



UNIVERSITÄTS-  
BIBLIOTHEK  
PADERBORN

## **Der Rathgeber bei mathematischen Beschäftigungen**

**Stöpel, August**

**Stendal, 1819**

§. 392-420. allerlei Aufgaben, die Zeichnung der gerad= und krummlinichten Figuren betreffend;

---

[urn:nbn:de:hbz:466:1-63556](https://nbn-resolving.org/urn:nbn:de:hbz:466:1-63556)

## Zweite Abtheilung.

### Practische Geometrie.

#### I. Zeichnung geometrischer Figuren.

§. 392. Zur Zeichnung geometrischer Figuren gehört ein gutes Reißzeug.

Anmerk. Das Unentbehrlichste in demselben ist:

1. ein Federzirkel, welcher an dem einen Schenkel eine leicht bewegliche Schraube hat; vermittelst derselben sind die feinsten Bewegungen der Schenkel möglich.
2. Ein anderer Zirkel, von dem der eine Schenkel abgenommen, und dem dafür eine Blei- oder Reißfeder angeschraubt werden kann.

Die Spitzen der Zirkel müssen nicht gehärtet, sehr spitz, wie Nadeln, und rund seyn; die Schenkel schlank, dünn, und nach der Spitze hin piramidenförmig zulaufen; die Gewinde so gearbeitet, daß die Schenkel beim Auf- und Zumachen nicht Rückungen machen, sondern in jeder Stellung gleich best stehen. Eckige Spitzen geben beim Umdrehen des Zirkels dicke Punkte und verderben die Zeichnung; plumpe Schenkel hindern das Auge, die Punkte zu sehen.

3. Eine Reißfeder muß wohl polirte, an dem schreibenden Ende zart abgerundete, vermittelst einer feinen Schraube leicht zusammenhängende Backen haben; vor und nach dem Gebrauch sauber abgewischt, und die Tinte ihr mit einer

Schreibfeder oder einem Pinsel zugefüllt werden, damit die äußere Seite nicht schmutzig wird, und ungeschickte Linien macht. Je zarter und gleichförmiger die Linien sind, desto besser ist die Reißfeder. — Die Tinte oder Tusche muß sehr flüssig seyn.

4. Eine kurze Reißfeder mit einem Gelenk, zum Einsetzen in den zweiten Zirkel, um Kreise zu beschreiben, muß ein gutes Gewind im Gelenk haben, und niemals zu leicht beweglich seyn.
5. Ein Transporteur ist ein messingner Halbkreis, der in  $180^\circ$  getheilt ist. Die Theilungslinien sind zart und laufen am abgedachten Umkreise scharf aus. Dies nothwendige Instrument ist nur dann brauchbar, wenn die Grade gleich groß sind, und der Mittelpunct durch eine scharfe Spitze angegeben ist.
6. Der tausendtheilige oder verjüngte Maasstab ist ein messingnes oder hölzernes Lineal, auf welchem eine Zeichnung Fig. 80. befindlich ist, mittelst welcher man allerlei Linien messen, und verjüngt oder verkleinert auf's Papier tragen kann. Die Linie AB ist gleich und parallel CD, jede in 10 Theile getheilt, wie in der Figur zu sehen ist. Die Theilpunkte werden durch die Transversalen ID, 2-1, 3-2 u. zusammen gezogen. Hiedurch ist die Linie BI in 10 Theile, folglich BA in 100 Theile getheilt worden. So ist z. B.  $ab = 1$ ;  $mn = 3$ ;  $qr = 88$  solcher Theile; und  $ur = 188$ ;  $vr = 288$ . Verlängert man die Parallelen AG, 8w, C 300, bis sie total AB sind, so hat man einen tausendtheiligen Maasstab; die Zahlen 1, 2, 3, 4 u. auf AB und CD bedeuten also 10, 20, 30, 40, 50 u. und die auf den Linien CA und DB die einzelnen Theile. Will man z. B. eine Linie  $= 31$  auf's Papier tragen, so öffne man den Zirkel von a bis p. — Der Gebrauch des Transporteurs und des Maasstabes ist äußerst wichtig, wird Anfängern zuweilen schwer, und die

die Übung damit müssen wir sehr empfehlen. Man thut wohl, wenn man seine Geschicklichkeit im Verfertigen derselben versucht.

