



UNIVERSITÄTS-  
BIBLIOTHEK  
PADERBORN

## **Projectionslehre, Schattenconstruction und Perspective**

**Menzel, Karl Adolf**

**Leipzig, [1849]**

§. 26. Aufgabe. Es sollen die Schatten für den Aufriß eines Gesimses gefunden werden. (Taf. 6 Fig. 25.)

---

[urn:nbn:de:hbz:466:1-66132](https://nbn-resolving.org/urn:nbn:de:hbz:466:1-66132)

Die nach und nach gefundenen Punkte des Aufzriffes  $p' a' l' i'$   $g' d' b' h'$  werden also die Grenze des Schattens angeben, welcher gesucht werden sollte.

Um sich zu überzeugen, daß die Punkte  $s u$  des Grundriffes keine Schatten mehr werfen werden, darf man nur die Linien  $s t$  und  $u v$  ziehen und ihre Projectionen im Aufzriffe in den Linien **I, II, III, IV** suchen, so wird man finden, daß ihre Richtungslinien im Aufzriffe schon außerhalb des Kreises fallen (da schon die Richtungslinie  $o p q$  des Aufzriffes außerhalb fällt), daß sie also auch keinen Schatten in die Wölbung werfen können.

## §. 24.

Aufgabe. Es sollen die Schatten an einem Säulenkapital gefunden werden. (Taf. 6 Fig. 23.)

Auflösung. Nimmt man in der Linie des Grundriffes an die Punkte  $a e f h k$  an, so liegen diese Punkte in derjenigen unteren Kante der viereckigen Platte, welche ihren Schatten unter sich wirft. Der Punkt  $a$  wirft seinen Schatten auf den Viertelstab nach  $b$  und auf den Säulenschaft nach  $b'$ . Im Aufzriffe stimmen die Punkte  $b^2 b^3$  mit den vorigen in ihrer Projection überein, sie werden also die Schattenpunkte von  $b$  und  $b'$  des Grundriffes sein. Eben so findet man für  $e d d'$  im Grundriffe  $e' d^2 d^3$  im Aufzriffe. Für  $f g f'$  im Grundriffe findet man  $f^2 g' f^3$  im Aufzriffe, für  $h i$  des Grundriffes  $h' i'$  im Aufzriffe, für  $k k'$  des Grundriffes  $k^2 k^3$  im Aufzriffe.

Die viereckige Platte wird ferner ihren Schatten hinter sich an die Wand nach  $n^2 n^3$  werfen, wo sich der Schatten des Viertelstabes anschließt. Man suche man den Schatten des Viertelstabes auf die darunter befindliche viereckige Platte. Denkt man sich im Aufzriffe eine Linie unter 45 Grad gegen den Viertelstab gezogen, so wird sie bei dem Punkte  $v$  den Viertelstab tangiren; von diesem Punkte wird der Schatten anfangen.

Eben so sucht man die Schatten, welche die beiden Plättchen und der untere Rundstab auf den Säulenschaft werfen.

Man muß hierbei nur Folgendes vor Augen behalten. Will man z. B. die Länge der Schattenlinie  $e' d^2$  im Aufzriffe finden, so sieht man im Viertelstabe die Projection desjenigen Querschnittes, welchen die Linie  $d d'$  im Grundriffe angeht. Es wird im Aufzriffe eine gekrümmte Linie entstehen, welche immer länger gezogen ist, je mehr die Schattenpunkte rechts hintrücken. An diese jedesmal gefundene Linie ziehe man eine gerade Linie unter 45 Grad, so daß sie die krumme Linie tangirt, dann ist der Tangirungspunkt derjenige, welcher einen Schatten hinter sich wirft. Die Länge dieses Schattens findet man aus dem Grundriffe, wenn man die an den Säulenschaft oder an die anderen Gliederungen anfallenden übereinstimmenden Schattenpunkte hinausschneidet. Bei dem Punkte  $l$  des Grundriffes streifen die Lichtstrahlen vorbei, es wird also hier der sogenannte Mittelschatten beginnen, auch würde von diesem Punkte aus der Schlagschatten des Säulenschaftes auf die hinten befindliche senkrechte Wand gefunden werden, wenn er sichtbar wäre.

