



UNIVERSITÄTS-
BIBLIOTHEK
PADERBORN

Die Statik im Stahlbetonbau

Beyer, Kurt

Berlin [u.a.], 1956

Verdrehungen der Endquerschnitte mit Angaben über die Biegelinien für
Balkenträger mit konstantem Jh/J

[urn:nbn:de:hbz:466:1-74292](#)

Verdrehungen der Endquerschnitte mit Angaben über die Biegelinien für Balkenträger mit konstantem J_h/J .

Die Winkel φ_a , φ_b und die Ordinaten w , f der Biegelinie werden im EJ_e fachen Betrag angegeben.

Tabelle 17. Träger auf zwei Stützen.

$$\varphi_a / \frac{l'}{6} = R_{(k-1)k}, \quad \varphi_b / \frac{l'}{6} = R_{kk} \text{ werden auf S. 258 als Kreuzlinienabschnitte verwendet.}$$



Abszissen der Belastung: ξl , $\xi' l$; Abszissen der Stabquerschnitte: ζl , $\zeta' l$; Schnitt h links der Last, Schnitt r rechts der Last.
 $l \cdot J_e/J_h = l'$

	$\varphi_a = \frac{l'}{6} P l \omega'_D; \quad \varphi_b = \frac{l'}{6} P l \omega_D;$ $w_h = \frac{l'}{6} P l^2 \xi' \zeta [\xi(1 + \xi') - \zeta^2]; \quad w_r = \frac{l'}{6} P l^2 \xi \zeta' [\xi'(1 + \xi) - \zeta'^2]$ $w \text{ im Lastpunkt } (\zeta = \xi): \quad w = f = \frac{l'}{3} P l^2 \xi^2 \zeta'^2;$
	$\varphi_a = \frac{l'}{6} \frac{10}{27} P l; \quad \varphi_b = \frac{l'}{6} \frac{8}{27} P l$
	$\varphi_a = \frac{l'}{6} 2 P l \xi' \left(1 - \xi'^2 - \frac{3}{4} \gamma^2 \right); \quad \varphi_b = \frac{l'}{6} 2 P l \xi \left(1 - \xi^2 - \frac{3}{4} \gamma^2 \right)$
	$\varphi_a = -\frac{l'}{6} P l \omega''_D; \quad \varphi_b = \frac{l'}{6} P l \omega''_D$
	$\varphi_a = \varphi_b = \frac{l'}{6} P l \frac{n}{4} \left(1 - \frac{1}{n^2} \right)$
	$\varphi_a = \varphi_b = \frac{l'}{6} P l \frac{n}{4} \left(1 + \frac{1}{2 n^2} \right)$
	$\varphi_a = \frac{l'}{6} P l \frac{2 n + 1}{8} \left[1 - \frac{1}{(2 n + 1)^4} \right];$ $\varphi_b = \frac{l'}{6} P l \frac{2 n + 1}{8} \left[1 - \frac{2}{(2 n + 1)^2} + \frac{1}{(2 n + 1)^4} \right]$
	$\varphi_a = \frac{l'}{6} p l^2 2 \gamma \xi' (1 - \gamma^2 - \xi'^2); \quad \varphi_b = \frac{l'}{6} p l^2 2 \gamma \xi (1 - \gamma^2 - \xi^2)$
	$\varphi_a = \frac{l'}{6} p l^2 4 \gamma^2 (1 - \gamma)^2; \quad \varphi_b = \frac{l'}{6} p l^2 2 \gamma^2 (1 - 2 \gamma^2)$
	$\varphi_a = \varphi_b = \frac{l'}{6} p l^2 \frac{\gamma}{4} (3 - 4 \gamma^2)$
	$\varphi_a = \varphi_b = \frac{l'}{6} p l^2 \frac{\gamma}{4} (3 - 4 \gamma^2)$
	$\varphi_a = \varphi_b = \frac{l'}{6} p l^2 \frac{\beta}{4} (3 - \beta^2 - 3 \alpha^2)$
	$\varphi_a = \varphi_b = \frac{l'}{6} p l^2 \frac{\beta^2}{2} (3 - 2 \beta)$
	$\varphi_a = \varphi_b = \frac{l'}{6} \frac{7}{54} p l^2$

Tabelle 17 (Fortsetzung).