7. Ein Winkelmaß, Winkelhaken, bildet an seiner äußern und innern scharfen Kante rechte Winkel, und ist bequem, Perpendikel und rechte Winkel zu errichten. Mit Hülfe eines Peripheriewinkels S. 196. Fig. 30., dessen Schenkel AD und DB auf dem Diameter stehen, läßt sich das Winkelmaß prüfen und berichtigen.

Außer diesen unentbehrlichsten Werkzeugen enthalten gute Reißzeuge noch manche andere recht nützliche, als

8. einen hölzernen oder messingenen rechtwinklichten Triangel, welcher sehr bequem ist, Parallellinien zu ziehen. Man legt ihn zu diesem Zweck z. B. mit der großen Catheten an ein festliegendes Lineal, und verschiebt ihn an demselben, dann werden alle an der Hypotenuse oder der kleinen Cathete beschriebene Linien mit einander parallel. Das Parallellineal, welches aus zwei mit Windungen versehenen Linealen besteht, die einander näher und entfernter gebracht werden können, dient zu gleichem Zweck.

9. Eine feine Punctirnadel; ein Bleistift zum Anschrauben an einen Zirkel, wenn sogenannte blinde (wieder auszulöschende) Linien gezogen werden sollen, gehören auch in ein gutes Reißzeug. — Gute Bleistifte bröckeln beim Anschneiden nicht ab, schneiden sich weich, erlauben feine Spitzen, und geben zarte, leicht wieder auszulöschende Linien.

10. Oft findet man auch in den Reißzeugen einen Compaß, der aber, wenn er brauchbar seyn soll, folgende Einrichtung haben muß.

Auf einer viereckigen rechtwinklichten Messingplatte abgd Fig. 81. ist eine runde Büchse, in deren Mittelpunct C auf einem feinen Stahlstift eine (wo möglich 3 bis 4 Zoll lange) sehr em-

empfindliche Magnetnadel schwebt. Am innern Umkreise der Büchse ist da, wo die Spitze der Nadel hinstreift, ein Kreis beschrieben, und in seine 360 Grade getheilt; aber  $0^\circ$  liegt allemal auf einer Linie, die mit einer Seitenfläche der Messingplatte parallel und durch ihren Mittelpunct *c* geht. Diese Linie *SN* heißt Meridian oder Mittaglinie. Nun weist die eine Spitze der Nadel bekanntlich beinahe nach Norden, jedoch hier nicht ganz, sondern  $19^\circ$  westlich, welchen Unterschied vom Nordpunct man ihre Abweichung nennt. Wenn man daher diese kennt, so stellt man die Messingplatte so auf eine Ebene, daß die Magnetnadel auf den Punct ihrer Abweichung einspielt, und zieht an einer Seitenfläche *ad* oder *bg* eine gerade Linie, welche die Mittaglinie, und eine andere *ab* oder *dg*, welche die Abend- und Morgenlinie ist. Hat man auf eine andere Weise eine Mittaglinie erhalten, so kann man mittelst derselben leicht die Abweichung der Magnetnadel finden, wenn man die Messingplatte an die Mittaglinie schiebt, und den Punct bemerkt, auf dem die Nadel stehen bleibt.

Ein solcher Compaß ist beim Anlegen der Grundrisse und Landcharten nicht nur, sondern auch zur Aufstellung der Sonnenuhren, ja selbst zum Winkelmessen sehr brauchbar, zu welchem letztern Zweck man ihn mit 2 Absehen (Dioptern) in *N* und *S* versehen muß. — Dieses Instrument gehört eigentlich nicht in ein Reißzeug.

Das Gelingen einer Zeichnung hängt zu sehr von der Güte der Reißgeräthschaften ab, als daß man das Verweilen bei denselben mißbilligen sollte. — Für den Preis von  $3\frac{1}{2}$  Rthlr. erhält man vom Mechanikus *Krafft* in Halle sehr elegante Reißzeuge, die das Nothwendige, und für 5 bis 8 Rthlr. dergleichen, die alles Nützliche und Bequeme enthalten.

§. 393. Eine gegebene gerade Linie in zwei gleiche Theile zu theilen. Fig. 82.