Man zeichne zur Uebung das Kapital recht groß, so wird man bei Annahme vieler Punkte die Schatten der verschiedenen Gliederungen sehr genau finden können. Bei der Kleinheit der Zeichnung konnte hier nur der Gang angegeben werden. Auch vergleiche man den hier folgenden Paragraph.

## §. 25.

Aufgabe. Es soll der Schatten eines Wulstes an einem Säulenschaft gefunden werden. (Taf. 6 Fig. 24.)

Auflösung. Zieht man im Grundriffe die Schattenrichtungslinien  $a b, c d, e f, g h, i k, l m$  und betrachtet diese Linien zugleich als Projectionen durch den Wulst gelegter Ebenen, so ergibt sich Folgendes: Wenn man im Aufzriffe die wagerechten Linien **I, II, III, IV** zieht, so liegt die Projection dieser Linien im Grundriffe, in den Kreisen, welche man durch die Punkte **I, II, III, IV** beschrieben hat, und man ist nunmehr im Stande, die Projectionen der vorhin erwähnten durchgelegten Ebenen (§. 22, Anmerk.) im Aufzriffe zu finden. Betrachten wir zuerst die Linie des Grundriffes  $a b$ , trägt man die Punkte dieser Linie, wo sie die Kreise **I, II, III, IV** schneidet, nach und nach im Aufzriffe in die gleichbedeutenden Linien des Aufzriffes **I, II, III, IV**, so erhält man im Aufzriffe die Projection der nach der Richtung  $a b$  des Grundriffes durchgelegten Ebene, welche im Aufzriffe durch den Punkt  $b'$  geht.

Trägt man eben so aus dem Grundriffe die Ebene  $c d$  hinauf, so erhält man im Aufzriffe die Projection dieser Ebene, welche im Aufzriffe durch den Punkt  $e'$  geht.

Trägt man eben so aus dem Grundriffe die Linie  $e f$  hinauf, so erhält man im Aufzriffe die Projection dieser Ebene, welche im Aufzriffe durch den Punkt  $d'$  geht.

Trägt man eben so aus dem Grundriffe die Linie  $g h$  hinauf, so erhält man im Aufzriffe die Projection dieser Ebene, welche im Aufzriffe durch den Punkt  $e'$  geht.

Trägt man eben so aus dem Grundriffe die Linie  $i k$  hinauf, so erhält man die Projection dieser Ebene im Aufzriffe, welche durch die Punkte des Aufzriffes  $f$  und  $h'$  geht.

Nachdem man nur im Aufzriffe die Projectionen aller dieser Ebenen aus dem Grundriffe gefunden hat, ziehe man im Aufzriffe unter einem Winkel von 45 Grad die Schattenrichtungslinien bei  $A A' A^2 A^3 A^4 A^5 A^6 A^7$ , und zwar so, daß sie an den Umrissen der gefundenen Ebenen vorbeistreichen (oder, was dasselbe ist, sie tangiren). Bemerket man diejenigen Punkte, wo die Linien  $A A' \dots$  die krummen Linien berühren, so ergeben sich die Punkte des Aufzriffes  $a' b' e' d' e' f' h' k'$ . Verbindet man nun diese Punkte durch eine Linie, so zeigt diese Linie den Umriss desjenigen Schattens (Mittelschattens), welcher auf dem Wulst entsteht. Unterhalb der Punkte  $a' b' e' \dots$  nämlich hören die Lichtstrahlen auf zu beleuchten, weil sie nur vorbeistreichen.

Dasselbe wird bei dem Punkte  $g'$  des Aufzriffes der Fall sein und deshalb wird die gesuchte Linie auch durch diesen Punkt gehen.

Aus diesem Beispiele ergeben sich zugleich die Auffindung der Schatten für alle nach außen (convex) oder auch nach innen (concav) gebogene und zugleich im Grundriffe freisrunde Gliederungen, deren man zur Uebung mehrere beliebige zeichnen kann.

## §. 26.

Aufgabe. Es sollen die Schatten für den Aufzriff eines Gesimses gefunden werden. (Taf. 6 Fig. 25.)

