahl 2!)

1) Die Schreibweise des Restes ist hier den Kindern zu zeigen: 1. (1).

§. 361.

Wiederholung des bereits Gelehrten  
nach der bei der Zahl 2 im Schnellrechnen S. 608 I. gegebenen Anleitung.

## II.

## Das eigentliche Schnellrechnen.

## a) Schnellrechnen mit zwei Zahlen.

2. Was (oder wie viel) ist:

$$2 + 1 = ?$$

$$3 - 1 = ?$$

$$1 \times 3 = ?$$

$$3 - 2 = ?$$

$$1 + 2 = ?$$

u. f. w.

Welche Zahl ist um Eins größer als 2?

Sch. —

2. Welche Zahl ist um Eins größer, als Eins?

Sch. —

2. Welche Zahl ist um Eins kleiner, als 2?

Sch. —

2. Welche Zahl ist um Eins kleiner, als 3?

Sch. —

2. Was ist 3, einmal genommen?

Sch. —

2. Wie oftmals geht es, wenn ich 3 mit Eins messe?

Die Verfahrungsweise für die folgenden Aufgaben ist beim Schnellrechnen der Zahl 2, Seite 609 c. deutlich gezeigt; siehe daselbst!

## b) Schnellrechnen mit drei Zahlen.

$$2 + 1 - 2 =$$

$$3 \times 1 - 1 =$$

$$1 \times 2 + 1 =$$

$$3 - 2 \times 3 =$$

$$2 : 2 + 1 =$$

$$3 : 3 \times 3 =$$

u. f. w.

## c) Schnellrechnen mit vier und mehr Zahlen.

$$3 - 2 + 1 + 1 =$$

$$1 + 1 + 1 - 3 =$$

$$3 \times 1 - 2 + 1 =$$

$$2 - 1 \times 3 - 2 =$$

$$2 + 1 - 2 \times 3 =$$

$$1 \times 3 : 3 \times 3 =$$

u. f. w.

Wie viel ist  $3 - 1 - 1 + 2$  geteilt durch 1?

$$3 \times 1 - 2 \times 1 + 1 + 1 - 2 + 1 + 1 = ?$$

$$1 + 1 + 1 - 2 \times 3 - 2 + 1 + 1 - 2 = ?$$

## Tafelrechnen.

Als Aufgaben können die unter dem Kopfrechnen angegebenen dienen; siehe in „Köpp's Rechenfibel“ Zahl 3, Aufgabe 4 und 5!

S. 362.

## c. Kombinieren.

## Kopfrechnen.

Das hierzu Nöthige wurde beim Kombinieren unter der Zahl 2 bemerkt; siehe Seite 610; im Nachfolgenden soll nur durch einige Aufgaben angedeutet werden, in welcher Form diese hier zu erweitern und zu vermehren sind.

2. Wer weiß Rechenbeispiele, die immer, wenn sie ausgerechnet werden, 3 geben?

Sch. 3 ist 1 + 1 + 1  
 3 ist 2 + 1  
 3 ist 3 × 1  
 3 ist 2 + 1 × 1  
 3 ist 1 × 3  
 3 ist 1 + 2  
 3 ist 1 : 3 u. s. w.

Wie viel muß ich zu 2 legen, damit es 3 gibt?

Welche Zahl vervollständigt 1 zu 3?

Welche Zahl ist das Dreifache von 1?

Von welcher Zahl kannst du das Doppelte von 1 wegnehmen und behältst doch noch 1 übrig?

Ich setze eine Zahl einmal und noch einmal und noch einmal und erhalte 3.

Welche Zahl habe ich 3mal gesetzt?

u. s. w.

### Tafelrechnen.

Schreibet Rechenbeispiele auf, die immer, wenn sie ausgerechnet werden, 3 geben! (Ist möglichst allseitig auszuführen.) Ferner siehe „Röpp's Rechenfibel“ Zahl 3, Aufgabe 3!

## II. Die angewandte Zahl.

§. 363.

### Nur Kopfrechnen.

#### a. Zusammenzählen.

(Zwei Knaben stellen sich in der Schulsube auf.) Wenn zu den 2 Knaben noch ein Knabe kommt, wie viel Knaben sind es dann?

Wenn alle drei Knaben fortgehen, einer geht voran, wie viel gehen dann hinten nach?

Wenn aber alle in einer Reihe gehen, wie viel gehen dann zwischen den anderen?

Wenn einer fortläuft, wie viel sind noch da?

Und wenn von den dreien zwei fortlaufen?

Wenn aber alle drei fortlaufen?

Wenn sich 2 führen, wie viel müssen allein gehen?

(Gibt es Schwierigkeiten, so kommen die einzelnen Namen der drei gegenwärtigen Knaben zu Hilfe. Wenn Karl fortläuft, wer bleibt noch da? — Wie viel Knaben sind der Peter und der Fritz? — u. u. Man sieht, wie viele Variationen das eine Beispiel gestattet. Hundert ebenso anschauliche Beispiele liegen aber gleich nahe und müssen ebenso genau concret durchgeführt werden. Auf dieser, den vorhergehenden und nachfolgenden Stufen gilt: Die Kinder rücken der Vorstellung von dem willkürlich abstracten Wesen der Zahl schon ein wenig näher, indem sie aufgefordert werden, nur drei von mehreren vorhandenen Dingen zusammen zu zählen, z. B. 3 von allen Fingern an der Hand, indem man die zu zählenden gerade ausstreckt, während man die anderen krumm hält; noch näher rücken sie demselben, wenn man von Dingen redet, die fern sind. Bei obigen Beispielen darf man für diesen Fall nur von 3 Knaben reden, die auf der Straße sind, von drei Schäfchen, die auf der Weide gehen u. u. — Die Abstraction darf immer erst nur dann eintreten, wenn alle diese Verhältnisse sicher erkannt sind. Man lasse sich die Mühe, die es bei Manchen machen wird, nicht verbrießen und ruhe nicht, bis diese drei einfachen Zahlen, welche die Theile aller übrigen ausmachen, erst völlig begriffen sind. — Man hüte sich ja vor Uebereilung. Es wird sich dies überraschend belohnen.)

Wie viel Glieder hat dein Zeigefinger?

Ein Groschen<sup>1)</sup> gilt wie viel Kreuzer?

1) Auf dieser Stufe können die Kinder den Groschen kennen lernen. Das Verfahren hierbei kann etwa folgendes sein. Der Lehrer zeigt zuerst einen Kreuzer

- Wie viel Kinder sind 1 Knabe und 2 Mädchen?  
 Wie viel Buchstaben hat das Wort „Rad“? Nenne mir auch ein Wort, das mit drei Buchstaben geschrieben wird?  
 Fritz hat ein Sprüchlein gelernt; seine Schwester aber 2 mehr. Wie viel Sprüchlein kann seine Schwester?  
 Wie viel Kreuzerswecke wird man für 1 Kr. und 1 Kr. und 1 Kr. bekommen?  
 Ein Knabe ging einmal spazieren, und kam auf seinem Wege an 2 Birnbäume, unter dem ersten fand er zwei Birnen und unter dem zweiten eine. Wie viel Birnen hatte er da zusammen?  
 Auf einer Seite eines Zimmers stand 1 Stuhl, auf der anderen dagegen standen 2 Stühle. Wie viel Stühle standen auf beiden Seiten?  
 Drei Geschwister hatten ihr Ersparthes in eine Sparsbüchse gelegt; der Bruder 1 Gulden, die jüngere Schwester 1 Gulden und die ältere Schwester 1 Gulden. Wie viel Gulden waren demnach in der Sparsbüchse?

## b. Vervielfachen.

- Wie viel ist 3mal 1?  
 Ein Bleistift kostet 1 Kreuzer; was kosten 3 Bleistifte?  
 Ein Kaiser machte in jeder Woche ein Faß; wie viel Fässer machte er in 3 Wochen?

## c. Abzählen.

- Hier liegt eine Tafel; wie viel müssen wir noch dazu legen, bis es 3 Tafeln sind?  
 Wie viel Geld muß mir der Karl zurückbringen, wenn ich ihm 1 Groschen gebe und ihn fortschicke, daß er mir für 2 Kreuzer Papier hole?  
 Wie viel Geld muß Anton zurückbringen, wenn er von seiner Mutter einen Groschen bekommt, um für 1 Kreuzer Weck zu holen?  
 Anna sollte ihrer Mutter 1 Loth Pfeffer holen, das 1 Groschen kostet, bekam aber nur 2 Kreuzer. Wie viel Geld hatte sie zu wenig?  
 Auf einem Acker standen ganz nahe beisammen 3 Bäume; da kam plötzlich ein Sturm und riß einen von ihnen um. Wie viel Bäume sind noch stehen geblieben?  
 Von 3 Äpfeln fingen 2 an zu faulen; wie viel faulten nicht?  
 Dieser Fensterhalter hat 3 Fensterscheiben übereinander; wie viel sind noch ganz, wenn eine zerbricht?  
 Von 3 Geschwistern ist Karl 3, Franz 2 und Emma 1 Jahr alt; a) wer ist am ältesten? b) Wer ist am jüngsten? c) Wie viel Jahre ist Franz jünger, als Karl? d) Wie viel Jahre ist Franz älter, als Emma? e) Wie viel Jahre ist Emma jünger, als Franz? Als Karl?  
 Wie viel bekommst du auf 1 Groschen zurück, wenn du einen Weck für 2 Kreuzer kauft?

## d. Messen.

- Wie viel Kreuzerswecke kauft man für 1 Groschen?  
 Rätchen hatte in ihrem Garten 3 schöne blaue Beilchen gesunden; es waren die ersten in diesem Jahre. Sie trug sie deshalb zu ihren Eltern, um diesen eine Freude damit zu machen. Wie aber konnte sie dieselben unter Vater und Mutter vertheilen?  
 Ein Jäger schoß jedesmal, so oft er auf die Jagd ging, nur 1 Hasen. Er hatte nun in ganz kurzer Zeit 3 Hasen erlegt. Wie oft mußte er demnach auf der Jagd gewesen sein?  
 In 3 Äpfel sollen sich drei Kinder theilen; wie viel Äpfel bekommt ein Kind?

vor und fragt: Was ist das für eine Münze? — Er zeigt dann 2 Kr. vor und fährt fort: Wie viel Kreuzer sind das? — Da ist noch 1 Kr.; wie viel sind es jetzt? — Da habe ich aber ein anderes, ein größeres Geldstück; es ist ebenso viel werth, wie 3 Kr., wer kennt es schon? — Wie mag es wohl heißen? — Ein Groschen ist gleich wie vielen Kreuzern? — 3 Kr. sind so viel, sind gleich welcher Münze?



— Das eine Kind will mit seinem Schwesterchen noch einmal theilen; wie viel bekommt dann jedes von diesen?

Drei Tagelöhner haben zusammen 3 fl. (3 Thlr.) verdient; wie viel bekommt dann einer?

e. Mehrere der 4 Grundrechnungsarten in Verbindung mit einander.

Da sitzt ein Knabe; einer setzt sich zu ihm; — wie viel müssen noch dazu kommen, wenn drei da sein sollen?

(Der Lehrer zeigt 3 Nüsse — oder ebenso viel andere Dinge.) Wie viel Nüsse habe ich hier? — Sie sollen an ebenso viele Kinder vertheilt werden. Wer will es thun? — Welches von den 3 Kindern hat am Meisten bekommen? — Wie viel hat Jedes? — Den wie vielten Theil von 3 Nüssen hat Jedes erhalten?

Ein Griffel kostet 1 Pfennig; wie viel erhält man für 3 Pfennige? — Wenn aber 2 davon zerbrechen, wie viel sind dann noch ganz?

Vierte Stufe

Praktische Behandlung der Zahl Vier.

§. 364.

I. Die reine Zahl.

a. Messen und Vergleichen.

Erste Übung: 4 verglichen mit 1.

Kopfrechnen.

a. Zusammenzählen: Übung des  $1 + 1 + 1 + 1 = 4$ .

a)  $1 + 1 = 2$ ,  $2 + 1 = 3$ ,  $3 + 1 = 4$ .

L. (Wir denken uns wieder den Lehrer im Besitze der nöthigen Veranschaulichungsmittel, etwa 4 Stäbchen, 4 Lineale, 4 Ballen oder Klücker, Schiefertafeln, Nüsse, Äpfel u. u. Indem er die 4 Stäbchen den Kindern vorzeigt, beginnt er:) Kinder, da habe ich für unsere heutige Rechenstunde Dinge mitgebracht, wie wir noch keine beim Rechnen gebraucht haben. Was sind das?

Sch. —

L. (Eines vorzeigend.) Und was ist das?

Sch. —

L. Wie viel Stäbchen sind das?

Sch. —

L. (Ein anderes Stäbchen vorzeigend.) Was ist das?

Sch. —

L. (Indem er beide Stäbchen zusammenbringt.) Ein Stäbchen und ein Stäbchen sind wie viel Stäbchen?

Sch. —

L. Da ist noch ein Stäbchen, das will ich zu den 2 legen; (Er thut es.) wie viel sind es jetzt?

Sch. —

L. Zwei Stäbchen und ein Stäbchen sind also wie viel Stäbchen?

Sch. —

L. Da ist aber noch ein Stäbchen. Wenn ich dieses zu den 3 Stäbchen lege, wie viel Stäbchen sind es dann?

Sch. —

L. 3 Stäbchen und 1 Stäbchen sind demnach wie viel Stäbchen?

Sch. —

L. (Wiederholung.) Also 1 Stäbchen und 1 Stäbchen sind wie viel Stäbchen?

Sch. —

L. 2 Stäbchen und 1 Stäbchen sind wie viel Stäbchen?

Sch. —

L. 3 Stäbchen und 1 Stäbchen sind wie viel Stäbchen?

u. s. w. an anderen Dingen.

Diese Übung ist jetzt etwas kürzer gefaßt:

b)  $1 + 1 = 2$

$+ 1 = 3$

$+ 1 = 4$

L. Fröh, da ist ein Griffel, und da ist noch ein Griffel; wie viel Griffel sind das zusammen?

Sch. —

L. (Der Lehrer nimmt einen dritten Griffel dazu.) Und ein Griffel sind wie viel Griffel?

Sch. —

L. (Er nimmt dazu einen vierten Griffel.) Und ein Griffel sind wie viel Griffel?

u. f. w.

c) 1, 2, 3, 4.

L. Karl, zeige mir einen Finger!

Sch. —

L. Zeige zwei Finger!

Sch. —

L. Zeige drei Finger!

Sch. —

L. Zeige vier Finger!

Sch. —

d) Wiederholung und Abrundung.  $1 + 1 + 1 + 1 = 4$ .