Aufl. Öffne den Zirkel über die Hälfte der gegebenen Linie ab, und beschreib aus a und b über und unter der ab kleine Bogen in d und f, mit einerlei Zirkelöffnung; ziehe die Bogendurchschnitte d und f durch eine gerade Linie zusammen, dann ist  $ac = cb$ .

Wäre die Linie ab Fig. 83. am untern Rande einer Fläche, und daher unter ihr kein Bogendurchschnitt möglich, so beschreibe man über der ab aus a und b mit verschiedener Zirkelöffnung die kleinen Bogen f, d, g; eine gerade Linie durch diese Durchschnitte und zur ab verlängert, ist die fc, welche ab in c halbt.

Oft pflegt man durch Versuche mit dem Zirkel die Theilung zu bewerkstelligen, wobei einige Übung manchmal schnell zum Ziele führt, ohne daß man eine Zeichnung durch Hülfslinien beschmußt.

Die durch Hülfe der Bogen gefundene Linie cd steht allemal auf der Mitte der ab senkrecht.

(Man erhält, wenn man ad und bd Fig. 82. zusammenzieht, zwei völlig gleiche rechtwinklichte Dreiecke, und eben so viel unterhalb der ab. Vergl. §. 171.)

§. 394. Auf einer gegebenen Linie ab ein Perpendikel zu errichten.

Aufl. Es kommen verschiedene Fälle vor.

1. Soll das Perpendikel auf der Mitte der Linie stehen, so ist das Verfahren, wie in §. 393.
2. Soll das Perpendikel am Ende der Linie b Fig. 84. stehen, so setze den Zirkel in b, thue ihn ungefähr auf bis in c. Aus c ziehe den Kreis bde, und den Diameter dec; aus e aber die gerade Linie eb, so ist  $\angle dbe$  ein rechter Winkel, weil er ein Peripheriewinkel, dessen Schenkel auf dem Diameter stehen, und eb senkrecht auf ab in b.
3. Wenn das Perpendikel auf einem gegebenen Punct Fig. 85. der Linie ab in c stehen soll, so setze den Zirkel in c, ziehe die Bogen ef und gh,

gh, daß  $fe = eh$  werde. Aus den Durchschnitten beschreibe, wie in S. 393., die Bogen in d, ziehe dc zusammen, so ist dc das Perpendikel.

Kann man sich auf die Richtigkeit des Winkelmaßes verlassen, so löst man alle diese Aufgaben mittelst desselben weit einfacher und schneller.

S. 395. Zu einer gegebenen Linie AB  
Fig. 86. eine Parallellinie zu ziehen.

Aufl. Mit der Öffnung des Zirkels, die dem Abstände der Parallelen gleich ist, beschreibe aus beiden Enden der AB, oder wo es sich sonst paßt, Bogen fg, hi, und lege ein Lineal so daran, daß es die Bogen berührt, so wird die Linie CD auf jedem Punkte von AB gleich weit abstehen.

Oder: errichte in A und B Perpendikel von gleicher Länge, und ziehe ihre Endpunkte CD zusammen.

Ist ein Punkt P gegeben, durch welchen die Parallele gehen soll, so setze den Zirkel in P, öffne ihn bis er AB berührt, und beschreibe mit derselben Öffnung aus A und B Bogen, wie fg und hi, durch welche sich die Parallele ziehen läßt. Sehr bequem zieht man Parallelen mit Hülfe eines Parallellineals, oder körperlichen Dreiecks. Siehe S. 392, 8.

S. 396. Eine gegebene gerade Linie AB  
Fig. 87. in verlangte gleiche Theile zu theilen.

Aufl. Ist die Anzahl der Theile eine gerade Zahl, z. B. 12, so theile die AB erst in zwei Theile, jede Hälfte wieder in zwei Theile, so hat jeder so gefundene Theil noch  $\frac{1}{2}$  in sich. Will man nun die Linie durch Hülfslinien oder Punkte nicht verlegen, so trage man  $\frac{1}{4}$  von AB auf ein besonderes Blatt Fig. 87. nach ab, ziehe dazu die größere Parallele cd, und trage mit willkürlicher Zirkelöffnung 3 Theile auf cd. Ziehe dann durch die Endpunkte die geraden Linien cad und dbd, und von den Theilpunkten 1 und 2 die geraden Linien 1hd und 2gd, so wird  $ah = hg = gb$ , und also ab in 3 gleiche Theile getheilt seyn, welche man nun leicht auf die AB zwischen Ab, bC, Cg, gB tragen kann.