	$\varphi_a = \frac{l'}{6} \frac{3}{2} p l^2 \gamma \xi' \left[\xi(1 + \xi') - \frac{15\xi' + 2\gamma}{10\xi'} \gamma^2 \right];$ $\varphi_b = \frac{l'}{6} \frac{3}{2} p l^2 \gamma \xi \left[\xi'(1 + \xi) - \frac{15\xi - 2\gamma}{10\xi} \gamma^2 \right]$
	$\varphi_a = \frac{l'}{6} \frac{p l^2}{60} \alpha^2 (40 - 45\alpha + 12\alpha^2); \quad \varphi_b = \frac{l'}{6} \frac{p l^2}{15} \alpha^2 (5 - 3\alpha^2)$
	$\varphi_a = \frac{l'}{6} \frac{p l^2}{60} \beta^2 (10 - 3\beta^2); \quad \varphi_b = \frac{l'}{6} \frac{p l^2}{60} \beta^2 (20 - 15\beta + 3\beta^2)$
	$\varphi_a = \frac{l'}{6} \frac{7p l^2}{60}; \quad \varphi_b = \frac{l'}{6} \frac{2p l^2}{15}; \quad w = \frac{p l^4}{360} \zeta (7 - 10\zeta^2 + 3\zeta^4)$
	$\varphi_a = \frac{l'}{6} \frac{1}{2} p l^2 \gamma \xi' [2\xi(1 + \xi') - \gamma^2];$ $\varphi_b = \frac{l'}{6} \frac{1}{2} p l^2 \gamma \xi [2\xi'(1 + \xi) - \gamma^2]$
	$\varphi_a = \varphi_b = \frac{l'}{6} \frac{p l^2}{8} \gamma (3 - 2\gamma^2)$
	$\varphi_a = \frac{l'}{6} \frac{p l^2}{60} (1 + \alpha') (7 - 3\alpha'^2); \quad \varphi_b = \frac{l'}{6} \frac{p l^2}{60} (1 + \alpha) (7 - 3\alpha^2)$
	$\varphi_a = \varphi_b = \frac{l'}{6} \frac{p l^2}{4} \gamma^2 (4 - 3\gamma)$
	$\varphi_a = \varphi_b = \frac{l'}{6} \frac{p l^2}{2} \gamma \xi' [2\xi(1 + \xi') - 3\gamma^2]$ $\varphi_b = \frac{l'}{6} \frac{p l^2}{2} \gamma \xi [2\xi'(1 + \xi) - 3\gamma^2]$
	$\varphi_a = \varphi_b = \frac{l'}{6} \frac{3}{8} p l^2 \gamma (1 - 2\gamma^2)$
	$\varphi_a = \frac{l'}{6} \frac{p l^2}{60} [15 - (1 + \alpha') (7 - 3\alpha'^2)]; \quad \varphi_b = \frac{l'}{6} \frac{p l^2}{60} [15 - (1 + \alpha) (7 - 3\alpha^2)]$
	$\varphi_a = \varphi_b = \frac{l'}{6} \frac{p l^2}{4} \gamma^2 (2 - \gamma)$
	$\varphi_a = \frac{l'}{6} \frac{l^2}{60} (8p_a + 7p_b); \quad \varphi_b = \frac{l'}{6} \frac{l^2}{60} (7p_a + 8p_b)$
	$\varphi_a = \varphi_b = \frac{l'}{6} \frac{p l^2}{4} [1 - \gamma^2 (2 - \gamma)]$
	$\varphi_a = \frac{l'}{6} M \omega'_M; \quad \varphi_b = -\frac{l'}{6} M \omega_M$
	$\varphi_a = \frac{l'}{6} (2M_a + M_b); \quad \varphi_b = \frac{l'}{6} (M_a + 2M_b)$

Tabelle 18. Freiträger.