L. Was sind 1 Finger und 1 Finger und 1 Finger und 1 Finger?

Sch. —

L. Ein Stäbchen und 1 Stäbchen und 1 Stäbchen und 1 Stäbchen sind wie viel Stäbchen? (Ebenso mit Griffeln, Äpfeln, Nüssen u. f. w.)

Sch. —

L. Eins und Eins und Eins und Eins sind wie viel?

Sch. —

L. Eins und Eins ist wie viel?

Sch. —

L. Zwei und Eins ist wie viel?

Sch. —

L. Drei und Eins ist wie viel?

Sch. —

L. Eins und Eins und Eins und Eins ist wie viel?

b. Bervielfachen: Übung des  $4 \times 1 = 4$ .

L. (Der Lehrer nimmt etwa von den Stäbchen zc. zc., die noch auf dem Tische oder auf der Bank liegen, mit der einen Hand immer Eins und gibt dies der anderen Hand, bis er in dieser alle vier Stäbchen hat, indem er dabei spricht:) Ein Stäbchen und ein Stäbchen und ein Stäbchen und ein Stäbchen sind wie viel Stäbchen?

Sch. —

L. Vier Stäbchen sind wie vielmal ein Stäbchen?

Sch. —

L. Vier Griffel sind wie vielmal ein Griffel? (Ebenso mit Tafeln, Nüssen zc. zc., Strichen u. f. w.)

Sch. —

L. Viermal 1 Strich sind wie viel Striche?

Sch. —

L. Viermal Eins ist wie viel?

Sch. —

L. Einmal Eins ist wie viel?

Sch. —

L. Zweimal Eins ist wie viel?

Sch. —

L. Dreimal Eins ist wie viel?

Sch. —

L. Viermal Eins ist wie viel?

Sch. —

L. Vier ist also wie vielmal Eins?

Sch. —

L. Und viermal Eins ist wie viel?

c. Abzählen: Übung des  $4 - 1 = 3$ ,  $3 - 1 = 2$ ,  $2 - 1 = 1$ ,  $1 - 1 = 0$ .

a)  $4 - 1 = 3$ ,  $3 - 1 = 2$ ,  $2 - 1 = 1$ ,  $1 - 1 = 0$ .

(Die 4 Stäbchen oder 4 andere Dinge, die der Lehrer in die Hand nimmt, mögen wieder die Veranschaulichungsmittel sein; bis jetzt kann noch keine Übung ohne solche begonnen werden.)

L. Das sind wie viel Stäbchen?

Sch. —

L. Marie, komm' jetzt zu mir heraus, und gib einmal recht acht auf Das, was ich dir sage! — Du sollst von den 4 Stäbchen ein Stäbchen wegnehmen. Was sollst du thun?

Sch. —

L. Thue es!

Sch. —

L. Was hast du gethan?

Sch. —

L. Wie viel Stäbchen bleiben noch?

Sch. Es bleiben noch drei Stäbchen?

L. Sprich dies ganz (im Satze): Wenn ich —

Sch. Wenn ich von 4 Stäbchen 1 Stäbchen hinwegnehme, so bleiben noch 3 Stäbchen.

L. Du sollst von 3 Stäbchen ein Stäbchen hinwegnehmen. Was sollst du thun?

Sch. —

L. Thue es!

Sch. —

L. Was hast du gethan?

Sch. —

L. Wie viel Stäbchen bleiben noch?

Sch. Es bleiben noch 2 Stäbchen.

L. Sprich dies ganz so: Wenn ich 2c. 2c. —

Sch. Wenn ich von 3 Stäbchen 1 Stäbchen hinwegnehme, so bleiben noch 2 Stäbchen.

L. Du sollst jetzt von 2 Stäbchen 1 Stäbchen hinwegnehmen. Was sollst du thun?

Sch. —

L. Thue es!

Sch. —

L. Was hast du da gethan?

Sch. —

L. Wie viel Stäbchen bleiben noch?

Sch. Es bleibt noch 1 Stäbchen?

L. Sprich: Wenn ich 2c. 2c. —

Sch. Wenn ich von 2 Stäbchen 1 Stäbchen hinwegnehme, so bleibt noch 1 Stäbchen.

L. Du sollst jetzt noch von 1 Stäbchen 1 Stäbchen hinwegnehmen. Was sollst du thun!

Sch. —

L. Thue es!

Sch. —

L. Was hast du gethan?

Sch. —

L. Wie viel bleiben noch?

Sch. —

L. Sprich: Wenn ich 2c. 2c.

Sch. Wenn ich 1 Stäbchen von 1 Stäbchen wegnehme, so bleibt Nichts mehr übrig.

- L. Vier Stäbchen weniger 1 Stäbchen sind also wie viel Stäbchen?  
 Sch. —  
 L. 3 Stäbchen weniger 1 Stäbchen sind wie viel Stäbchen?  
 Sch. —  
 L. 2 Stäbchen weniger 1 Stäbchen sind wie viel Stäbchen?  
 Sch. —  
 L. 1 Stäbchen weniger 1 Stäbchen sind wie viel Stäbchen?  
 Sch. —  
 (Diese Übung läßt sich wieder auf folgende Weise abkürzen, aber immer noch mit Hilfe von Veranschaulichungsmitteln):

$$b) 4 - 1 = 3$$

$$- 1 = 2$$

$$- 1 = 1$$

$$- 1 = 0$$

- L. (4 Griffel zc. zc. vorzeigend.) Das sind wie viel Griffel?  
 Sch. —  
 L. (Er nimmt einen Griffel weg.) 4 Griffel weniger 1 Griffel sind wie viel Griffel?  
 Sch. 4 Griffel weniger 1 Griffel sind 3 Griffel.  
 L. (Er nimmt einen weiteren Griffel weg.) Weniger 1 Griffel?  
 Sch. Weniger 1 Griffel sind 2 Griffel.  
 L. (Er nimmt noch einen Griffel weg.) Weniger 1 Griffel?  
 Sch. Weniger 1 Griffel ist 1 Griffel.  
 L. (Jetzt nimmt er den letzten noch weg.) Weniger 1 Griffel?  
 Sch. Weniger 1 Griffel ist Nichts.

c) 4, 3, 2, 1.

- L. Zeiget mir an eurer rechten Hand 4 Finger!  
 Sch. —  
 L. Recht so! Die Hand herunter! Jetzt zeigt mir an eurer rechten Hand nur 3 Finger!  
 Sch. —  
 L. Die Hand herunter!  
 Sch. —  
 L. Zeiget mir jetzt nur 2 Finger!  
 Sch. —  
 L. Ab!  
 Sch. —  
 L. Zeiget mir 1 Finger!  
 Sch. —  
 L. Ab!

(Diese Übungen sind an anderen Dingen fortzusetzen.)

- d) Wiederholung und Abrundung.  $4 - 1 - 1 - 1 - 1 = 0$ .  
 L. (Der Lehrer macht 4 Striche auf die Schultafel.) Hier sind wie viel Striche auf der Tafel?  
 Sch. —  
 L. 4 Striche weniger (der Lehrer löscht 1 Strich aus) 1 Strich, weniger (er löscht wieder einen Strich aus) 1 Strich, weniger (er löscht noch einen Strich aus) 1 Strich, weniger (er löscht den letzten Strich aus) 1 Strich, sind wie viel Striche?  
 Sch. —  
 L. (Ganz auf dieselbe Weise verfähre man mit 4 auf die Schultafel gezeichneten Dreiecken, Kreisen oder Ringelchen und leite daraus ab:) Vier weniger Eins, weniger Eins, weniger Eins, weniger Eins ist wie viel?  
 Sch. —  
 L. 4 weniger 1 ist wie viel?  
 Sch. —  
 L. 3 weniger 1 ist wie viel?  
 Sch. —  
 L. 2 weniger 1 ist wie viel?  
 Sch. —

L. 1 weniger 1 ist wie viel?

Sch. —

L. Wie viel ist also  $4 - 1 - 1 - 1 - 1$ ?

d. Messen: Uebung des  $1 : 4 = 4$ .

(Die Uebung des Messens ist mehr, als jede andere Uebung, ohne die rechte Veranschaulichung leeres Gerede, mit der geeigneten Veranschaulichung dagegen ein vorzügliches Bildungsmittel für den kindlichen Verstand. Der Lehrer wird sich daher jedesmal vor der Schulstunde das Nöthige, etwa ein Schoppenblech oder ein Schoppenglas und eine Elle oder ein ähnliches, aber den Kindern schon bekanntes Maß und einige dazu gehörige Dinge, zum Schoppenglas etwa eine Gießkanne, einen Topf oder ein Züßerchen voll Wasser oder Milch 2c. 2c. und dazu noch eine leere Schüssel, die wenigstens 4 Schoppen hält oder einen Topf von derselben Größe, — zur Elle etwa 4 Ellen Kordel, Schnur, Band oder Zeug — verschaffen, hinter seinem Pulte aufbewahren und Stück für Stück, sowie er es zum Unterrichte braucht, herbeizuholen.)

L. (Der Lehrer holt z. B. zuerst das Schoppenblech und zeigt es den Kindern, indem er etwa spricht:) Wer kennt dies Ding noch, welches ich hier habe?

Sch. —

L. Was ist es denn, Franz?

Sch. —

L. Mit einem solchen Dinge wird allerlei gemessen. Wer von euch kann mir Dinge nennen, die mit dem Schoppenbleche gemessen werden?

Sch. —

L. Recht so! Die Milchfrau misst mit dem Schoppenbleche die Milch; der Wirth misst damit den Wein; die Krämer messen damit das Del und den Essig und noch viele andere Dinge. Kann man auch Wasser mit dem Schoppenbleche messen?

Sch. —

L. Seht, deswegen habe ich es heute mit in die Schule gebracht<sup>1)</sup>. Wir wollen gleich einmal sehen, wie das zugeht. Da, in der Gießkanne (der Lehrer holt sie), ist Wasser, und hier (der Lehrer holt die Schüssel) ist eine leere Schüssel. Wir wollen jetzt von dem Wasser in der Gießkanne heraus und dieses dann in die Schüssel hinein messen. Was wollen wir thun?

Sch. —

L. Ich will gleich damit anfangen. (Der Lehrer füllt das Schoppenblech mit Wasser und zeigt dies den Kindern, sie fragend:) Wie viel Schoppen Wasser sind das?

Sch. —

L. Den leere ich in die Schüssel aus. (Er thut es.) Wie viel Schoppen Wasser sind jetzt in der Schüssel?

Sch. —

L. (Der Lehrer füllt nun den 2. Schoppen, zeigt ihn wieder den Kindern und fragt:) Wie viel Schoppen Wasser sind das?

Sch. —

L. Auch den leere ich jetzt in die Schüssel aus. (Er thut es.) Wie viel Schoppen Wasser sind jetzt in der Schüssel?

Sch. —

L. (Auf dieselbe Weise und unter ähnlichen Fragen messe der Lehrer den

1) Denen, die Anstand nehmen sollten, Wasser oder eine andere Flüssigkeit in der Schule zum Messen zu nehmen, bemerken wir, daß wir diese Dinge deswegen nicht ausgeschlossen wünschen, weil nicht nur sie, sondern auch das Operiren mit denselben und sogar der Ausdruck dafür dem größten Theile der Kinder bekannt und geläufig sind, so daß sie deshalb gern und oft mit ziemlichem Geschicke damit selbst operiren, wodurch ihnen die Uebertragung des Selbsterlebten auf die Zahl und das Auffassen der Operationen an den Zahlen, d. i. das Abstrahiren von den Dingen viel leichter wird. Unter der aufmerksamen Leitung des Lehrers wird nur in den allersehrsten Fällen eine Ungeschicklichkeit vorkommen, die von irgend einer Bedeutung wäre. Im schlimmsten Falle kann der Lehrer Alles selbst thun und die Kinder dabei zusehen lassen.

3. und den 4. Schoppen Wasser in die Schüssel. Die letzte Frage sei dann: Wie viel Schoppen Wasser sind jetzt in der Schüssel?

Sch. —

L. Damit wollen wir es für heute gut sein lassen. Das übrige Wasser thun wir weg. (Er thut es.) Also wie viel Schoppen Wasser sind in dieser Schüssel?

Sch. —

L. Georg, du sollst jetzt sehen (so viel, wie untersuchen), wie oft du 1 Schoppen von den 4 Schoppen, die da in der Schüssel sind, herausnehmen oder herausmessen kannst! Was sollst du thun?

Sch. —

L. Ich soll sehen zc. zc.

Sch. —

L. Nimm oder miß einmal einen Schoppen heraus!

Sch. —

L. Was hast du gethan?

Sch. Hier muß darauf gehalten werden, daß das Kind dahin gelangt, zu sprechen: Ich habe einmal einen Schoppen herausgemessen, genommen.

L. Miß noch einmal einen Schoppen heraus!

Sch. —

L. Was hast du jetzt gethan?

Sch. Ich habe zweimal einen Schoppen herausgemessen.

L. Miß noch einmal einen Schoppen heraus!

Sch. —

L. Was hast du jetzt gethan?

Sch. Ich habe dreimal einen Schoppen herausgemessen.

L. Miß noch einmal einen Schoppen heraus!

Sch. —

L. Was aber hast du jetzt gethan?

Sch. Ich habe viermal einen Schoppen herausgemessen.

L. Miß noch einmal einen Schoppen heraus!

Sch. —

L. Warum?

Sch. —

L. Wie viel mal hast du also einen Schoppen von 4 Schoppen herausmessen können?

Sch. —

L. Mit einem Schoppen die oder in die 4 Schoppen gemessen, geht also wie vielmal?

Sch. —

L. Warum geht es 4 mal, wenn man die 4 Schoppen mit einem Schoppen mißt?

Sch. —

L. Recht so! Also weil 1 Schoppen viermal in 4 Schoppen ist, in 4 Schoppen steckt, in 4 Schoppen enthalten ist, deswegen geht es auch 4 mal, wenn man mit 1 Schoppen in 4 Schoppen mißt.

(Auf dieselbe oder ähnliche Weise ist das hier Gelehrte auch an anderen Maßen z. B. der Elle, dem Maßchen zc. zc. und an mit diesen Maßen meßbaren Dingen zum Verständnisse der Kinder zu bringen, so daß sie im Stande sind, Fragen, wie die nachfolgenden, mit Einsicht, Leichtigkeit und in gutem Deutsch zu lösen.)