Daß

Daß aber  $ah = hg = gh$  ist, geht aus der Ähnlichkeit der Dreiecke  $adh$  und  $edh$  u. s. w. hervor. Siehe S. 186.

Ist die Anzahl der Theile ungerade (oder eine durch 2 nicht theilbare Zahl, als 7 oder 11 etc.), so muß man entweder durch vielerlei Versuche mit Zirkelöffnungen, oder durch eine größere Parallele  $ed$ , wie eben gezeigt, oder durch Rechnung die Theilung bewerkstelligen. Im letztern Fall mißt man  $AB$  mit dem Zirkel, hält diese Zirkelöffnung an einen tausendtheiligen Maasstab, und sieht also, wie lang sie in diesen Theilen ist. Die Anzahl derselben theilt man, wie verlangt, durch Rechnung, und trägt den Quotienten mit dem Zirkel vom Maasstabe auf die  $AB$ , so erhält man den Werth eines verlangten Theils, den man so oft, als man will, neben einander setzen kann.

§. 397. Auf einer gegebenen Linie  $ab$  Fig. 88. einen gleichseitigen Triangel zu beschreiben.

Aufl. Nimm die Weite  $ab$  mit dem Zirkel, und beschreib aus  $a$  und  $b$  die kleinen Bogen  $dd$  und  $cc$ . Von ihrem Durchschnitt ziehe die Linie  $fa$  und  $fb$ .

Daß  $\triangle afb$  gleichseitig sey, ergibt sich aus der Construction; denn zöge man statt der kleinen Bogen ganze Kreise, so würden die Seiten des  $\triangle$  Radien derselben.

§. 398. Aus zwei gegebenen Linien  $ab$  und  $cd$  Fig. 89. einen gleichschenkligen Triangel zu beschreiben.

Aufl. Nimm eine der gegebenen Linien z. B.  $ab$  zur Grundlinie; mit der Länge  $cd$  beschreibe aus  $a$  und  $b$  kleine Bogen, und von ihrem Durchschnitt in  $c$  ziehe Linien nach  $a$  und  $b$ , so sind die Schenkel  $ca$  und  $cb$  einander gleich.

§. 399. Aus drei gegebenen Seiten  $ab$ ,  $cd$ ,  $fg$  Fig. 90. ein Dreieck zu bilden.

Aufl. Nimm eine der gegebenen Linien z. B.  $ab$  zur Grundlinie; mit  $cd$  beschreib von  $a$  aus einen Bogen;

gen; mit  $fg$  von  $b$  aus ebenfalls, und vom Durchschnitte  $h$  ziehe Linien nach  $a$  und  $b$ .

§. 400. Einen rechtwinklichten Triangel Fig. 91. zu beschreiben.

Aufl. Auf dem Ende einer Linie  $ab$  errichte ein Perpendikel  $ac$ , und ziehe  $cb$  zusammen.

Es bedarf wohl keiner Erinnerung, daß die Größe der  $ab$  und  $ac$  auch gegeben seyn könne. Wäre aber  $ab$  und  $bc$  (die Hypotenuse) gegeben, so würde man mit  $bc$  von  $b$  aus einen Bogen in  $c$  beschreiben, wodurch die Größe des in  $a$  errichteten Perpendikels bestimmt wird.

§. 401. Zu einem gegebenen Dreieck ein gleich großes zu zeichnen.

Aufl. Verfahre wie §. 399. gewiesen, denn alle drei Seiten sind bekannt.

§. 402. Ein Dreieck Fig. 92. in mehrere gleich große Dreiecke zu theilen.

Aufl. Theile eine Seite des Dreiecks in die verlangten gleichen Theile, z. B. in drei, und ziehe von den Theilpunkten  $d$  und  $e$  gerade Linien nach der gegenüberstehenden Winkelspitze  $C$ , so ist  $\triangle ACd = \triangle dCe = eCB$ , weil sie gleiche Grundlinien und Höhen haben.

§. 403. Auf einer gegebenen Linie  $ab$  Fig. 93. ein Quadrat zu errichten.