		Abszissen der Belastung: $\xi l, \xi' l$; Abszissen der Stabquerschnitte: $\zeta l, \zeta' l$. Schnitt h links, Schnitt r rechts der Last. $l J_e/J_h = l'$. φ_b und die Ordinaten $w, w_b = f$ der Biegelinie sind $E J_e$ fache Beträge.	
	$\varphi_b = \frac{l'}{2} P l \xi^2; \quad f = \frac{l'}{6} P l^2 \xi^2 (3 - \xi);$ $w_h = \frac{l'}{6} P l^2 \xi^2 (3 \xi - \zeta); \quad w_r = \frac{l'}{6} P l^2 \xi^2 (3 \zeta - \xi)$		
	$\varphi_b = \frac{l'}{6} 3 P l; \quad f = \frac{l'}{3} P l^2; \quad w = \frac{l'}{6} P l^2 \xi^2 (3 - \xi)$		
	$\varphi_b = \frac{l'}{6} p l^2 \xi' (3 - 3 \xi' + \xi'^2); \quad f = \frac{l'}{24} p l^3 \xi' (8 - 6 \xi' + \xi'^3)$		
	$\varphi_b = \frac{l'}{6} p l^2 \xi^3; \quad f = \frac{l'}{24} p l^3 \xi^3 (4 - \xi)$		
	$\varphi_b = \frac{l'}{6} p l^2; \quad f = \frac{l'}{8} p l^3; \quad w = \frac{l'}{24} p l^3 \xi^2 (6 - 4 \xi + \xi^2)$		
	$\varphi_b = \frac{l'}{24} p l^2 \xi' (6 - 8 \xi' + 3 \xi'^2); \quad f = \frac{l'}{30} p l^3 \xi' (5 - 5 \xi' + \xi'^3)$		
	$\varphi_b = \frac{l'}{24} p l^2; \quad f = \frac{l'}{30} p l^3; \quad w = \frac{l'}{120} p l^3 (4 - 5 \xi' + \xi'^5)$		
	$\varphi_b = \frac{l'}{24} p l^2 \xi' (6 - 4 \xi' + \xi'^2); \quad f = \frac{l'}{120} p l^3 \xi' (20 - 10 \xi' + \xi'^3)$		
	$\varphi_b = \frac{l'}{8} p l^2; \quad f = \frac{11 l'}{120} p l^3; \quad w = \frac{l'}{120} p l^3 (11 - 15 \xi' + 5 \xi'^4 - \xi'^5)$		
	$\varphi_b = M l \xi; \quad f = \frac{M l^2}{2} (1 - \xi'^2)$		$w = \frac{M l^2}{2} \xi^2$

Tabelle 19. Auslegeträger.

		Abszissen der Stabquerschnitte: Im Feld: $\zeta_1 l, \zeta'_1 l$; im Kragarm: $\zeta_2 c, \zeta'_2 c$. Schnitt h im Feld, Schnitt k im Kragarm. $l J_e/J_h = l'$. φ_d u. die Ordinaten $w, w_d = f$ der Biegelinie sind $E J_e$ fache Beträge.
	$w_h = -\frac{l'}{6} P l^2 \gamma (\zeta_1 - \zeta_1^3) = -\frac{l'}{6} P l^2 \gamma^2 \omega_D; \quad \varphi_d = \frac{l'}{6} P l \gamma (2 + 3 \gamma)$ $w_k = \frac{l'}{6} P l^2 \gamma^2 \zeta_2 [2 + \zeta_2 \gamma (3 - \zeta_2)]; \quad f = \frac{l'}{3} P l^2 \gamma^2 (1 + \gamma)$	
	$w_h = -\frac{l'}{12} p l^3 \gamma^2 (\zeta_1 - \zeta_1^3) = -\frac{l'}{12} p l^3 \gamma^2 \omega_D; \quad \varphi_d = \frac{l'}{6} p l^2 \gamma^2 (1 + \gamma)$ $w_k = \frac{l'}{24} p l^3 \gamma^3 \zeta_2 [4 + \gamma \zeta_2 (2 + (1 + \zeta_2)^2)]; \quad f = \frac{l'}{24} p l^3 \gamma^3 (4 + 3 \gamma)$	