L. Mit einem Schoppen in 4 Schoppen gemessen, geht wie vielmal?

Sch. —

L. Warum?

Sch. —

L. Mit einer Elle in 4 Ellen gemessen, geht wie vielmal?

Sch. —

L. Warum?

Sch. —

L. Mit einem Maßchen in 4 Maßchen gemessen, geht wie vielmal?

Sch. —

L. Warum?

Sch. —

L. Mit Eins in 4 gemessen, geht demnach auch wie viel mal?

Sch. —

L. Warum?

Sch. —

L. Wie viel ist also 4 gemessen durch 1?

Sch. —

L. Und 1 gemessen in 4 ist wie viel?

Wiederholung, Zusammenstellung (mündlich und schriftlich auf der Schultafel) und Einübung der durch die 4 vorausgehenden Uebungen erzielten Resultate.

$$1 + 1 + 1 + 1 =$$

$$4 \times 1 =$$

$$4 - 1 - 1 - 1 =$$

$$1 : 4 =$$

### Tafelrechnen.

Das mündlich Behandelte wird jetzt zur Aufgabe für das schriftliche Rechnen gemacht. (Siehe „K ö p p's Rechenfibel“ Zahl 4, Aufgabe 1.)

Zweite Uebung: 4 verglichen mit 2.

### Kopfrechnen.

a. Zusammenzählen; Uebung des

$$2 + 2 = 4$$

$$1 + 2 + 1 = 4$$

$$1 + 2 = 3, 3 + 1 = 4$$

L. Wir setzen wieder voraus, der Lehrer hat noch seine 4 Stäbchen (oder 4 andere Dinge) in der Nähe, nimmt zuerst eines davon und zeigt es wieder vor, indem er spricht:) Das sind wie viel Stäbchen?

Sch. —

L. Und das (indem er noch 2 von den übrigen 3 Stäbchen nimmt und sie vorzeigt)?

Sch. —

L. Ich thue zu dem 1 Stäbchen noch die 2 Stäbchen. (Er thut es.) Wie viel Stäbchen sind das zusammen?

Sch. —

L. Zu den 3 Stäbchen thue ich noch das 1 Stäbchen (der Lehrer nimmt das letzte und fügt es den 3 bei). Wie viel Stäbchen sind es jetzt?

Sch. —

L. (Der Lehrer wiederholt Dasselbe, aber nur rascher.) 1 Stäbchen und 2 Stäbchen sind also wie viel Stäbchen?

Sch. —

L. 3 Stäbchen und 1 Stäbchen sind wie viel Stäbchen?

$$1 + 2 = 3$$

$$+ 1 = 4$$

L. (Einen Griffel zeigend.) Das sind wie viel Griffel?

Sch. —

L. Zu dem 1 Griffel nehme ich noch 2 Griffel. Wie viel Griffel habe ich jetzt?

Sch. —

L. Dazu nehme ich noch 1 Griffel; wie viel sind jetzt in meiner Hand?

Sch. —

L. 1 Griffel und 2 Griffel sind wie viel Griffel?

Sch. —

L. Und 1 Griffel sind wie viel Griffel?

Sch. —

1, 3, 4.

L. Hebt 1 Finger in die Höhe;

Sch. —

L. So! Legt die Hand wieder auf die Bank

Sch. —

L. Jetzt zeigt 3 Finger!

Sch. —

L. Die Hand herunter!

Sch. —

L. Zeiget 4 Finger!

Sch. —

L. (Der Lehrer macht einen Strich auf die Tafel.) Was ist das?

Sch. —

L. (Er macht noch 2 Striche dazu.) Wie viel Striche sind das zusammen?

Sch. —

L. (Er macht jetzt noch 1 Strich dazu.) Wie viel Striche sind es jetzt?  
Wiederholung und Abrundung.

$$1 + 2 + 1 = 4$$

L. 1 Strich und 2 Striche und 1 Strich sind demnach wie viel Striche?

Sch. —

L. 1 Tafel und 2 Tafeln und 1 Tafel sind wie viel Tafeln?

Sch. —

L. 1 Kirsche u. s. w. u. s. w. — — 1 Punkt und 2 Punkte und 1 Punkt  
sind wie viel Punkte?

Sch. —

L. 1 und 2 und 1 sind sonach wie viel?

Sch. —

L. 1 und 2 ist wie viel?

Sch. —

L. 3 und 1 ist wie viel?

Sch. —

L. 1 und 2 und 1 ist wie viel?

$$2 + 2 = 4$$

L. Marie, komme einmal zu mir heraus! — So, jetzt halte deine Hände  
in die Höhe! — Wie viel Hände hat die Marie?

Sch. —

L. Rätchen, komme du auch jetzt zu mir heraus! — Kannst du auch deine  
Hände in die Höhe halten? — Wie viel Hände hat das Rätchen?

Sch. —

L. Aber wie viel Hände haben die Marie und das Rätchen zusammen?

Sch. —

L. Warum?

Sch. —

L. 2 Hände und 2 Hände sind also wie viel Hände?

Sch. —

L. Das Rätchen hat 2 Augen, die Marie hat auch 2 Augen. Wie viel  
Augen haben Rätchen und Marie zusammen?

Sch. —

L. Das Rätchen hat 2 Ohren und Marie hat 2 Ohren. Wie viel Ohren  
haben sie zusammen?

Sch. —

L. 2 und 2 ist demnach wie viel?

b. Vervielfachen: Uebung des  $2 \times 2 = 4$ .

L. Seht jetzt wieder einmal auf die Stäbchen her! (Der Lehrer zeigt 2.)  
Wie viel Stäbchen sind dies?

Sch. —

L. Wie vielmal 2 Stäbchen sind es?

Sch. —

L. (Der Lehrer zeigt 2 andere Stäbchen.) Und wie viel Stäbchen sind dies?

Sch. —

L. Wie vielmal sind es 2 Stäbchen?

Sch. —

L. (Die ersten 2 Stäbchen zeigend.) Dies sind ein mal 2 Stäbchen und



dies (die anderen 2 Stäbchen vorzeigend) sind auch einmal 2 Stäbchen; (indem der Lehrer sie zusammenbringt und zusammen vorzeigt, fährt er fort: wie vielmal 2 Stäbchen sind das zusammen?

Sch. —

L. Wie viel sind demnach  $2 \times 2$  Stäbchen?

Sch. —

L. 1mal 2 Stäbchen sind wie viel Stäbchen?

Sch. —

L. 2mal 2 Stäbchen sind wie viel Stäbchen?

Sch. —

L. (Der Lehrer macht 2 Striche auf die Tafel.) Wie viel Striche sind das?

Sch. —

L. Wie vielmal 2 Striche?

Sch. —

L. (Er macht noch einmal, aber etwas entfernt von den ersteren, 2 Striche.)

Wie vielmal 2 Striche sind das (auf die 2 letzten deutend)?

Sch. —

L. Wie vielmal 2 Striche sind aber jetzt auf der Tafel?

Sch. —

L. 2mal 2 Striche sind wie viel Striche?

Sch. —

L. 2mal 2 ist also wie viel?

Sch. —

L. 1mal 2 ist wie viel?

Sch. —

L. Und 2mal 2 ist wie viel?

c. Abzählen: Übung des  $4 - 2 - 2 = 0$ .

$$4 - 2 = 2; 2 - 2 = 0$$

L. (Der Lehrer macht 4 Striche auf die Tafel.) Da habe ich Striche auf die Tafel gemacht. Wie viel sind es?

Sch. —

L. Franz, wische — lösche von den 4 Strichen 2 hinweg! (Er thut es.) Wie viel sind jetzt noch da?

Sch. —

L. Wenn ich also von 4 Strichen 2 Striche weglösche — wegwische, so bleiben noch wie viel Striche übrig?

Sch. —

L. Lösche von den 2 Strichen, die übrig geblieben sind, noch 2 Striche weg!

Sch. —

L. Wie viel Striche sind jetzt übrig?

Sch. —

L. Wenn ich also von 2 Strichen 2 Striche weglösche, so bleiben noch wie viel übrig?

Sch. —

L. Wir haben also gelernt: 4 Striche weniger 2 Striche sind wie viel Striche?

Sch. —

L. Und 2 Striche weniger 2 Striche sind wie viel Striche?

Sch. —

$$4 - 2 = 2 \quad - 2 = 0$$

L. (Der Lehrer macht 4 Kreise oder Ringelchen auf die Tafel.) Das sind wie viel Kreise?

Sch. —

L. Lösche von den 4 Kreisen 2 aus! — Wie viel Kreise bleiben noch?

Sch. —

L. Lösche noch 2 Kreise aus! — Wie viel sind jetzt noch übrig?

Sch. —

L. 4 Kreise weniger 2 Kreise sind also wie viel Kreise?

Sch. —

L. Weniger 2 Kreise sind noch wie viel Kreise?  
4, 2, 0.

L. Zeiget mir 4 Finger aus eurer linken Hand!

Sch. —

L. Jetzt 2 weniger!

Sch. —

L. Noch 2 weniger!

Sch. —

L. Wie viel Finger habt ihr mir zuerst gezeigt?

Sch. —

L. Und dann?

Sch. —

L. Und zuletzt?

Sch. —

$$4 - 2 - 2 = 0$$

L. Da habt ihr recht schön gesehen, daß (der Lehrer zeigt dies jetzt selbst noch einmal an seinen Fingern) 4 Finger weniger 2 Finger, weniger 2 Finger wie viel ist?

Sch. —

L. Das ist recht! Denkt nun einmal nach über Das, was ich euch jetzt erzähle: „Gestern habe ich zugesehen, wie sich 4 Spaken auf dem Dache herzhast mit einander herum-bissen; es dauerte lang, da flogen plötzlich 2 davon fort und gleich darauf noch 2. Wie viel blieben noch auf dem Dache sitzen?“

Sch. —

u. s. w.

L. 4 weniger 2 ist also wie viel?

Sch. —

L. 2 weniger 2 ist wie viel?

Sch. —

L. Und 4 weniger 2, weniger 2 ist wie viel?

#### d. Messen: Uebung des $2 : 4 = 2$ .

L. Von der Zahl 4 haben wir schon allerlei gelernt, aber noch nicht Alles. Wir wollen darum gleich noch Etwas an ihr zu begreifen suchen, Etwas, was viele von euch auch schon an derselben gethan haben, ohne daß ihnen dabei eingefallen ist, sie hätten mit derselben gerechnet. Damit es euch aber bair wieder einfällt und ihr es für immer behaltet, so habe ich da 4 Äpfel (der Lehrer holt sie etwa aus dem Pulte u. c.) mitgebracht. Ich stelle sie euch 2 und 2 auf den Pult. Wie viel mal 2 Äpfel sind es aber, Franz?

Sch. —

L. Wie viel Äpfel sind es im Ganzen?

Sch. —

L. 4 Äpfel sind also zusammen (der Lehrer schiebt sie zusammen) wie vielmal 2 Äpfel?

Sch. —

L. So haben wir es ja eben gesehen. Karl, komme heraus, und siehe einmal, wie oft du 2 Äpfel von 4 Äpfeln wegnehmen kannst! Was sollst du thun?

Sch. —

L. Thue es gleich!

Sch. (Er thut es zum ersten Mal.)

L. Was hast du gethan?

Sch. —

L. Wie vielmal hast du 2 Äpfel hinweggenommen?

Sch. —

L. Nimm noch einmal 2 Äpfel hinweg!

Sch. —

L. Was sollst du thun?

Sch. —

L. Thue es!

Sch. —

L. Was hast du eben gethan?

Sch. —

L. Wie vielmal hast du jetzt 2 Äpfel von den 4 Äpfeln weggenommen?

Sch. —

L. Nimm noch einmal 2 Äpfel hinweg!

Sch. —

L. Wie vielmal kannst du also 2 Äpfel von den 4 Äpfeln hinwegnehmen?

Sch. —

L. Warum aber kannst du 2 Äpfel von 4 Äpfeln nur 2mal hinwegnehmen?

Sch. Weil 2 Äpfel in 4 Äpfeln nur 2mal enthalten sind, oder weil es nur  $2 \times 2$  Äpfel sind.

L. Recht so! In 4 Äpfeln stecken 2 Äpfel nur 2mal, 2 Äpfel sind in 4 Äpfeln nur 2mal enthalten; deswegen kann man sie auch nur 2mal hinweg- oder herausnehmen. Warum kannst du 2 Äpfel von 4 Äpfeln nur 2mal hinwegnehmen?

Sch. —

L. Wie oft stecken also 2 Äpfel in 4 Äpfeln?

Sch. —

L. 2 Äpfel sind wie vielmal in 4 Äpfeln enthalten?

Sch. —

L. (Dasselbe an Stäbchen und an anderen Dingen.) Das sind wie viel Nüsse?

Sch. —

L. Du sollst diese 4 Nüsse unter Karl und Philipp theilen! Bekommt da Philipp das Ganze oder Karl?

Sch. —

L. Es bekommt also weder der Philipp, noch der Karl das Ganze. Was aber bekommt Jeder von dem Ganzen?

Sch. —

L. Recht so! Jeder bekommt nur einen Theil von dem Ganzen. In wie viel Theile also mußt du die 4 Nüsse oder das Ganze theilen?

Sch. —

L. Soll bei dem Theilen der 4 Nüsse Karl mehr bekommen, als Philipp, oder soll Philipp mehr bekommen, als Karl?

Sch. Es soll Keiner mehr bekommen, als der Andere; es soll im Gegentheile Einer so viel bekommen, als der Andere?

L. Beide sollen gleich viel bekommen; du mußt also die 4 Nüsse in 2 gleiche Theile theilen. Was mußt du thun?

Sch. —

L. Da darfst du also nicht gerade so, wie dir die Nüsse in die Hand kommen, herausnehmen und Jedem geben; sondern du mußt, da es nur zwei Knaben sind, 2 Nüsse herausnehmen und dann so fortfahren und dieselben unter Karl und Philipp vertheilen oder austheilen. Thue es gleich, damit wir Alle sehen, wie du dich dabei anstellst!

Sch. (Der Schüler nimmt zuerst 2 Nüsse von den 4 Nüssen heraus und vertheilt sie unter Karl und Philipp)

L. Was hast du zuerst gethan?

Sch. —

L. Was hast du damit gemacht?

Sch. —

L. Wie viel Nüsse hat Karl bekommen?

Sch. —

L. Und wie viel Philipp?

Sch. —

L. Wie vielmal 1 Nuss hat Jeder?

Sch. —

L. Hast du jetzt schon die 4 Nüsse in 2 gleiche Theile getheilt?

Sch. —

L. Was hast du noch zu thun, um die 4 Nüsse ganz in 2 Theile zu theilen?

Sch. Ich nehme noch einmal 2 Nüsse heraus und vertheile sie unter Karl und Philipp.