Aufl. Errichte das Perpendikel  $ac = ab$ , und beschreibe mit derselben Zirkelöffnung aus  $c$  und  $b$  Bogen, die sich in  $d$  durchschneiden werden; ziehe  $cd$  und  $db$ , so ist  $abdc$  ein Quadrat.

§. 404. Aus zwei gegebenen Linien  $ab$  und  $cd$  Fig. 95. ein Rechteck zu bilden.

Aufl. Nimm  $ab$  zur Grundlinie; in  $a$  errichte ein Perpendikel  $= cd$ , und beschreibe aus  $c$  mit der Zirkelöffnung  $ab$ , so wie aus  $b$  mit  $ac$  kleine Bogen, die sich in  $d$  schneiden. Ziehe  $cd$  und  $db$  zusammen. Oder errichte in  $a$  und  $b$  gleiche Perpendikel  $=$  der  
2ten

zten gegebenen Linie, und ziehe ihre Endpunkte zusammen, so ist  $acdb$  das verlangte Rechteck.

§. 405. Zu einer gegebenen Linie  $ab$  Fig. 94. und dem daran liegenden Winkel  $fae$  einen Rhombus zu zeichnen.

Aufl. Verlängere den Schenkel  $af$  bis  $e$ , daß  $ae = ab$  wird. Von  $e$  und  $b$  aus beschreibe mit der Zirkelöffnung  $ab$  die Bogen in  $d$ , und ziehe  $ed$  und  $db$ .

§. 406. Aus zwei gegebenen Linien  $ab$  und  $cd$  Fig. 96. einen Rhomboides zu zeichnen.

Aufl. Setze  $ab$  und  $cd$  spitzwinklicht zusammen. Mit  $ab$  beschreibe von  $d$  aus, und mit  $cd$  von  $b$  aus, Bogen, die sich in  $f$  schneiden werden. Ziehe  $fd$  und  $fb$ .

Es könnte auch ein Winkel  $dab$ , oder  $abf$  gegeben seyn. Im letztern Fall müßte Seite  $bf$  einen stumpfen Winkel mit  $ab$  machen.  $\angle dab + \angle abf = 2$  rechten.

§. 407. Aus zwei gegebenen Linien  $ab$  und  $cd$  Fig. 97. ein Trapezium zu beschreiben.

Aufl. Setze die beiden gegebenen Linien parallel gegenüber, und ziehe ihre Endpunkte durch  $ca$  und  $db$  zusammen.

Wenn die Höhe des Trapeziums oder die  $gf$  gegeben ist, so muß man die Parallelen in diesem Abstände ziehen. Vergl. §. 395.

Es kann auch hier ein Winkel  $aed$  gegeben seyn; dann wird der Schenkel  $ca$  erst willkürlich lang, darauf das Perpendikel  $gf$ , und endlich  $ab$  und  $bd$  gezogen.

§. 408. Aus 4 ungleichen Seiten  $ab$ ,  $cd$ ,  $ef$  und  $gh$  einen Trapezoides zu bilden. Fig. 98.

Aufl. Nimm  $ab$  zur Grundlinie, setze  $cd$  schräg daran; von  $d$  aus beschreibe mit  $ef$ , und von  $b$  aus mit  $gh$  Bogen, die sich in  $g$  schneiden. Ziehe  $gd$  und  $gb$ . — Der  $\angle bad$  kann gegeben seyn.

§. 409.

§. 409. Zu jeder geradlinigen Figur eine gleiche ähnliche zu zeichnen.

Aufl. Zerlege sie durch Diagonalen in Dreiecke, und zeichne eines nach dem andern, wie sie neben einander liegen, auch so wieder hin, so wird die zweite Figur der erstern gleich und ähnlich seyn.

§. 410. Einen Kreis zu beschreiben. Fig. 99.

Aufl. Setze den einen Zirkelfuß in den Mittelpunct  $c$ ; öffne den Zirkel um die Größe des Radius, und bewege den andern Schenkel, an dem eine Reißfeder angeschraubt ist, um den ersten in  $c$  feststehenden, so wird die Reißfeder die krumme Linie  $abcd$  beschreiben, welche Kreis, zuweilen auch, wiewol mit Unrecht, Zirkel, genannt wird.

§. 411. Eine Schlangenlinie Fig. 100. zu zeichnen.