Auflösung. Zieht man an dem oberen Viertelstabe die Linie  $a b$  unter 45 Grad, so daß sie den Viertelstab tangirt, so wird der Punkt  $a$  seinen Schatten nach  $b$  werfen. Denkt man sich durch den Punkt  $a$  eine wagerechte Linie gezogen, so werden

alle Punkte dieser Linie einen Schatten unter sich, so gut wie der Punkt  $a$ , und auch eben so weit werfen. Zieht man also durch den Punkt  $b$  eine wagerechte (punktirte) Linie, so ist diese die Schattenlinie.

Eben so wird der Punkt  $c$  seinen Schatten bis  $d$  werfen. Die wagerechte Linie aber, welche durch  $c$  geht, ist die untere schattenwerfende Kante der Hängeplatte, und jeder Punkt derselben wird einen Schatten unter sich werfen, eben so tief, wie die Linie  $c d$  lang war; es wird also die wagerechte (punktirte) Linie, welche durch  $d$  gezogen ist, den Schatten der Unterkante der Hängeplatte bezeichnen.

Die Kehlleiße, welche sich unter der Hängeplatte befindet, wird also ganz im Schatten zu liegen kommen; eben so oberhalb das Plättchen und die Hohlkehle, welche sich unter dem Viertelstabe befinden.

Man ersieht ferner, daß das Auffuchen der Schatten wagerecht fortlaufender und übereinander liegender Gliederungen keine Schwierigkeiten darbietet.

## §. 27.

Aufgabe. Es sollen die Schatten eines im Grundrisse gezeichneten Gesimses gefunden werden. (Taf. 6 Fig. 25.)

Auflösung. Zu diesem Zwecke muß man sich den Aufsriß des Gesimses umgestürzt denken, so daß die oberste Kante desselben,  $FG$ , in der wagerechten Ebene liegend gedacht wird. Es wird also die Linie des Aufsrißes  $FG$  unten und der Punkt  $d$  des Aufsrißes oben zu denken sein. Denkt man sich ferner das ganze Gesims bei  $d$  abgeschnitten, so wird jetzt die Kante  $d f$  des Aufsrißes die äußerste Höhenkante des Gesimses bedeuten.

Der Punkt des Aufsrißes  $d$  aber wird unter  $45$  Grad seinen Schatten bis zu dem Punkte  $A$  des Aufsrißes in die wagerechte Grundebene werfen (wovon jetzt die Linie  $FG$  des Aufsrißes die Projection bedeutet). Eben so wird die ganze Kante  $d f$  des Aufsrißes ihren Schatten eben so weit in die Grundebene werfen. Im Grundrisse ist der Punkt  $B$  die Projection des Punktes  $d$  im Aufsriße. Zieht man nun im Grundrisse unter  $45$  Grad die Richtungslinie  $BN$  und trägt die Breite des Schattens aus dem Aufsriße herunter, so wird man finden, daß die Linie  $BN$  des Grundrisses bis zur Schattenlinie  $AK$  des Grundrisses herunterreichen würde, wenn man  $BN$  hinlänglich verlängert hätte. Ferner wirft der Punkt  $B$  des Grundrisses seinen Schatten bis bei  $E$  in die Tropfrinne hinein.

Der Projectionspunkt von  $B$  im Aufsriße ist der Punkt  $O$  im Grundrisse, und die Richtungslinie  $OM$  des Grundrisses wird bei  $M$  durch die Schattenlinie  $DM$  geschnitten. Betrachtet man nämlich im Aufsriße den Punkt  $D$ , so deutet er denjenigen Punkt der Kehlleiße an, wo die Lichtstrahlen vorbeistreichen; es wird dies aber bei jedem Punkte der Kehlleiße geschehen, welcher mit  $D$  in einer wagerechten Linie liegt. Nun ist im Grundrisse der Punkt  $D'$  die Projection von  $D$  im Aufsriße und die Linie des Grundrisses  $DM$  wird die schattenwerfende Kante der Kehlleiße sein. Der Punkt des Aufsrißes  $D$  wirft seinen Schatten bis  $E$ . Im Grundrisse ist  $G$  die Projection von  $H$  im Aufsriße; es wird also im Grundrisse die Linie  $EL$  die Schattenbreite angeben, welchen Schatten der Punkt  $D$  des Aufsrißes bis  $E$  wirft, und welcher sich in der Linie  $EL$  des Grundrisses darstellt. Im Aufsriße wirft

der Punkt  $H$  seinen Schatten nach  $J$ . Im Grundrisse ist die Projection dieses Schattens durch die Linien  $E'E^2$  und  $E^2E^3$  ausgedrückt. Im Aufsriße wirft der Punkt  $a$  seinen Schatten nach  $F$ . Im Grundrisse ist der Schatten davon die Linie  $aP$ , denn der Punkt  $a$  des Aufsrißes stellt die ganze schattenwerfende Kante des Viertelstabes vor. Endlich wirft diese Kante im Grundrisse nach der Linie  $HFF'$  einen Schatten und bei  $F'$  schließt er sich dem Schatten der Hängeplatte an.