- L. Thue es gleich!  
Sch. (Er thut es.)
- L. Wie vielmal 1 Nuß erhält da nochmals ein Jeder?  
Sch. —
- L. Wie vielmal hast du jetzt 2 Nüsse unter den Karl und den Philipp ausgetheilt?  
Sch. —
- L. Wie vielmal 1 Nuß hat der Karl bekommen?  
Sch. —
- L. Und wie vielmal 1 Nuß hat Philipp bekommen?  
Sch. —
- L. Wie viel Nüsse hast du jetzt im Ganzen ausgetheilt?  
Sch. —
- L. Unter wie viel Kinder hast du sie getheilt?  
Sch. —
- L. In wie viele Theile hast du also die 4 Nüsse getheilt?  
Sch. —
- L. In was für Theile hast du sie da theilen müssen, damit Einer so viel bekam, wie der Andere?  
Sch. —
- L. Wenn du aber die 4 Nüsse unter Karl und Philipp gleich vertheilst oder sie in 2 gleiche Theile theilst, wie vielmal 1 Nuß bekommt da Jeder?  
Sch. —
- L. 2mal 1 Nuß sind wie viel Nüsse?  
Sch. —
- L. Wenn aber die 2 Knaben die 4 Nüsse sich selbst theilen, wie viel bekommt da Jeder?  
Sch. —
- L. Wenn ich also 4 in 2 gleiche Theile theile, wie viel kommt da auf einen Theil?  
Sch. —
- L. 2 getheilt in 4 ist demnach wie viel?  
Sch. —
- L. Hat Karl das Ganze oder die 4 Nüsse bekommen?  
Sch. Karl hat nicht das Ganze bekommen.
- L. Hat er mehr oder weniger als das Ganze bekommen?  
Sch. —
- L. Was hat er vom Ganzen bekommen?  
Sch. Karl hat einen Theil vom Ganzen bekommen.
- L. In wie viel Theile aber hast du das Ganze oder die 4 Nüsse getheilt?  
Sch. —
- L. Den wie vielten Theil hat also Karl von den 4 Nüssen?  
Sch. —
- L. Den wie vielten Theil von 4 Nüssen hat Philipp?  
Sch. —
- L. Statt „den zweiten Theil“ sagt man auch die Hälfte (oder ein Halbes.) Was hat also Karl von den 4 Nüssen?  
Sch. —
- L. Und was hat Philipp von den 4 Nüssen?  
Sch. —
- L. Wie viel ist demnach der 2te Theil von 4?  
Sch. —
- L. Wie viel ist die Hälfte von 4?  
Sch. —
- L. Und wie groß ist 1 Halbes von 4?  
Sch. —
- L. Wie oftmal aber hast du von den 4 Nüssen ausgetheilt?  
Sch. —

L. Wie oftmal geht es so, wenn man mit 2 in 4 theilt<sup>1)</sup>?

Sch. —

L. Ganz gewiß habt ihr auch schon früher, als ihr noch gar nicht in die Schule gegangen seid, Äpfel oder Birnen, Kicker zc. zc., wie die Äpfel unter euch getheilt und habt dabei gar nicht daran gedacht, daß ihr damals gerechnet habt. Damit ihr es aber nicht mehr vergeßt, so sagt mir es jetzt noch einmal: Was habt ihr an den Äpfeln wieder rechnen gelernt?

Sch. —

L. Und was habt ihr an den Äpfeln gelernt?

Sch. —

L. Jetzt möchte ich aber noch sehen, ob Das, was wir an den Äpfeln und an den Äpfeln rechnen gelernt haben, auch an den 4 Schoppen Wasser und noch an anderen Dingen wahr ist. Da ist noch die Schüssel mit dem Wasser von der vorigen Stunde. Wie viel Wasser haben wir hineingemessen?

Sch. —

L. Wie vielmal haben wir einen Schoppen Wasser herausgemessen?

Sch. —

L. Wie vielmal also ist 1 Schoppen Wasser in 4 Schoppen Wasser enthalten?

Sch. —

L. Heute wollen wir sehen, wie oft wir 2 Schoppen Wasser aus den 4 Schoppen Wasser herausmessen können. Was wollen wir thun?

Sch. —

L. Jakob, du sollst es probiren; komm', und miß 2 Schoppen Wasser aus den 4 Schoppen Wasser heraus!

Sch. —

L. Was sollst du thun?

Sch. —

L. Thue es!

Sch. —

L. Was hast du gethan?

Sch. —

L. Wie vielmal 2 Schoppen hast du aus den 4 Schoppen herausgemessen?

Sch. —

L. Miß jetzt noch einmal 2 Schoppen heraus!

Sch. —

L. Was sollst du thun?

Sch. —

L. Thue es!

Sch. —

L. Was hast du wieder gethan?

Sch. —

L. Wie oft kannst du also 2 Schoppen Wasser aus den 4 Schoppen Wasser herausmessen?

Sch. —

L. Mit 2 Schoppen in 4 Schoppen gemessen geht demnach wie vielmal?

Sch. —

L. Warum aber geht dies nur 2mal?

Sch. —

L. Wie aber ist es, wenn mit 2 Ellen in 4 Ellen Band gemessen wird? — Wie vielmal wird dies gehen?

(u. s. w.)

Sch. —

L. Warum?

Sch. —

1) Wie hier der Begriff des Theilens eingeführt ist, so oder auf ähnliche Weise mag der Lehrer verfahren, wenn er früher, z. B. bei der Zahl 2 und 3 diesen Begriff mit dem des Enthaltenseins und Messens verbinden will. Dasselbe gilt auch für die nächstfolgenden Übungsstufen.

L. Mit 2 in 4 gemessen geht demnach immer wie vielmal?

Sch. —

L. Warum?

Sch. —

L. Mit 2 in 4 gemessen ist darum wie viel?

Wiederholung, Zusammenstellung (mündlich und schriftlich auf der Schultafel) und Einübung der durch die 4 vorausgehenden Übungen erzielten Resultate.

$$1 + 2 + 1 =$$

$$2 + 2 =$$

$$2 \times 2 =$$

$$4 - 2 =$$

$$2 : 4 =$$

### Tafelrechnen.

(Siehe „Röpp's Rechenfibel“ Zahl 4, Aufgabe 2!)

Die Vorbereitung zum Ueben dieses Stoffes geschieht, wie dies bereits schon auf verschiedenen Stufen gezeigt wurde.

### Dritte Übung: 4 verglichen mit 3.

#### Kopfrechnen.

a. Zusammenzählen: Übung des  $3 + 1 = 4$   
 $1 + 3 = 4$

L. An den Äpfeln etc., die wir in der vorigen Stunde hatten, können wir immer noch mehr lernen. Heute aber wird es euch leichter gehen. Da sind sie schon. (Der Lehrer stellt einen Apfel, sichtbar für alle Kinder, auf den Pult und fragt:) Wie viel Äpfel sind dies?

Sch. —

L. Wie viel Äpfel habe ich noch hier in der Hand?

Sch. —

L. Ich lege sie jetzt zusammen, damit wir sehen, wie viel 1 Apfel und 3 Äpfel zusammen sind. (Er thut es.) Wer weiß es schon? — Philipp, sage mir es recht laut!

Sch. —

L. Theodor, du auch! u. s. w.

Sch. —

L. Sprecht's alle zusammen!

Sch. —

L. Aber jetzt wollen wir einmal die Sache umkehren. (Der Lehrer hat die 4 Äpfel hinweggenommen und wieder 3 Äpfel hingestellt.) Wie viel Äpfel sind dies (auf die 3 Äpfel deutend)?

Sch. —

L. Und wie viel Äpfel habe ich noch hier in der Hand?

Sch. —

L. Ich will jetzt zu den 3 Äpfeln den 1 noch hinzulegen. (Er thut es.) Wie viel Äpfel sind dies zusammen?

Sch. —

L. Also wieder 4. '3 und 1 ist also wie viel?

Sch. —

L. Und 1 und 3 ist also auch wie viel?

Sch. —

(Dasselbe zeige der Lehrer noch an anderen Dingen.)

b. Bervielfachen: Übung des  $1 \times 3 + 1 = 4$   
 $3 \times 1 + 1 = 4$

L. (Der Lehrer nimmt wieder vier Dinge z. B. die Äpfel etc. etc. in die

Hände und zwar in die eine Hand 3 und in die andere Hand 1 und zeigt zuerst die drei Äpfel, fragend:) Wie viel Äpfel sind dies?

Sch. —

L. Wie vielmal 3 Äpfel sind dies?

Sch. —

L. Wie viel fehlen noch, bis es 4 Äpfel sind?

Sch. —

L. Wenn ich zu den 1mal 3 Äpfeln noch 1 Apfel lege, wie viel sind es dann zusammen?

Sch. —

L. Wie viel sind also einmal 3 Äpfel und 1 Apfel?

Sch. —

L. 1mal 3 Äpfel und 1 Apfel sind wie viel Äpfel?

Sch. —

L. Wie ihr es eben gesagt habt, gerade so will ich sie auf den Tisch (Pult) legen. (Er legt zuerst 3 Äpfel hin.) Wie viel Äpfel habe ich auf den Tisch gelegt?

Sch. —

L. Wie vielmal 3 Äpfel liegen da?

Sch. —

L. Ich lege den 1 Apfel noch dazu. Wie vielmal 3 Äpfel liegen jetzt da?

Sch. Einmal 3 Äpfel und 1 Apfel.

L. Wie viel Äpfel sind dies im Ganzen?

Sch. —

L. 1mal 3 Äpfel und 1 Apfel sind demnach wie viel Äpfel?

Sch. —

(Dasselbe noch an Rüssen, Strichen und Punkten u. s. w.)

L.  $1 \times 3 + 1$  ist also wie viel?

Sch. —

e. Abzählen: Übung des  $4 - 3 = 1$   
 $4 - 1 = 3$

L. Franz, da liegen die 4 Äpfel noch auf dem Pulte. Gehe hin, und nimm 3 Äpfel von den 4 Äpfeln weg!

Sch. (Er thut es.)

L. Wie viel Äpfel sind noch auf dem Pulte?

Sch. —

L. 4 Äpfel weniger 3 Äpfel sind demnach wie viel Äpfel?

Sch. —

L. (Der Lehrer lasse die Kinder das Nämliche auch an anderen Dingen erkennen.) 4 weniger 3 ist wie viel?

Sch. —

L. Wenn ich aber die 4 Äpfel nehme (er nimmt sie wieder alle 4) und 1 Apfel davon wegnähme. (Er thut es.) Wie viel bleiben mir dann noch in der Hand? (Er zeigt die Hand mit den übrigen Äpfeln.)

Sch. —

L. 4 Äpfel weniger 1 Apfel sind also wie viel Äpfel? (Dieses mögen die Kinder auch noch an anderen Dingen sehen. Wir wiederholen, daß man nie zu einer anderen Übung übergehe, wenn nicht das Vorhergehende gut verstanden ist.)

Sch. —

L.  $4 - 1$  ist wie viel?

Sch. —

L.  $4 - 3$  ist wie viel?

d. Messen: Übung des  $3 : 4 = 1$  (1).

L. Wer von euch kann mir jetzt schon sagen, wie oft 3 Äpfel von 4 Äpfeln weggenommen werden können?

Sch. —

L. Recht so; aber unser kleiner Max hat es nicht gleich gewußt. Komm' heraus, und sieh selbst, wie oft du 3 Äpfel von den 4 Äpfeln wegnehmen kannst! Da sind die 4 Äpfel. Max, was also sollst du thun?

Sch. —

- L. Huenes!
- Sch. —
- L. Was hast du gethan?
- Sch. —
- L. Wie vielmal hast du 3 Äpfel von den 4 Äpfeln weggenommen?
- Sch. —
- L. Wie viel Äpfel bleiben noch übrig?
- Sch. —
- L. Nimm noch einmal 3 Äpfel hinweg!
- Sch. —
- L. Wie vielmal kannst du also 3 Äpfel von den 4 Äpfeln hinwegnehmen?
- Sch. —
- L. Und was bleibt aber dann noch übrig?
- Sch. —
- L. Wie vielmal kannst du also 3 Äpfel von den 4 Äpfeln wegnehmen oder herausnehmen, und was bleibt noch übrig?
- Sch. Ich kann  $1 \times 3$  Äpfel von 4 Äpfeln wegnehmen, und 1 Äpfel bleibt noch übrig.
- L. Wie nennt man Das, was noch übrig bleibt?
- Sch. —
- L. Wie viel bleibt noch Rest, wenn man 3 Äpfel von 4 Äpfeln herausnimmt?
- Sch. —
- L. Jetzt sag' mir noch einmal: Wie vielmal kann man 3 Äpfel von 4 Äpfeln herausnehmen, und wie viel bleibt noch Rest?
- Sch. —
- L. Warum aber kann man 3 Äpfel von 4 Äpfeln nur 1mal wegnehmen?
- Sch. —
- L. So ist es recht! Wenn ihr aber Das jetzt recht gut wißt, so könnt ihr mir auch sagen, wie oft ich 3 Schoppen Wasser aus 4 Schoppen Wasser herausmessen kann?
- Sch. —
- L. Warum?
- Sch. —
- L. Was bleibt aber auch dabei noch Rest?
- Sch. —
- L. Also mit 3 Schoppen in 4 Schoppen Wasser gemessen geht wie vielmal, und was bleibt noch Rest? u. s. w.
- Sch. —
- L. Und mit 3 in 4 gemessen geht auch wie vielmal, und wie viel bleibt dabei noch Rest?
- Sch. —

Wiederholung, Zusammenstellung (mündlich und schriftlich auf der Schultafel) und Einübung der durch die 4 vorausgehenden Uebungen erzielten Resultate.

$$\begin{array}{ll} 3 + 1 = 4 & 1 + 3 = 4 \\ 1 \times 3 + 1 = 4 & \\ 4 - 3 = 1 & 4 - 1 = 3 \\ 3 : 4 = 1 (1) & (3 \text{ in } 4 \text{ 1mal, mit } 1 \text{ Rest.}) \end{array}$$

#### Tafelrechnen.

Für das Tafelrechnen siehe „Löpp's Rechenfibel“ Zahl 4, Aufgabe 3!

Einzuschaltende Uebung.

(4 verglichen mit 4

$$\begin{array}{l} 4 = 4 \\ 1 \times 4 = 4 \\ 4 - 4 = 0 \\ 4 : 4 = 1. \end{array}$$

1) Hierbei ist die zum zweiten Mal auftretende Schreibweise den Kindern nochmals zu erklären.