Aufl. Ziehe die blinde Linie  $ab$ , setze den Zirkel in  $c$ , und beschreibe den Halbkreis  $ade$ ; mache  $ef = ce$ ; setze den Zirkel in  $f$  und beschreibe den Halbkreis  $efg$ ; mache  $hi = fh$ , und beschreibe aus  $i$  den Halbkreis  $ihk$ . Dies Verfahren beliebig fortgesetzt, giebt die krumme Linie  $adeghkl$ , welche man Schlangenlinie nennt. — Vergleiche aber §. 388., wo die Zeichnung und Berechnung einer ähnlichen krummen Linie angegeben wird.

§. 412. Eine Schneckenlinie zu zeichnen. Fig. 101.

Aufl. Auf der blinden  $ab$  nimm die beiden Punkte  $c$  und  $d$ . Aus  $c$  beschreibe den Halbkreis  $def$ ; aus  $d$  den Halbkreis  $efg$   $ic$ . so, daß alle Halbkreise über der  $ab$  aus  $c$ , und die unter der  $ab$  aus  $d$  beschrieben werden. Die Gestalt hängt von  $cd$  ab. — Eine Schneckenlinie höherer Ordnung ist die §. 381. beschriebene.

§. 413. Eine Linsenlinie Fig. 102. zu beschreiben.

Aufl. Aus  $a$  und  $b$  beschreibe zwei gleiche Kreise, die sich in  $e$  und  $d$  schneiden; ziehe die geraden Linien  $cae$ ,

cae, dae, ebg, dhg. Setze nun den Zirkel in e, öffne ihn bis g und beschreibe den Bogen ge; setze ihn in d und beschreibe den Bogen hf, so legen sich die Bogen ge und hf an die Kreise an, und die krumme Linie eghf ist die Linsenlinie, welche mit der Ellipse, deren Zeichnung und Berechnung von S. 301. an gelehrt ist, Ähnlichkeit hat, ohne ihr an Schönheit gleich zu kommen.

S. 414. Eine Eierlinie zu beschreiben.  
Fig. 103.

Aufl. Mit ac beschreibe aus c einen Kreis, ziehe den Diameter ab, und den senkrechten Halbmesser cf. Durch f ziehe aus a die ath, und von b die bfg. Nun setze den Zirkel in a, öffne ihn bis b und beschreibe den Bogen bh; setze ihn in b und beschreibe den Bogen ag; setze ihn endlich in f, öffne ihn bis g, und ziehe den Bogen gh. Die so entstandene krumme Linie adbbg ist die Eierlinie (Ovale).

S. 415. Den Mittelpunkt eines gegebenen Kreises zu finden.

Aufl. Ziehe willkürlich eine Sehne ab Fig. 104., theile sie in 2 Theile, und ziehe auf ihre Mitte die senkrechte ch, welche durch den Mittelpunkt gehen muß (Siehe S. 191. und 192.). Theile ch in zwei gleiche Theile, so ist cm = mh, und m der Mittelpunkt.

S. 416. Aus einem gegebenen Bogenstücke abc Fig. 106. den Mittelpunkt des zugehörigen Kreises zu finden.

Aufl. Nimm den Punkt b auf dem Bogenstücke willkürlich, und beschreibe aus demselben die Bogen r, v, t und z; mit gleicher Zirkelöffnung aus a die Bogen s und u; und aus c die Bogen w und x. Die Durchschnitte ziehe durch gerade Linien zusammen, welche sich im Mittelpunkt m durchschneiden werden, aus welchem sich der Kreis vollenden läßt.

Hiedurch geschieht eigentlich weiter nichts, als daß auf der Mitte zweier Sehnen ab und bc Perpendikel errichtet werden, die sich, nach S. 415., im Centro

Centro schneiden. — Drei, nicht in gerader Linie liegende Punkte  $a, b, c$  lassen sich also jedesmal in eine Kreislinie bringen.

§. 417. Um ein Dreieck  $abc$  Fig. 105. einen Kreis zu beschreiben.

Aufl. Errichte auf der Mitte jeder Seite oder auch nur zweier Seiten Perpendikel  $fh, eh$  und  $dh$ , welche sich im Mittelpunct  $h$  schneiden. Aus  $h$  ziehe mit der Öffnung  $ha = hc = hb$  den Kreis.

Die Seiten des Dreiecks sind hier als Sehnen zu betrachten, und es gilt, was §. 191. und 192. gesagt ist.

