

## **Projectionslehre, Schattenconstruction und Perspective**

**Menzel, Karl Adolf**

**Leipzig, [1849]**

§. 27. Aufgabe. Es sollen ein Cylinder und ein Kegel, deren Achsen in den Grundflächen parallel mit der Grundlinie der Tafel stehen, perspectivisch gezeichnet werden. (Taf. 9 Fig. 16).

---

[urn:nbn:de:hbz:466:1-66132](https://nbn-resolving.org/urn:nbn:de:hbz:466:1-66132)

$nq$ ,  $su$  und  $tr$ , so sind diese Parallelen zwischen Parallelen, folglich perspectivisch einander gleich.

Wollte man nun von  $n$  und  $q$  aus Linien ziehen, welche nach dem in der Tafel nicht vorhandenen Verschwindungspunkte  $E$  gehen sollen, so findet man für  $n$  die Linie  $4n4$  und für  $q$   $6!q6!$ .

Soll nun von dem Punkte  $n$  aus auf der Linie  $4n4$  ein Stück von 5 Fuß oder 5 Theilen abgeschnitten werden, so ziehe man erst  $T1$ , setze von  $1$  aus ein Maß von 5 Theilen auf die Grundlinie bis  $i$ , ziehe  $iT$ , so ist  $nk$  5 Theile lang. Zieht man nun noch durch den Punkt  $t$  eine Linie  $3t3$  und durch  $k$  eine Linie nach  $E$ , so ist  $nkht$  ein Rechteck, und wenn man noch  $kx$  und  $xo$  nach  $E'$  zieht, so erhält man die Figur eines Prisma in geneigter Stellung gegen die Tafel.

## §. 27.

**Aufgabe.** Es sollen ein Cylinder und ein Kegel, deren Achsen in den Grundflächen parallel mit der Grundlinie der Tafel stehen, perspectivisch gezeichnet werden. (Taf. 9 Fig. 16.)

**Auflösung.** Es wird nach dem, was in §. 19 bei Taf. 9 Fig. 8 über die Zeichnung eines Achtecks im Quadrate und eines Kreises im Achteck gesagt war, nicht schwer sein, das Geforderte zu leisten. Man richte sich Fig. 16 die Tafel so ein, wie sie in Fig. 8 eingerichtet war, mit dem perspectivischen Maßstabe dabel.

Es lägen nun die vorderen Seiten der Grundquadrate, in welchen die Achtecke und Kreise der Grundflächen beider Körper eingeschlossen sind, um einen Maßtheil des perspectivischen Maßstabes von der Grundlinie der Tafel zurück, so ziehe man durch  $1$  des perspectivischen Maßstabes eine Wagerechte, und man wird die Linie haben, in welcher die vordere Seite der Quadrate liegen wird. Die Quadrate sollen zwei Maßtheile breit und tief werden. Man ziehe demnach noch durch  $2$  und  $3$  des perspectivischen Maßstabes Parallelen mit der Grundlinie der Tafel, so hat man die Mittellinie und hintere Begrenzung gefunden.

Stände nun der Punkt  $p$  in der Grundlinie der Tafel um ein Maßtheil links von der Mittellinie der Tafel (Standlinie) und man zieht  $pA$ , so hat man die rechte Seite des Grundquadrats. Macht man  $pw$  und  $mu$  gleich einem Maßtheile und zieht  $mA$  und  $nA$ , so hat man die Mittellinie und die andere Seite des Quadrats. Nun sucht man nach §. 19 das Achteck und beschreibt in diesem den Kreis, so hat man die Grundfläche des Cylinders.

Bestimmt man nun die Höhe desselben, was gar keine Schwierigkeit hat, und zieht die äußeren beiden Begrenzungslinien, wo sie den oberen und unteren Kreis tangiren, so hat man den Cylinder gefunden. Bei dem Kegel ist es eben so leicht.

Die Tiefen waren bereits bestimmt. Sucht man die Punkte  $qrs$  und zieht die Linien  $qA$ ,  $rA$ ,  $sA$ , so schneidet sich das Grundquadrat des Kegels ab. Errichtet man auf dessen Mitte eine Senkrechte, bestimmt darauf (mittelft des perspectivischen Maßstabes) die Höhe und zieht von da ab die Begrenzungslinien, so hat man den Kegel gefunden.