Vierte Übung: Auffuchen des Unterschiedes zwischen 4 und den in 4 enthaltenen Zahlen.

Diese Übung beginnt mit Auffuchen und Vergleichen von Gegenständen in besonderer Rücksicht auf die Zahl 4 und die in ihr enthaltenen Zahlen z. B. mit Auffuchen und Vergleichen von Thieren mit 4 Beinen und 2 Beinen, — von Fahrzeugen mit 1, 2 und 4 Rädern, u. s. w. Die Stube hat 4 Wände u. c. Daran anknüpfend kann etwa auf folgende Weise fortgeföhren werden:

L. Da habe ich ein Säckchen voll Klicker. Fritz, komme zu mir, und hole 4 heraus!

Sch. (Er thut es.)

L. Wilhelm, hole mir 2 heraus!

Sch. (Er thut es.)

L. Der Konrad soll auch zu mir kommen und 1 Klicker aus dem Säckchen herausnehmen!

Sch. (Er thut es.)

L. Anton, nimm dir jetzt 3 Klicker aus dem Säckchen heraus!

Sch. (Er thut es.)

L. Haltet euere Klicker jetzt alle in die Höhe!

Sch. (Sie thuen es.)

L. Wer hat die meisten Klicker?

Sch. —

L. Wer hat nur 1 Klicker weniger, als der Fritz?

Sch. —

L. Wie viel Klicker hat der Anton?

Sch. —

L. Der Fritz?

Sch. —

L. Wie viel Klicker hat der Fritz mehr, als der Anton?

Sch. —

L. Was ist also mehr, 3 oder 4?

Sch. —

L. Um wie viel ist 4 mehr, als 3?

Sch. —

L. Um wie viel ist 3 weniger, als 4?

Sch. —

L. Wer hat 1 Klicker weniger, als der Anton?

Sch. —

L. Wie viel Klicker hat der Wilhelm?

Sch. —

L. Der Anton?

Sch. —

L. Was ist also mehr, 2 oder 3?

Sch. —

L. Um wie viel ist 3 mehr, als 2?

Sch. —

L. Um wie viel ist 2 weniger, als 3?

Sch. —

L. Wer hat einen Klicker weniger, als der Wilhelm?

Sch. —

L. Wie viel Klicker hat der Konrad?

Sch. —

L. Und der Wilhelm?

Sch. —

L. Was ist hier wieder mehr, 1 oder 2?

Sch. —

L. Um wie viel ist 2 mehr, als 1?

Sch. —

L. Um wie viel ist 1 weniger, als 2?

Sch. —

L. 4 ist also um 1 mehr, als wie viel?

Sch. —

L. 3 ist um 1 mehr, als wie viel?

Sch. —

L. 2 ist um 1 mehr, als wie viel?

Sch. —

L. 1 ist um 1 weniger, als wie viel?

Sch. —

L. 2 ist um 1 weniger, als wie viel?

Sch. —

L. 3 ist um 1 weniger, als wie viel?

Sch. —

L. 3 ist also um 1 weniger, als welche Zahl?

Sch. —

L. 3 ist aber um 1 mehr, als welche Zahl?

Sch. —

L. 2 ist um 1 kleiner, als welche Zahl?

Sch. —

L. 2 ist aber um 1 größer, als welche Zahl?

Sch. —

Wie groß ist der Unterschied zwischen 4 und 2?

Gebet mir unter den euch bekannten Zahlen 2 Zahlen an, die um Ein & z. z. verschieden sind?

Nennet mir 2 Zahlen, deren Unterschied 2 ist?

Ganz auf dieselbe Weise sind den Kindern durch anschauliches Vergleichen folgende Zahlverhältnisse zum Verständnisse zu bringen:

4 ist 1 mehr, als 3, 2 mehr, als 2, 3 mehr, als 1.

3 ist 1 weniger, als 4, 1 mehr, als 2, 2 mehr, als 1.

2 ist 2 weniger, als 4, 1 weniger, als 3, 1 mehr, als 1.

1 ist 3 weniger, als 4, 2 weniger, als 3, 1 weniger, als 2.

4 ist das 4fache von 1, das 2fache (Doppelte) von 2.

1 ist der 4te Theil von 4, 2 ist die Hälfte von 4.

Aus welchen 2 gleichen Zahlen ist 4 entstanden?

Aus welchen 2 ungleichen Zahlen ist 4 entstanden?

Wenn man, wie seither gezeigt wurde, durch Anschauung das Concrete in seinen mannigfaltigen Erscheinungen vorgeführt hat, dann vertraue man auch, daß die natürliche Entwicklungskraft der Menschenatur ohne weiteres zuthun das Allgemeine davon abstrahire, und hüte sich ja, das natürliche Wachsthum der Vorstellung durch voreiliges Grübeln und Fragen über Dinge, die zwar in dem kindlichen Geiste schon da sind, welche aber kaum der höher gebildete Erwachsene in wissenschaftliche Ausdrücke zu fassen vermöchte, zu stören, gleich dem Kinde, das aus Ungebuld die gestern gesetzte Bohne schon heute wieder aufgräbt, um zu sehen, ob sie schon gekeimt habe, und dadurch die zarten Wurzeln wieder losreißt.

### §. 365.

#### b. Schnellrechnen.

##### Kopfrechnen.

Die sämtlichen Stufen des Schnellrechnens entwickeln sich bei jeder folgenden Zahl zu einer immer größere Erweiterung zulassenden, interessanteren, die Aufmerksamkeit mehr und mehr fesselnden und die Denkkraft stärkenden Übung. Das Ziel der einzelnen Übungen bleibt immer, daß die Antwort augenblicklich erfolgen muß.

##### Wiederholung des bereits Erlernten

nach der auf Seite 608 bei der Zahl 2 im Schnellrechnen I. gegebenen Anleitung.

Das eigentliche Schnellrechnen.

a Das Schnellrechnen mit 2 Zahlen.

L. Wie viel ist 4 weniger 2?

$2 \times 2 = ?$

$4 - 1 = ?$

$2 + 2 = ?$

$4 - 3 = ?$

$3 + 1 = ?$

$2 : 4 = ?$

$1 + 3 = ?$

$4 - 2 = ?$

u. s. w.

L. Nennet mir jetzt Zahlen, die immer um 1 größer sind, als die, welche ich euch nenne! Es muß aber schnell gehen; also recht aufgepaßt. (Die Fragen gehen in der Regel an einzelne Kinder. Es werden aber möglichst Alle öfters zu berücksichtigen gesucht. Nur selten ist dabei die Reihe einzuhalten. Am Schlusse können auch einige Fragen im Chore beantwortet werden.) (Der Lehrer spricht nun:) „2“

Sch. 3.

L. 1.

Sch. 2.

L. 3 — (u. s. w.) Es ist dies durcheinander, rasch und viel zu üben. So bei jeder neuen Frage, bis die Kinder überall eine gewisse Fertigkeit zeigen.

Wir raten, diese Übungen bei jeder Zahl sehr zu berücksichtigen.

L. Die Zahl, die ihr nennet, soll um 2 größer sein, als die meinige. Ich fange gleich wieder an: „2.“

Sch. 4.

L. 1.

Sch. 3.

L. Die Zahl soll um 3 größer sein, als die meinige. Die meinige heißt 1. Wie heißt euer, Franz?

Sch. 4.

L. Nennet mir jetzt Zahlen, die immer um 1 kleiner sind, als die, welche ich euch nenne! Aber rasch! „3!“

Sch. 2.

L. 4.

Sch. 3.

L. 2 (u. s. w. durcheinander).

Sch. 1.

L. Die Zahl, die ihr mir nennet, soll um 2 kleiner sein, als die meinige! „2!“

Sch. 0.

L. 4.

Sch. 2.

L. 3. (u. s. w.)

Sch. 1.

L. Sie soll um 3 kleiner sein! „3!“

Sch. 0.

L. 4.

L. Nennet mir jetzt Zahlen, die noch einmal so groß sind, als die, welche ich euch nenne! „1!“

Sch. 2.

L. 2

Sch. 4.

L. Nennet mir jetzt Zahlen, die halb so groß oder die Hälfte sind von der Zahl, die ich euch nenne! „2!“

Sch. 1.

L. 4.

Sch. 2.

2. Die Zahl, die ihr nennet, soll der dritte Theil von meiner Zahl sein! „3!“

Sch. 1.

2. 4.

Sch. 1 u. (1). (Eins, und Eins bleibt Rest.)

2. Sie soll der vierte Theil sein! „4!“

Sch. 1.

#### b. Das Schnellrechnen mit 3 Zahlen.

(Die Behandlungsweise für 3, 4 und mehr Zahlen ist auf Seite 609 gezeigt siehe daselbst!)

Wie viel beträgt 2 und 2') weniger 3?

Wie viel ist 4mal 1 weniger 2?

$$\begin{array}{rcl} 4 - 2' + 1 = & 4 - 2 \times 2 = & \\ 2 \times 2 - 3 = & 2 + 2 : 3 = & \\ 4 - 3 \times 3 = & 4 - 3 \times 4 = & \\ 2 : 4 \times 2 = & 1 + 1 \times 2 = & \\ 3 : 1 + 1 = & 1 + 3 : 2 = & \end{array}$$

u. s. w.

#### c. Das Schnellrechnen mit 4 Zahlen.

$$\begin{array}{rcl} 4 - 2 + 1 : 3 = & 1 & \\ 3 + 1 : 2 \times 2 = & 4 & \\ 2 : 4 \times 2 - 3 = & 1 & \\ 2 + 2 - 1 : 2 = & 1 (1) & \\ 2 \times 2 - 3 \times 4 = & 4 & \end{array}$$

u. s. w.

#### d. Das Schnellrechnen mit mehr als 4 Zahlen.

$$\begin{array}{rcl} 2 + 2 - 3 + 3 : 2 = & 2 & \\ 3 - 2 \times 4 : 2 \times 2 = & 4 & \\ 2 : 4 \times 2 - 3 \times 4 = & 4 & \\ 2 \times 2 - 3 + 2 \times 1 + 1 - 2 & \text{verdoppelt!} & \\ 4 - 1 - 1 - 1 + 2 + 1 - 3, & \text{wie viel weniger, als 4?} & \end{array}$$

u. s. w.

#### Tafelrechnen.

Die für das Kopfrechnen verzeichneten Aufgaben können jetzt auch schriftlich gelöst werden; ferner siehe „Köpp's Rechenfibel“ Zahl 4, Aufg. 6.

§. 366.

#### c. Kombinieren.

##### Kopfrechnen.

2. Welche Rechenbeispiele geben immer, wenn sie ausgerechnet werden, 4? (Berleget 4 auf möglichst verschiedene Weise!)

$$\begin{array}{rcl} \text{Sch. } 4 \text{ ist } 1 + 1 + 1 + 1 & 4 \text{ ist } 2 + 1 + 1 & \\ 4 \text{ ist } 2 + 2 & 4 \text{ ist } 1 + 2 + 1 & \\ 4 \text{ ist } 2 \times 2 & 4 \text{ ist } 1 \times 2 + 2 & \\ 4 \text{ ist } 1 + 3 & 4 \text{ ist } 2 : 4 \times 2 & \\ 4 \text{ ist } 3 + 1 & 4 \text{ ist } 2 : 4 + 2 & \end{array}$$

u. s. w. u. s. w. (Möglichst alle Fälle.)

Hier ist die Hauptsache, recht anzuregen und zu immer neuen Auflosungsweisen zu ermuthigen; das regsame, wetteifernde Streben nach solchen übt das Denken außerordentlich.

Welche Zahl ergänzt 1 zu 4?

Welches ist die Ergänzungszahl zu 3, daß es 4 gibt?

Ich will 2 so vermehren, daß es 4 ist. Wie viel muß ich zählen?

1) Wiederholt wird hier bemerkt, daß jede genannte Operation an der vorhergehenden Zahl oder dem vorher erhaltenen Resultate gleich ausgeführt wird.

Fragen anderer Art:

- Welche Zahl muß ich 2mal nehmen, um 4 zu bekommen?  
 Von welcher Zahl ist 4 das Doppelte?  
 Von welcher Zahl ist 2 die Hälfte?  
 Von welcher Zahl ist 1 der 4te Theil?  
 Welche Zahl läßt sich 2mal von 4 wegnehmen?  
 Welche Zahl ist um 3 größer, als 1?  
 Wie viel muß ich zu der Hälfte von 4 noch hinzuthun, um 4 zu bekommen?  
 Wie viel mal 1 hat die Hälfte von 4 weniger, als 3?  
 Wie viel fehlt an 3mal 1 bis zu  $2 \times 2$ ?  
 Um wie viel ist 4mal 1 größer, als 1mal 3?  
 Zerleget 4 in alle Zahlen, von denen sie ein Vielfaches ist! (Zerleget 4 in Faktoren!)

Ein<sup>s</sup> ist der vierte Theil oder ein Viertel (Viertel) von 4.  
 Wie viel Einer haben demnach 2, 2 und 4 Viertel? — Wie viel ist 2mal der 4te Theil von 4?

- Dreimal 1 Viertel von 4 genommen, gibt wie viel?  
 Ein Viertel von 4 und die Hälfte von 2 geben zusammen?  
 Der dritte Theil von 3 und die Hälfte von 4 geben?

### Tafelrechnen.

Schreibet Rechenbeispiele auf euere Schiefertafeln, bei welchen immer, wenn sie ausgerechnet werden, 4 herauskommt! — Ferner siehe „Köpp's Rechenfibel“ Zahl 4, Aufg. 4 und 5!

## II. Die angewandte Zahl.

§. 367.