§. 418. Einen Winkel  $cab$  Fig. 107. in zwei gleiche Theile zu theilen.

Aufl. Ziehe mit willkürlicher Zirkelöffnung  $ag$  einen Bogen durch beide Schenkel, ziehe  $gh$  durch eine gerade Linie zusammen, theile sie in 2 Theile, und ziehe durch ihre Mitte  $d$  die gerade Linie  $da$ , so ist  $\sphericalangle y = \sphericalangle x$ . Denn  $gh$  ist als Sehne, und Bogen  $gh$  als das Maasß des Winkels  $cab$ , folglich  $gd = dh$ , und ein halb so großer Bogen mißt nur einen halb so großen Winkel.

§. 419. Innerhalb eines Dreiecks einen Kreis, der alle Seiten berührt, zu beschreiben. Fig. 108.

Aufl. Theile zwei Winkel des  $\triangle$  in zwei gleiche Theile durch die Linien  $dc$  und  $bc$ , so wird der Durchschnitt das Centrum, und ein Perpendikel  $op$  aus  $c$  nach einer Seite der Radius des zu beschreibenden Kreises seyn.

Anmerk. Hier sind die Seiten des  $\nabla$  als Tangenten des Kreises zu betrachten, die in ihm den Punkten  $p, m, n$  berühren, auf den Radien  $c$  aus senkrecht stehen, und es ist  $bp = bm; ap = an; dn = dm$ . Zöge man nun die Berührungspuncte  $p, m, n$  durch gerade Linien zusammen, so würden diese Chorden vorstellen, die durch  $dc$  und  $bc$  halbiert werden, und die Aufgabe wäre mit §. 417. einerlei.

§. 420. Ein regelmäßiges Vieleck zu beschreiben.

Aufl. In jedem Kreise läßt sich sein Radius 6 mal herum tragen, folglich erhält man ein regelmäßiges Sechseck Fig. 109., wenn man  $ab = bd = df = fg = gh = ha = \text{Radius}$  macht.

Man erhält ein gleichseitiges Dreieck  $adg$ , wenn man den ersten, dritten und fünften Theilpunct zusammenzieht.

Ein Viereck erhält man aus dem Kreise Fig. 110., wenn man zwei senkrechte Diameter  $ab$  und  $fd$ , und ihre Endpuncte durch gerade Linien zusammen zieht.

Man erhält ein Achteck, wenn man die Bogen  $ad = db$  *ic.* halbirt, und nach den Theilpuncten die Linien  $ah, hd, dm, mb$  *ic.* zieht. Ueberhaupt zeichnet man jedes Vieleck mit Hülfe eines Kreises, den man mechanisch in so viele Theile theilt, als das Vieleck Seiten haben soll, und die Theilpuncte durch gerade Linien zusammen zieht. So erhält man z. B. das Fünfeck Fig. 111. durch fleißiges Probiren, bis sich eine Zirkelöffnung 5 mal im Kreise herum tragen läßt. Allein man kann auch die Theilpuncte 1, 2 *ic.* finden, wenn man  $\angle x = 36^\circ$ , oder  $\angle y = 72^\circ$  macht, so wie auch durch Rechnung, wovon weiter unten.

§. 421. Wenn die Seite eines Vielecks gegeben ist, das Vieleck selbst zu zeichnen, z. B. auf  $ab$  Fig. 112. ein Fünfeck zu beschreiben.

Aufl. Mache  $ad = ab$  und beschreibe aus  $a$  den Halbkreis  $dfg, hib$ , und theile ihn in so viel Theile, als das Vieleck Seiten haben soll, hier in 5. Von  $a$  ziehe eine gerade Linie nach dem 2ten Theilpunct von  $d$  an gerechnet, hier nach  $g$ , so hat man 2 Seiten  $ab$  und  $ag$  des Vielecks in richtiger Lage. Ein Perpendikel aus der Mitte einer jeden, wie  $kc$  und  $lc$ , giebt den Mittelpunct  $c$ , aus dem der Kreis, worin das Vieleck  $agmbn$  völlig beschrieben werden kann, sich ziehen läßt. ( $\angle gad = \text{Centriwinkel}$ ,  $\angle gab = \text{Polygonwinkel}$ . Siehe §. 199.) Die Zeichnung  
der