## §. 28.

**Aufgabe.** Es soll ein Cubus perspectivisch gezeichnet werden, dessen eine Seite einen beliebigen

Winkel mit der Grundlinie der Tafel macht. (Taf. 9 Fig. 18.)

**Auflösung.** Man richte die Tafel nach §. 23 Tafel 9 Fig. 12 ein.

Man will, daß der Körper mit seiner einen Kante in dem Punkte  $v$  stehen soll, weil man vorher weiß, daß die perspectivischen Linien alsdann angenehm fallen werden.

Zieht man nun  $E'v$  bis  $r$  an der Grundlinie, so hat man von  $v$  nach  $E'$  hin die Verschwindungslinie, in welcher die eine Seite der Grundfläche des Cubus liegen wird, und zugleich in  $r$  den Punkt, wo diese Linie in der Grundlinie eintrifft.

Zieht man  $T'n$ , so hat man von  $rE'$  ein Stück  $rv$  abgeschnitten, welches so lang als  $rn$  ist, und hierdurch hat man zugleich das Maß des Abstandes des Punktes  $v$  von der Grundlinie bestimmt.

Nimmt man nun das Maß der einen Seite des Cubus, setzt es von  $n$  nach  $m$  und zieht  $nT'$  und  $mT'$ , so ist die Linie  $vx$  die eine perspectivische Seite des Cubus.

Zieht man ferner aus dem Punkte  $v$  die Linie  $vE$ , so hat man die verschwindende Linie, in welcher die andere sichtbare Seite der Grundfläche des Cubus liegen wird. Zieht man  $T'v$  bis zur Grundlinie, setzt daselbst von  $p$  nach  $q$  das Maß einer Seite des Cubus und zieht  $qT$ , so ist  $vw$  die andere Seite der Grundfläche des Cubus.

Um seine Höhe zu bestimmen, errichte man in dem Punkte  $r$  die Senkrechte  $tr$  und mache sie gleich der Maßhöhe des Cubus, ziehe von  $t$  nach  $E'$ , so ist  $E't$  eine perspectivische Parallele mit  $vE'$  und die auf den Punkten  $v$  und  $x$  errichteten Senkrechten werden beide so hoch sein wie  $tr$ .

Zieht man nun vom obersten Punkte des Perpendikels auf  $v$  eine Linie nach  $E$  und errichtet in  $w$  ebenfalls einen Perpendikel, so ist dieser eben so hoch wie  $tr$ .

Zieht man nun noch die Linien der Oberfläche nach den entsprechenden Verschwindungspunkten, wie die Zeichnung zeigt, so hat man den Cubus vollendet.

**Anmerkung.** Man wird jetzt bereits übersehen, daß man alle möglichen Gestaltungen in allen möglichen Lagen perspectivisch darzustellen im Stande ist, wenn man die Begrenzungspunkte der Körper und Flächen einzeln aufsucht. Man wird aber zugleich bei einiger Uebung sehen, daß die Aufgaben immer leichter werden, je mehr man deren auflöst, indem sich bei dem Zeichnen selbst eine Menge Vereinfachungen im Auffinden der Punkte ergeben werden, welche, um nicht unnöthig weilkäufig zu werden, hier nicht berührt werden konnten.

Da in den vorhergehenden Paragraphen und Figuren die Hauptfälle enthalten sind, so werden wir in den folgenden Figuren nur die nöthigen Andeutungen machen, indem vorausgesetzt werden muß, daß der Leser das bisher Gesagte vollständig inne habe.

Was das perspectivische Darstellen architectonischer Gegenstände noch sehr erleichtert, ist, daß die Bauformen größtentheils prismatisch sind, oder doch in Prismen und Cuben eingeschlossen gedacht werden können. Abweichungen lassen sich aber, wie wir gesehen haben, in allen Fällen bestimmen, z. B. bei dem Cylinder bei dem Kegel, und so dürfte es wohl nunmehr keine Form mehr geben, welche wir nicht im Stande wären zu bestimmen.

Es muß hierbei noch bemerkt werden, daß der Leser nur