### Nur Kopfrechnen.

#### a. Zusammenzählen.

- Nennet mir Thiere, welche 4 Beine haben!  
 Wie viel Beine haben die meisten Tische? (Stühle)?  
 Wir haben 4 Jahreszeiten; wie heißen sie?  
 Wir haben 4 Weltgegenden; nenne sie!  
 In meinem Rocke und in meiner Weste habe ich mehrere Säcke; in dem Sacke habe ich 1 Kreuzer, in dem habe ich auch einen Kreuzer, da in diesem Sacke ist ein Kreuzer, und in diesem Sacke ist noch 1 Kreuzer. Wie viel Kreuzer habe ich in Allem?  
 Wie viel Buchstaben muß ich schreiben, wenn ich das Wort „Karl“ schreiben will?  
 Zwei Geschwister trugen Wecke nach Hause; das Kleinere von ihnen trug 1 Weck, das Größere aber trug 3 Wecke. Wie viel Wecke brachten sie miteinander nach Hause?  
 Wenn auf einem Dache 2 Tauben sitzen und noch 2 zu diesen hin fliegen. Wie viel Tauben sitzen dann auf dem Dache?  
 Maria bekam auf ihren Namenstag von ihrer Großmutter eine Sparsbüchse geschenkt; in diese legte sie ihr gleich 2 Kreuzer; dazu gab der Vater ihr noch 1 Kreuzer, und als sie zu ihrer Mutter kam, steckte diese ihr noch 1 Kreuzer dazu. Wie viel Geld hatte Maria jetzt schon in ihrer Sparsbüchse?  
 Ein Knabe spielt mit seinen Kameraden um Klöder; da gewinnt er zuerst einen, dann 2 und dann noch 1. Wie viel Klöder hat er gewonnen?  
 In meinem Garten habe ich einen Rosenstock; an demselben blüthete gestern zuerst 1 Rose; heute Morgen fing noch eine Rose an zu blühen, und bald darauf blüheten noch 2 weitere Rosen. Wie viel Rosen blüheten jetzt an dem ganzen Rosenstocke?  
 Wer kennt 2 Thiere, die zusammen 4 Augen (4 Hörner, 4 Füße) haben?  
 An einer neu angelegten Straße standen auf der einen Seite zwei neue Häuser, und in diesem Jahre wurden noch zwei auf die andere Seite gebaut. Wie viel Häuser stehen jetzt an der Straße?  
 Wie schwer wiegen zwei Kisten, wovon die eine 1 und die andere 3 Pfund schwer ist?

Ein Vierteljahr hat 3 Monate. Ein Monat hat 4 Wochen. Wie viel Wochen hat ein halber Monat?

b. Abzählen  
 Anna hatte in einem großen Blumentopfe 4 Tulpen, die sie aber sehr schlecht begoß. Da verwelkten ihr zuerst eine, dann noch eine und noch eine. Wie viel hatte sie jetzt noch?

Hier sitzen wie viel Mädchen? — Wie viel müssen noch dazu kommen, damit 4 da sitzen?

Da sind 3 Finger; wie viel fehlen noch zu 4 Fingern?

In einem Schwalbenneste sind 4 junge Schwalben, in einem anderen aber sind nur 2; wie viel sind in dem einen mehr, als in dem anderen?

Auf meiner Geige sind 4 Saiten. Wie viel bleiben ganz, wenn eine zerreißt?

Eine Frau hat 4 Enten. Wie viel behält sie noch, wenn sie 2 davon verkauft? — Wie viel aber, wenn sie 3 verkauft?

Ein Kind holt einen Haring, gibt dem Krämer 1 Bagen<sup>1)</sup> dafür, erhält aber gleich wieder 1 Kreuzer zurück. Wie theuer ist der Haring? (1 Bagen = 4 Kreuzer.)

Ein kleiner Knabe bekam einmal von seinem Vater 4 Klicker geschenkt; davon hat er aber bald darauf 2 verloren. Wie viel hatte er da noch? — Und diese 2 nahm ihm ein böser Bube; wie viel hatte er jetzt noch?

Eine Henne hatte einmal auf einem Neste voll Eier mehrere Wochen lang gebrütet, und endlich sind ihr 4 junge Hühnchen aus den Eiern geschlüpft. Von diesen 4 Hühnchen hat ihr gleich am ersten Tage die Kaze 3 gefangen und gefressen. Wie viel Hühnchen hatte die Henne jetzt noch?

Ein guter Knabe wußte einmal ein Vogelneft mit 4 Jungen. Alle Tage sah er den Alten von fern zu, wie sie die Jungen fütterten, that ihnen aber nie etwas zu Leid. Da kam er eines Tages wieder hin und sah nur noch 1 Junges das Köpichen aus dem Neste herausstrecken; denn die anderen waren froh und munter ausgeflogen. Können ihr mir jetzt sagen: Wie viel Jungen waren damals ausgeflogen?

Wie viel Kreuzer mußt du noch auf den Groschen legen, damit es 1 Bagen ist?

Wie viel Räder hat der Wagen mehr, als das Spinnrad?

Ein Brod wiegt 4 Pfund; wie viel weniger wiegt eines von 2 (3, 1) Pfund? Welches ist das Schwerere? Welches ist das Leichtere?

### c. Bervielfachen

Ein Wed kostet 1 Kreuzer; was kosten 4 Wede?

Eine Bregel kostet 2 Kreuzer; wie viel Geld kosten 2 Bregeln?

Emma bezahlte für 1 Quentchen Seide 1 Groschen; wie viel Groschen kostet das Loth? (4 Quentchen = 1 Loth<sup>1)</sup>).

Aufl. 4 } . Quentchen 1 Groschen  
 4 } . Quentchen 1 Groschen  
 4 } . Quentchen 1 Groschen  
 4 } . Quentchen 1 Groschen

oder  
 1 Loth 4 Groschen.

Ein Spatz hat wie viel Füße? — Wie viel mal 2 Füße?

Wie viel mal 2 Füße hat eine Kuh?

Was kosten 2 Pfund Kirichen, wenn 1 Pfund Kirichen 2 Kreuzer kostet?

Zwei Jäger gingen auf die Jagd, und jeder nahm 2 Hunde mit. Wie viel Hunde waren bei dieser Jagd?

1) Jede Münze, jedes Maß, sowie jedes Gewicht muß wenigstens beim ersten Vorkommen in der Wirklichkeit vorgezeigt werden. — Das Verfahren dabei ist einfach. Z. B. da sind mehrere Geldstücke. Wer kennt schon das, welches 4 Pfennige gilt? — Wer kennt auch die 4 Pfennige schon? — Welches Geldstück kennt ihr noch? zc. zc. — 4 Kreuzer sind 1 Bagen. (Die neu vorkommenden Geldstücke werden mit den schon kennen gelerntem den Kindern vorgelegt, erstere von denselben herausgesucht und benannt, neben und auf die anderen gelegt und ihrer Größe und ihrem Aussehen nach verglichen. — Ebenso ist bei den Maßen und Gewichten zu verfahren.)

Wenn man in einer Woche 2 Federkiel verbraucht; wie viel verbraucht man dann in 2 Wochen?

Ein Laufbube erhält täglich einen Kreuzer. Wie viel Kreuzer erhält er in 3 Tagen? — In 4 Tagen?

Wie viel Wolle erhält man von 2 Schafen; wenn man von 1 Schaf 2  $\frac{1}{2}$  Woll erhält?

Wie viel mal so schwer ist das Brod von 4 Pfund, als das von 2 Pfund?  
d Messen.

4 Birnen kosten 4 Kreuzer; was kostet 1 Birne?

Ein gewöhnlicher Griffel kostet 1 Pfennig. Wie viel von diesen Griffeln kannst du für 4 Pfennige kaufen?

Ein gemalter Griffel kostet 2 Pfennige. Wie viel gemalte Griffel kannst du für 4 Pfennige kaufen?

Auflösung: So oft ich dem Krämer 2 Pfennige hinlege, gibt er mir 1 gemalten Griffel. 4 Pfennige sind  $2 \times 2$  Pfennige. Lege ich ihm die  $2 \times 2$  Pfennige hin, so gibt er mir  $2 \times 1$  gemalten Griffel.

Anschaulich mit Pfennigen und Griffeln oder auf der Tafel:

Pfennige	gemalter Griffel
Pfennige	gemalter Griffel

also für

4 Pfennige                      2 gemalte Griffel.

Emma hatte ihrer Mutter 1 Loth Seide geholt. Wie viel Quentchen waren das?

Welcher Theil von 1 Lothe ist 1 Quentchen?

Welcher Theil vom Lothe sind 2 Quentchen?

Wenn 1 Quentchen 2 Groschen kostet, kann man da für 4 Groschen 1 Loth bekommen? — Was wird man dafür bekommen?

Eine Frau kochte von 1 Loth Kaffee 4mal. Wie viel nahm sie jedesmal?  
Hier sind 4 Bohnen. Wie viel mal 2 Bohnen sind es?

Es sollen die 4 Äpfel unter Maria und Barbara gleichmäßig (so daß beide Mädchen gleich viel bekommen) vertheilt werden. Wer will es thun? — Wie viel bekommt Jedes? — Den wie vielten Theil von den 4 Äpfeln hat jedes Mädchen erhalten? — Wie viel ist die Hälfte von 4? — Jetzt soll Marie einen Apfel an Elisabeth und Barbara einen Apfel an Käthchen abgeben. — Welches dieser Mädchen hat nun die meisten? — Jedes hat den wie vielten Theil von 4 Äpfeln? — Wie heißt der 4te Theil noch mehr? (Viertel.)

Ein Mann, der einen großen Garten hatte, schenkte einmal dem Knaben seines Nachbarn 4 sehr schöne Trauben; von diesen war einer so groß, wie der andere. Da eilte der Knabe nach Hause und gab von Dem, was er geschenkt bekam, seiner Schwester 1 Viertel und seinem Vater 1 Viertel und seiner Mutter das Uebrige. Wie viel Trauben gab er seiner Mutter? — seinem Vater? — seiner Schwester?

2 Ochsen gehen an einem Joche; wie viel Joche braucht ein Bauer zum Einspannen von 4 Ochsen?

Wie viel Bregeln bekommst du für 4 Kreuzer, wenn 1 Bregel 2 Kr. kostet?

Zwei Kinder sollen sich in 4 Bregeln (zu gleichen Theilen) theilen; wie viel bekommt eins?

e. Mehrere der 4 Grundrechnungsarten in Verbindung miteinander.

Wenn Einer drei Ochsen hat und noch einen dazu kauft, wie viel Ochsen sind dann in seinem Stalle? — Wenn er aber drei davon auf den Acker schiebt, wie viel bleiben dann zu Hause? — Wenn zwei? — Sind dann mehr zu Hause oder mehr auf dem Acker? — Wie sagt man, wenn eben so viele weggehen, als da bleiben? — Wenn aber drei hinausgeschickt werden? — Sage noch einmal, wie viel von vier Ochsen man jedesmal anspannen kann, um auf den Acker zu fahren! — Wenn aber der erste der zu Hause bleibenden Ochsen braun und der andere schwarz ist, wie viel Ochsen sind dann zu Hause? — Und wenn ein weißer nach Hause kommt? — Wie viel sind noch auf dem Acker? — Wenn nun dieser eine grau ist, und Abends kommt dieser auch nach Hause und bringt für sich und

238 2 jeden anderen Döfen einen Bündel Alee mit; wie viel Bündel müssen es sein? — Und wenn die Hälfte der Döfen gefressen hat, wie viel Bündel sind noch für die anderen da?

Sage mir, wenn du bei eurer Nachbarin für deine Mutter Milch holst, und die Nachbarin misst dir nun 1mal 1 Schoppen in deinen Topf, wie viel Schoppen hast du dann? — Jetzt denke dir, die Mutter misst 2mal 1 Schoppen Milch aus dem Topfe heraus und kocht damit Suppe, wie viel Schoppen sind jetzt noch im Topfe? — Aber jetzt gib weiter acht! Abends kocht die Mutter einen Kaffee; da nimmt sie noch 2mal 1 Schoppen aus dem Topfe heraus. Wie viel Schoppen sind jetzt noch in dem Topfe?

Denke dir wieder einmal einen schönen Apfel. Wenn wir ein Messer nehmen und ihn mitten durchschneiden; wie viel Stücke haben wir dann? — Wie heißt ein solches Stück? — Schneiden wir jedes Stück (jede Hälfte) noch einmal durch, wie viel Stücke haben wir dann? — Wie heißt jedes Stück? — Nehmen wir von den 4 Vierteln 1 Viertel weg, wie viel bleiben dann übrig? — Wie viel, wenn man 2 Viertel wegnimmt? — Wie viel, wenn man 4 Viertel wegnimmt?

Ein Baken hat 4 Kreuzer, ist so viel werth, als 4 Kreuzer. Wie viel Kreuzer bekommt man sonach für 1 Baken? Wie viel Kreuzer sind 1 Groschen und 1 Kreuzer! Wenn du davon 2 Kreuzer aus gibst und 1 verlierst; wie viel hast du dann noch?

§. 368.

Fünfte Stufe.

### Praktische Behandlung der Zahl Fünf.

Vorbemerkung. Bei den Zahlen 1, 2, 3 und 4 glauben wir die Art und Weise, nach Grube's Methode mit Kindern von 6 bis 7 Jahren zu rechnen, klar, anschaulich und vollständig gezeigt zu haben. Wir geben deshalb bei der Zahl 5 nur noch den Gang der Uebungen und überlassen die speziellere Ausführung dem Lehrer; auch wird es nach dem Vorausgeschickten nicht mehr schwer sein, den Lehrgang, wie er bei den besprochenen Zahlen eingehalten wurde und die Behandlungsweise auf die nun folgenden zu übertragen. Diesem fügen wir jedoch noch bei, daß es nicht nöthig ist, eine jede Zahl mit gleicher Ausführlichkeit zu behandeln; denn während die Zahlen 4, 6, 8, 9, 10, 12, 14, 15, 16, 18, 20, 21, 22, 24 u. s. w. sehr mannigfaltige und dankbare Uebungen in Masse zulassen, sind die Zahlen 5, 7, 11, 13, 17, 19, 23 u. s. w. viel weniger zu einer ausführlichen Behandlung geeignet. Nie aber dürfen dieselben übergangen werden, weil auch sie wieder Uebungen bieten, die bei den erstgenannten Zahlen weniger vorkommen, und deshalb hier besonders zu betonen sind.

Zu der Zahl 5 insbesondere hat die Natur selbst das wichtigste Zählmittel an den Fingern gegeben, und wir wollen nicht klüger sein, als alle Völker, die davon ihr dekadisches System gelernt haben. Auch wird es mit dem Größeren werden der Zahlen immer nöthiger, die in ihnen enthaltenen Mengen an vorhandenen Dingen wirklich zählen, das heißt die Kinder sich in der Erforschung derselben üben zu lassen, während bis vier unser Augenmerk dahin ging, daß sie außer dem Inhalte dieser Zahlen, die Gesamtvorstellung derselben sich einprägten und sie gleichsam an dieser Physiognomie mehr auf den ersten Blick erkennen, was bei größeren Zahlen selbst den Erwachsenen nicht zugemuthet werden kann.