## §. 28.

Aufgabe. Es soll der Schatten eines vor einer senkrechten Ebene stehenden Kreuzes auf diese senkrechte Ebene gefunden werden. (Taf. 6 Fig. 26.)

Auflösung. Man wird sich das Schattensuchen für diesen Fall, so wie für viele ähnliche sehr erleichtern, wenn man zuerst die vordere Fläche des gegebenen Körpers als schattenwerfend betrachtet und für dieselbe den Schatten an der Wand so sucht, als stände diese vordere Fläche allein (ohne Dicke) vor der senkrechten Wand. Ist dies geschehen, so sucht man in gleicher Weise den Schatten für die hintere Fläche allein, und verbindet alsdann diese beiden gefundenen Schatten in ihren zusammenstimmenden Endpunkten, um den Schatten des ganzen Körpers zu finden. Das gegebene Beispiel wird dies deutlicher machen.

Betrachtet man den Grundriß, so ist die Linie  $a'k m$  die Projection der ganzen vorderen Fläche des Kreuzes.

Eben so ist im Grundrisse die Linie  $chqo$  die Projection der ganzen hinteren Fläche des Kreuzes.

Nun bestimme man die vordere Fläche als Schattenfläche.

Der Punkt  $a$  des Grundrisses wirft seinen Schatten nach  $b$ . Es ist  $a$  der Projectionspunkt von  $a'$  und  $a^2$  im Aufsriße. Zieht man von diesen die Richtungslinien  $a^2b^2$  und  $a'b^1$  und schneidet von  $b$  nach  $b^1$  und  $b^2$  hinauf, so ist  $b^1b^2$  die erste gefundene Schattenlinie.

Eben so wirft der Punkt  $f$  des Grundrisses seinen Schatten nach  $g$ . Der Punkt  $f$  aber ist die Projection der Punkte  $f^1f^2f^3$  im Aufsriße, zieht man von diesen aus die Richtungslinien und schneidet von  $g$  aus die Punkte  $g^2g^3$  an, so hat man wieder eine schattenwerfende Kante gefunden.

Eben so wirft der Punkt  $k$  seinen Schatten nach  $l$ . Der Punkt  $k$  aber ist die Projection der Punkte  $k^1k^2k^3$ . Zieht man von diesen Punkten die Richtungslinien und schneidet den Punkt  $l$  nach  $l^1l^2l^3$  hinauf, so erhält man wieder eine Schattenkante.

Eben so wirft der Punkt des Grundrisses  $m$  seinen Schatten nach  $n$ . Der Punkt  $m$  aber ist die Projection der Punkte  $m^1m^2$  im Aufsriße und diese werfen ihren Schatten nach  $n^1n^2$ .

Ferner wirft aus ganz gleichen Gründen die Linie des Grundrisses  $a'k$  ihren Schatten nach  $b^2g^2$  des Aufsrißes, weil  $a'k$  die Projection der ganzen Fläche  $a^2f^2f^3a'$ .

Eben so wirft die Linie  $km$  des Grundrisses ihren Schatten nach  $l^2n^1$  und  $l^3n^2$ .

Ganz in gleicher Weise findet man den Schatten der hinteren Kreuzfläche, wenn man für die Punkte  $chqo$  des Grundrisses die Schattenpunkte  $d^1egp$  bestimmt und die dazu gehörigen Schattenpunkte im Aufsriße sucht.

Zieht man alsdann noch im Aufsriße die Linien  $d^2b^1$ ,  $g^1l^1$  und  $p^1n^1$ , so sind diese Linien die Schattenkanten von den Grundrisssprojectionsen  $a'c$ ,  $kg$ ,  $mo$ , und der Schatten des Kreuzes ist gefunden.