Zu dem Ende ist Nichts bequemer, als jeden Finger nach und nach aufzurichten, wie er zu den vorigen gezählt wird. Doch ist sehr viel Vorsicht nöthig, damit die Kinder den Grundzahlnamen, den sie nennen, dabei nicht als einen Ordnungszahlnamen für den zuletzt hinzugezählten Finger und so auf eine Einheit allein beziehen, sondern als den Namen für die Menge aller aufgerichteten Finger ansehen. Dazu reicht gewöhnlich schon die Frage hin: Wenn aber dieser Finger noch zu den anderen kommt, wie viel sind's dann? — Und wenn auch dieser noch? u. u. Daß wir damit die verwerfliche Gewohnheit, stets an den Fingern zu zählen, nicht besürworten, versteht sich von selbst.

Nun gehen wir zum Gange der eigentlichen Uebungen über.



## L. Die reine Zahl.

## a. Messen und Vergleichen.

Erste Übung: 5 verglichen mit 1.

## Kopfrechnen.

a. Zusammenzählen: Übung des  $1+1+1+1+1=5$ .

$$1+1=2, 2+1=3, 3+1=4, 4+1=5.$$

1 Stäbchen und 1 Stäbchen sind wie viel Stäbchen?

2 " " 1 " " " " "

3 " " 1 " " " " "

4 " " 1 " " " " "

$$1+1=2$$

$$+1=3$$

$$+1=4$$

$$+1=5.$$

1 Stäbchen und 1 Stäbchen sind wie viel Stäbchen?

Und 1 Stäbchen sind?

Und 1 Stäbchen?

Und 1 Stäbchen?

1, 2, 3, 4, 5.

Der Lehrer zeigt zuerst 1 Stäbchen, dann 2, 3, 4, 5 Stäbchen in der Reihe und dann außer der Reihe vor und läßt sich die Zahl derselben angeben.

$$1+1+1+1+1=5.$$

1 Stäbchen und 1 Stäbchen und 1 Stäbchen und 1 Stäbchen und 1 Stäbchen sind wie viel Stäbchen?

Ebenso an Fingern, Fenstern, Bänken, Strichen u. s. w. (Ohne Benennung.) Eins und Eins ist wie viel?

Zwei und Eins ist wie viel?

Drei und Eins ist?

Vier und Eins ist?

(Schluß.)  $1+1=?$ 

$$1+1+1=?$$

$$1+1+1+1=?$$

$$1+1+1+1+1=?$$

b. Bervielfachen: Übung des  $5 \times 1 = 5$ .

Haltet an der rechten Hand einen Finger in die Höhe! — Wie vielmal ein Finger ist dies? — Haltet einen Finger dazu in die Höhe! — Wie vielmal ein Finger sind es jetzt? — Haltet dazu noch einen Finger in die Höhe! — Wie vielmal einen Finger zeigt ihr eben? — Nehmt noch einen Finger dazu! — Wie vielmal einen Finger habt ihr jetzt in der Höhe! — Thut dazu noch einen Finger! — Wie vielmal einen Finger habt ihr nun in Allem in die Höhe gestreckt?

(Der Lehrer zeigt etwa an seinen eigenen Fingern wiederholend.) Also einmal ein Finger und einmal ein Finger sind wie viel Finger? — Und einmal ein Finger sind wie viel Finger? — Und einmal ein Finger sind wie viel Finger? — Und noch einmal ein Finger sind wie viel Finger?

1  $\times$  1 Finger ist 1 Finger.2  $\times$  1 " sind 2 "3  $\times$  1 " " 3 "4  $\times$  1 " " 4 "5  $\times$  1 " " 5 "

So mit Stäbchen, Knaben, Büchern, Tafeln u. s. w.

Schluß: Ohne Benennung:  $1 \times 1 = 1$ 

$$2 \times 1 = 2$$

$$3 \times 1 = 3$$

$$4 \times 1 = 4$$

$$5 \times 1 = 5.$$

5 ist wie viel mal 1?  $5 \div 1 = 5$   
 5 mal 1 ist wie viel?  $5 \times 1 = 5$

c. Abzählen: Übung des  $5 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 = 0$ .

$5 - 1 = 4$ ;  $4 - 1 = 3$ ;  $3 - 1 = 2$ ;  $2 - 1 = 1$ ;  $1 - 1 = 0$ .

Halte mit der linken Hand 5 Finger in die Höhe! —

Rehmt 1 Finger davon hinweg! — Wie viel Finger habt ihr noch? —

Rehmt noch 1 " " " " " " " " " " " "  
 " " 1 " " " " " " " " " " " "  
 " " 1 " " " " " " " " " " " "  
 " " 1 " " " " " " " " " " " "  
 " 5 - 1 = 4 " " " " " " " " " " "

$- 1 = 3$

$- 1 = 2$

$- 1 = 1$

$- 1 = 0$ .

5 Finger weniger 1 Finger sind wie viel Finger?

4 " " 1 " " " " " " " "

3 " " 1 " " " " " " " "

2 " " 1 " " " " " " " "

1 " " 1 " " " " " " " "

5 Finger weniger 1 Finger = 4 F., — 1 F. = 3 F., — 1 F. = 2 F.,  
 — 1 F. = 1 F., — 1 F. = 0.

5, 4, 3, 2, 1.

Zeiget 5 Finger! — 4 Finger! — 3 Finger! — 2 Finger! — 1 Finger! —  
 (In und außer der Reihe.)

Wiederholung und Abrundung:  $5 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 = 0$ .

5 Finger weniger 1 Finger sind wie viel Finger?

5 Finger — 1 F. — 1 F. = ?

5 Finger — 1 F. — 1 F. — 1 F. = ?

5 Finger — 1 F. — 1 F. — 1 F. — 1 F. = ?

5 Finger — 1 F. — 1 F. — 1 F. — 1 F. — 1 F. = ?

Es stellen sich 5 Kinder auf; nachdem sie aufgestellt sind, geht eines weg  
 u. s. w.; ebenso mit Stäbchen, Bohnen zc. zc.

Schluß: Ohne Benennung:  $5 - 1 = 4$

$5 - 1 - 1 = 3$

$5 - 1 - 1 - 1 = 2$

$5 - 1 - 1 - 1 - 1 = 1$

$5 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 = 0$ .

d. Messen: Übung des  $1 : 5 = 5$ .

Eine Frau hat in ihrem Topfe 5 Schoppen Milch — oder — ich habe hier  
 in diesem Topfe 5 Schoppen Wasser. Wie vielmal kann ich 1 Schoppen Wasser  
 herausmessen? — Wir wollen sehen! (Der Lehrer zeigt dies vor den Augen der  
 Kinder. Er bringt dann das Wasser noch einmal in den Topf und wiederholt  
 den Nachweis fragend.)

Wenn ich  $1 \times 1$  Schopp. Wasser herausmesse, wie viel bleiben dann noch in dem Topfe?

" "  $2 \times 1$  " " " " " " " " " " " " ?

" "  $3 \times 1$  " " " " " " " " " " " " ?

" "  $4 \times 1$  " " " " " " " " " " " " ?

" "  $5 \times 1$  " " " " " " " " " " " " ?

1 Schoppen Wasser kann man also aus 5 Schoppen Wasser, wie vielmal  
 ab- oder herausmessen?

Mit 1 in 5 gemessen, geht demnach wie vielmal?

Ebenso mit Frucht, Ellen Schnur u. s. w.

Wenn man 1 von 5 einmal hinwegnimmt, wie viel bleibt übrig?

" " 1 " " zweimal " " " " " " " " ?

" " 1 " " dreimal " " " " " " " " ?

" " 1 " " viermal " " " " " " " " ?

" " 1 " " fünfmal " " " " " " " " ?

1 kann man also von 5 wie vielmal hinwegnehmen?  
 Wie vielmal am Meisten?  
 Eins ist also in 5 wie vielmal enthalten?

$$1 : 5 = 5$$

Zusammenstellung: (Wird aus dem Vorausgehenden abgeleitet, an die Tafel geschrieben, mündlich und schriftlich geübt.)

$$\begin{aligned} 1 + 1 + 1 + 1 + 1 &= 5 \\ 5 \times 1 &= 5 \\ 5 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 &= 0 \\ 1 : 5 &= 5 \end{aligned}$$

### Tafelrechnen.

Siehe „Köpp's Rechenfibel“ Zahl 5, Aufg. 1.

Zweite Übung: 5 verglichen mit 2.

### Kopfrechnen.

a. Zusammenzählen: Übung des  $2 + 2 + 1 = 5$

Gang der Übung:

$$\begin{aligned} \text{a) } 1 + 2 &= 3; 3 + 2 = 5 \\ \text{b) } 1 + 2 &= 3 \\ &\quad + 2 = 5 \end{aligned}$$

$$\text{c) } 1, 3, 5.$$

$$\text{d) } 1 + 2 + 2 = 5$$

$$\text{a) } 2 + 2 = 4, 4 + 1 = 5$$

$$\text{b) } 2 + 2 = 4$$

$$\quad + 1 = 5$$

$$\text{c) } 2, 4, 5$$

$$\text{d) } 2 + 2 + 1 = 5$$

b. Vervielfachen: Übung des  $2 \times 2 + 1 = 5$

c. Abzählen: Übung des  $5 - 2 - 2 = 1$

Gang der Übung:

$$\text{a) } 5 - 2 = 3, 3 - 2 = 1$$

$$\text{b) } 5 - 2 = 3$$

$$\quad - 2 = 1$$

$$\text{c) } 5, 3, 1$$

$$\text{d) } 5 - 2 - 2 = 1$$

d. Messen: Übung des  $2 : 5 = 2 (1)$ .

Die Ausführung dieser Übung nach der Weise, wie wir sie bereits an den früher betrachteten Zahlen gezeigt haben, läßt sich noch etwa auf folgende Weise erweitern:

Wenn fünf Schüler auf der Bank sitzen und der Lehrer verlangt, die Hälfte soll aufstehen, und die Hälfte soll sitzen bleiben; können sie es? Laß sehen! Wie viele willst du aufstehen lassen? Zwei sagst du? Wie viel sitzen dann noch? Sind es aber so viele, als stehen? Nun so wollen wir drei aufstehen lassen; wie viel sitzen dann noch? Ist's nun recht? Also wenn zwei aufstehen, ist Einer zu wenig, und wenn drei aufstehen? Wo sitzt aber das Kind, welches das erste-mal zu wenig aufstand und das zweitemal zu viel? Wie viel Kinder sind von ihm bis zum ersten Kinde? Und wie viele von ihm bis zum Letzten? Wenn aber Jemand eben so weit vom Ersten, wie vom Letzten sitzt, so sitzt er in der Mitte. Wo sitzt aber immer eins von fünf Schulkindern, wenn sie so in einer Reihe sitzen? Also gibt es Zahlen, bei denen immer Eins in der Mitte ist; sie heißen ungerade Zahlen. Wie war es aber mit vier, ist da auch Eins in der Mitte? Man läßt's die Kinder versuchen. Also von vier kann die Hälfte aufstehen und die Hälfte sitzen bleiben, und was kann man also aus vier machen?

Solche Zahlen, welche aus oder zu zwei gleich großen gemacht werden können, heißen gerade Zahlen. Nun wollen wir nachsehen, ob drei und zwei gerade oder ungerade Zahlen sind. (Die Entwicklung dieser Begriffe kann jedoch auch einer späteren Stufe vorbehalten bleiben.)

Zusammenfassung der vier Übungen.

### Tafelrechnen.

Stoff:  $2 + 2 + 1 = 5$ ;  $1 + 2 + 2 = 5$   
 $2 \times 2 + 1 = 5$   
 $5 - 2 - 2 = 1$   
 $2 : 2 = 1 (1)$

Dritte Übung: 5 verglichen mit 3.

### Kopfrechnen.

a. Zusammenzählen: Übung des  $2 + 3 = 5$   
 $3 + 2 = 5$   
 $1 + 3 + 1 = 5$

Gang der Übung:

a)  $1 + 3 = 4$ ,  $4 + 1 = 5$   
 b)  $1 + 3 = 4$   
 $+ 1 = 5$   
 c) 1, 4, 5.  
 d)  $1 + 3 + 1 = 5$   
 $2 + 3 = 5$   
 $3 + 2 = 5$

b. Vervielfachen: Übung des  $1 \times 3 + 2 = 5$ .

c. Abzählen: Übung des  $5 - 3 = 2$   
 $5 - 2 = 3$

d. Messen: Übung des  $3 : 5 = 1 (2)$ .

Zusammenfassung dieser vier Übungen.

### Tafelrechnen.

Stoff:  $3 + 2 = 5$   $1 + 3 + 1 = 5$   
 $1 \times 3 + 2 = 5$   $2 + 3 = 5$   
 $5 - 3 = 2$   $5 - 2 = 3$   
 $3 : 5 = 1 (2)$

Vierte Übung: 5 verglichen mit 4.

### Kopfrechnen.

a. Zusammenzählen: Übung des  $4 + 1 = 5$   
 $1 + 4 = 5$

b. Vervielfachen: Übung des  $1 \times 4 + 1 = 5$ .

c. Abzählen: Übung des  $5 - 4 = 1$   
 $5 - 1 = 4$

d. Messen: Übung des  $4 : 5 = 1 (1)$ .

Zusammenfassung des Vorhergehenden.

### Tafelrechnen.

Stoff:  $4 + 1 = 5$   $1 + 4 = 5$   
 $1 \times 4 + 1 = 5$   $5 - 1 = 4$   
 $5 - 4 = 1$   
 $4 : 5 = 1 (1)$

Einzuschaltende Übung.

(5 verglichen mit 5.)

$5 = 5$   
 $1 \times 5 = 5$

*in fünf mehr ist weniger 5 - 5 = 0 und aus sieben mehr sechs sechs  
von einem mehr aus zwei 5 : 5 = 1.)*  
**Fünfte Übung: Auffuchen des Unterschiedes zwischen 5 und den in  
5 enthaltenen Zahlen.**

Die Behandlungsweise des hierhergehörigen Stoffes siehe bei der  
4. Übung der Zahl 4, Seite 641.

Der Stoff für diese Übung läßt sich aus Nachfolgendem erkennen:

5 ist 1 mehr, als 4, 2 mehr, als 3, 3 mehr, als 2, 4 mehr, als 1.

4 ist 1 weniger, als 5, 1 mehr, als 3 u. u. u.

3 ist 2 weniger, als 5, u. u.

$5 = 5 \times 1$  (5 ist das 5fache von 1).

$1 = \frac{1}{5} \times 5$  (1 ist der 5te Theil von 5.)

5 besteht aus 2 ungleichen Zahlen  $3 + 2$  und aus 2 gleichen und 1 un-  
gleichen Zahl  $2 + 2 + 1$ .

Als sehr schöne Übung läßt sich hier noch das genauere Auffassen der Stelle,  
welche jede Zahl in der Zahlenreihe einnimmt, einschalten; denn da die Zahlen in  
unveränderlicher Folge stehen, so hat jede derselben vor und nach einer anderen,  
so wie zwischen zwei anderen, wie auch in der Zahlenreihe selbst ihren bestimm-  
ten Platz. Dies Alles ist nun auch aufzufassen. Die Übung selbst geht zuerst  
anschaulich zu Werke, dann wird sie nach und nach reines Kopfrechnen. Die  
Antwort werde auch hier bald in vollständigen Sätzen, bald so kurz, aber auch  
so rasch, als möglich, gegeben.

a.

1) Welche Zahl folgt auf 2? Auf 3? u. u. Welche Zahl steht nach 2?  
4? u. u.

2) Auf welche Zahl folgt 4? 2? u. u. Nach welcher Zahl steht 3? u. u.  
Welche Zahl steht vor 5? 2? u. u.

3) Welche Zahl steht zwischen 1 und 3? u. u. Welche Zahlen stehen zwi-  
schen 2 und 5? u. u.

4) Zwischen welchen Zahlen steht 2? u. u. Zwischen welchen Zahlen stehen  
3 und 4? u. u.

b.

1) Eins ist die erste Zahl, Zwei ist die zweite, Drei die dritte Zahl u. u.

2) Nenne die zweite, die vierte, die erste Zahl! u. u.

3) Die wie vierte Zahl ist Eins? Vier? u. u.

4) Welche Zahl ist die dritte? die fünfte? u. u.

5) Welches ist der erste, der vierte Schüler auf dieser Bank? Die wie vierte  
Tafel, Bank, Diele u. s. w. ist diese, jene? u. u.

b. Schnellrechnen.

§. 370.

Kopfrechnen.

I.

Wiederholung des bereits Gesagten  
nach der bei der Zahl 2 im Schnellrechnen gegebenen Anleitung.

II.

Das eigentliche Schnellrechnen.

Das Schnellrechnen mit 2 Zahlen.

Die Behandlungsweise des hierhergehörigen Stoffes siehe bei der Zahl 4,  
unter Schnellrechnen mit 2 Zahlen, Seite 643. Aus derselben ergibt sich der  
Stoff von selbst.

Das Schnellrechnen mit 3, 4 und mehr Zahlen  
ist in Stoff und Behandlungsweise auf Seite 644. u. deutlich gezeigt; siehe daselbst.

## Tafelrechnen.

Siehe „Köpp's Rechenfibel“ Zahl 5, Aufg. 5, 8, 9 und 10!

## c. Kombinieren.

## §. 371. Kopfrechnen.

8. Wer weiß Rechenbeispiele, die immer nach der Ausrechnung 5 geben?

$$\text{Sch. } 5 = 1 + 1 + 1 + 1 + 1$$

$$5 = 3 + 2$$

$$5 = 2 + 3$$

$$5 = 2 \times 2 + 1$$

$$5 = 1 + 2 + 1 + 1$$

$$5 = 2 \times 1 + 3$$

$$5 = 4 - 1 + 2$$

u. s. w. u. s. w. (Möglichst alle Fälle.)

Welche Zahl ergänzt 3 zu 5? 1 zu 5? 2 zu 5? 4 zu 5?

Wie viel ist zu 2 zu zählen, um 5 zu erhalten?

Zu welcher Zahl ist 3 (ist 1, ist 4, ist 2) zu nehmen, um 5 zu bekommen?

5 besteht aus 2 und welcher Zahl? — Aus 1 und? — Aus 4 und? —

Aus 8 und?

Auch können hier noch folgende und ähnliche Fragen zur Lösung kommen:

Welche Zahl ist der fünfte Theil von 5?

Wie viel muß ich zu 3 thun, um 5 zu erhalten?

Wie viel muß ich von 5 wegnehmen, um 3 zu bekommen?

Wie viel mal 2 habe ich zu 1 gethan, wenn ich 5 erhalte?

Ich habe von einer Zahl das Doppelte von 2 abgenommen und 1 übrig behalten. Welches war die Zahl?

## Tafelrechnen.

Schreibet Rechenbeispiele auf, welche, wenn sie ausgerechnet werden, 5 geben! — Weitere Aufgaben siehe „Köpp's Rechenfibel“ Zahl 5, Aufg. 6 u. 7.

## II. Die angewandte Zahl.

## §. 372.

## Nur Kopfrechnen.

## a. Zusammenzählen.

Wie viel Finger hast du an deiner Hand?

Wie viel Zehen hast du an deinem Fuße?

Der Mensch hat 5 Sinne. Wie heißen sie?

Auf einer Wiese verfolgten einmal 2 Hunde einen Hasen; da sprangen plötzlich, vom Geräusche geweckt, noch 4 Hasen auf. Wie viel Hasen waren jetzt von den Hunden beängstigt?

Karl ließ eines Morgens die Enten aus dem Stalle. Da fand er in der einen Ecke 2 Eier, in einer anderen Ecke 3. Wie viel Eier fand er im Ganzen?

Ein Fischer hatte 3 Angeln, will aber noch 2 dazu kaufen. Wie viel Angeln will er demnach haben?

Wie viel Ballen sind 1 Ballen und noch einer und noch einer und noch einer und noch einer?

Zwei Mädchen benötigen bei ihren Näharbeiten ein Nähkissen gemeinschaftlich; das eine steckte zuerst zwei Nadeln und später noch eine, das andere zuerst eine und ebenfalls später noch eine auf dasselbe. Wie viel Nadeln waren nun in dem Nähkissen?

Zu zwei Enten, die sich in einem Bache herumtummelten, schwamm zuerst eine und dann noch eine und zuletzt noch eine; wie viel waren jetzt beisammen?

Fritz kaufte sich für 1 Kreuzer ein Bleistift, für 2 Kreuzer Farben und für 2 Kreuzer einen Silberbogen. Wie viel Kreuzer hat er ausgegeben?

Marie hatte 3 Schulbücher und 2 Geschichtsbücher. Wie viel Bücher hatte sie zusammen?

Ein Kind sollte einen Brief auf die Post tragen und bekam 2 Kreuzer, um ihn frei zu machen. Der Postverwalter forderte aber noch 3 Kreuzer mehr. Was sollte demnach der Brief kosten?

Wie viel Ellen hat ein Drei- (ein Vier-, ein Fünf-) Eck?

Zähle zusammen die Füße einer Gans und einer Ente?

In einer Schule sitzen auf der ersten Bank 3 Kinder und auf der zweiten Bank 2. Wie viel Kinder sitzen auf beiden Bänken?

Wegen Krankheit fehlten gestern 1 Knabe und 4 Mädchen; wie viel Kinder fehlten zusammen?

Wie viel Geld hast du im Besitze, wenn du einen Groschen und 2 Kreuzer hast?

#### b. Bervielfachen.

Ein Mädchen hatte dreimal einen Kreuzer in seiner Sparkasse; dazu legte es noch einmal 2 Kreuzer. Wie viel hatte es jetzt darin?

Mehrere Knaben suchten bei ihrem Spiele in Reihen zu zwei zu marschiren. Bei ihrer Aufstellung gab es 2 Zweierreihen, in die dritte Reihe dagegen kam nur einer. Wie viel Knaben waren es?

Ein Loth gebrannter Kaffee kostet 2 Kreuzer; was kosten 2 Loth und ein Kreuzerweck?

#### c. Abzählen.

Wie viel mal hast du einen Finger an deiner Hand?

Aus wie viel mal 1 besteht 5?

August erhielt von seiner Base 5 Kreuzer zum Geschenke. Auf dem Nachhausegehen verlor er einen; wie viel brachte er noch nach Hause?

Ein Huhn brühete 5 Hühnchen aus; da kam die Kage und holte ihm eines nach dem andern. Wie viel waren noch übrig?

Ein Fuhrmann hatte 5 Fässer auf dem Wagen, 3 davon waren leer. Wie viel waren es nicht?

Paul verschenkte von seinem Papiere 2 Bogen, er hatte aber nur 5. Wie viel Bogen behielt er noch?

Es kaufte Jemand für ein Kleidchen 4 Ellen Zeug, brauchte aber 5. Wie viel Ellen waren es zu wenig?

In einem Postwagen waren nur für 4 Personen Raum, es wollten aber 5 mit; wie viel mußten da bleiben?

Aus einer Fünfguldenrolle wurden nach und nach 3 Gulden heraus gethan. Wie viel waren noch Rest?

Wie viel Rüsse muß man zu 1 Ruß legen, damit es 5 Rüsse gibt?

Karl ist 5 Jahre und sein Bruder Wilhelm aber nur 2 Jahre alt. Wie viel Jahre ist Karl älter, als Wilhelm?

In drei Jahren ist Maria 5 Jahre alt. Wie alt ist sie jetzt?

Heinrich ist 5 Jahre alt, Franz ist 1 Jahr jünger. Wie alt ist dieser?

Wenn Adolph 2 Schritte weiter geht, so ist er 5 gegangen. Wie viel Schritte hat er gemacht?

Wenn man zu einer gedachten Zahl noch 4 zulegte, so wäre es 5; wie heißt die gedachte Zahl?

Jemand möchte sich gern 5 Groschen sparen; er hat aber erst 4; wie viel fehlen ihm noch?

#### d. Messen.

Ein Dienstmädchen verdiente in jeder Woche einen Gulden. Wie viel Wochen mußte es arbeiten, um 5 Gulden zu verdienen?

Ein Fuhrmann kann 2 Stücken Holz auf seinen Wagen laden; wie oft muß er fahren, um 5 Stücken aus dem Walde zu holen, wenn er einen dort sitzen lassen will?

Wie viel Zweikreuzerwecke bekommt man für 5 Kreuzer?

Wie heißt die Hälfte von 4 Fünftel?

e. Mehrere der 4 Grundrechnungsarten in Verbindung mit einander.

Eine Bäuerin brachte Eier auf den Markt und verkaufte zuerst 3 für 3 Kreuzer und dann noch 3 für 2 Kreuzer. Von Dem, was sie jetzt gelöst hatte, kaufte sie sich dann einen Weck für 1 Kreuzer. Wie viel Geld hatte sie noch?

In einem Garten stehen 2 junge Aepfelbäumchen, die dieses Jahr ihre ersten Früchte tragen. Auf dem einen hängen 2, auf dem anderen 3 Aepfel. Wie viel Aepfel sind auf beiden Bäumchen zusammen? — Wenn aber 1 Aepfel abfällt, wie viel Aepfel hängen dann noch auf beiden Bäumchen? — Wie viel bekümmest du, wenn du dir von den Aepfeln, die dann noch auf den Bäumchen sind, die Hälfte nehmen dürftest? — Wie viel hingen dann noch auf den Bäumchen? — Wie viel hättest du, wenn du dir diese und auch den abgefallenen noch nehmen dürftest? Was erhältst du, wenn du 2 zu 2 legest? Wie viel fehlt dir dann noch an 5? Aus welchen 3 Zahlen kannst du dir mit hin die 5 zusammengesetzt denken? Welcher Unterschied ist zwischen 2 und 3 Fünftel? Wie viel beträgt die Hälfte von 4 und die Hälfte von 2?

§. 373. **2.** Muster, wie die vier Grundrechnungsarten im Zahlenraume von 10 bis 100 nach dem Lehrgange von Grube zu behandeln sind.

(Siehe den Lehrgang S. 587.)

Vorbemerkung.

1) Wiederholt müssen wir hier erinnern, daß mit dem Wachsen der Fertigkeit im Rechnen und mit der immer leichter von Statten gehenden Auffassung der Zahl, der Zahlverhältnisse und der Abstraction derselben die Menge der beim Unterrichte zu benützbaren Veranschaulichungsmittel stets kleiner wird, so daß zuletzt nur noch wenige im Gebrauche bleiben. Aber auch diese sollen nur so lang zur Anwendung kommen, als sie eine wirklich werthvolle Erleichterung zum Verständnisse der Zahlen und Zahlverhältnisse gewähren. Werden diese von den Kindern ohne Veranschaulichungsmittel klar und sicher verstanden, so setzt man letztere gänzlich außer Gebrauch, und nur in dem Falle, daß eine Stockung bei Auffassung eines oder mehrerer Verhältnisse eintritt, greift man wieder zu ihnen zurück und benützt sie so lang (zuerst eines und wenn dieses nicht ausreicht, mehrere) bis man über alles Unklare auf der betreffenden Stufe hinweggekommen ist. Dadurch wird der Unterricht einfacher, die Behandlung einer Zahl wird compacter, und die Erfassung derselben in ihren Theilen und deren Verhältnissen zur ganzen Zahl geht rascher. Das Rechnen wird jetzt außerordentlich mannigfaltig in den Übungen und bewirkt immer mehr Gewandtheit und Fertigkeit, insbesondere aber auch nützliche Anwendung für's Leben.

2) Das mündliche Verfahren auf den einzelnen Stufen ist ganz das auf den früheren Stufen, nur daß jetzt nicht mehr jede Zahl mit allen in ihr enthaltenen, sondern bloß mit den Grundzahlen<sup>1)</sup> gemessen wird; das schriftliche dagegen tritt erst ein, nachdem beim „Messen und Vergleichen“ alle mündlichen Übungen vorgenommen worden sind. Diese lassen sich alsdann, wenn man alle gleichartigen Operationen zusammenfaßt, nunmehr bei jeder Zahl in vier Gesetzen darstellen, nämlich einem Additions-, einem Multiplications-, einem Subtractions- und einem Divisionsgesetze.

Ist es dem Lehrer auf diese Weise ermöglicht, von einer Zahl rascher zur anderen überzugehen; so darf er dabei doch nie die mechanische Fertigkeit und die stets damit zu verbindende Selbstthätigkeit des Schülers außer Acht lassen.

3) Für die Operationen mit der reinen, wie mit der angewandten Zahl muß fortwährend eine stets größer werdende Mannigfaltigkeit in der Ausdrucksweise eintreten, damit der Schüler von dem Schema immer freier werde. Für die angewandten Aufgaben indessen bewegen wir uns noch längere Zeit in möglichst nahe liegenden Kreisen, um dem Schüler desto mehr Gelegenheit zu geben, sich selbst Aufgaben zu bilden, was zweckmäßig als Belohnung für den gestattet wird, der ein Exempel zuerst löst. Dieses Selbsterfinden von Exempeln kann um so weniger Schwierigkeit haben, da immer von der vorhergegangenen Stufe ausgegangen und nur das schon Bekannte weiter ausgebildet wird.

1) Der Lehrer mag jedoch auch über die Grundzahlen hinausgehen, so lang das den Kindern keine zu großen Schwierigkeiten macht.