

Lehrbuch der Stereometrie

Hauck, Guido Tübingen, 1893

II. Konstruktions-Aufgaben.

urn:nbn:de:hbz:466:1-77777

nämlich zu Phramidenoktaeder und Phramidenwürfel auch für die übrigen regul. Polyeder Analoga konstruieren. Ferner kann man die in 58, 59 und 60. b für das Oktaeder besprochenen Konstruktionen auch auf das Ikosaeder (Ecken A, Mittelpunkt O) anwenden, indem man mit Bez. auf die 20 von den Strahlen OA gebildeten Dreikante genau ebenso verfährt, wie beim Oktaeder mit Bez. auf die 8 Oktanten versahren wurde. Die 13 gleich fläch ig halbregul. Polyeder sind hiernach solgende: Phemiden Zetraeder, Würfel, Dktaeder, Doedekaeder, Thosaeder, Thosaeder, Die 13 de kaeder, Wie bein Oktaen de kanden versahren wurde. Die 13 gleich fläch ig halbregul. Polyeder sind hiernach solgende: Phemiden Zetraeder, Würfel, Dktaeder, Doedekaeder, Wieden von der der, Würfel, Wirden verder, Wirden versahren versahren wurde.

b. Hiemit sind (nach 62. b) zugleich auch die 13 möglichen gleich e digshalbregul. Formen gefunden. Sie lassen sich übrigens auch direkt aus den regul. Polhedern durch regelmäßiges Abstumpfen ihrer Ecken und Kanten erzeugen, wozu in III. Anh. Aufg. 18. b die Anleitung gegeben wird. (Bon ihnen auszusgehen und aus ihnen die gleich fläch igshalbregul. Formen nach 62. b abzuleiten, ist eigentlich der leichtere Weg. Doch bieten

die letteren das größere Intereffe.)

II. Konstruftions-Aufgaben.

1-21: Konftruktionen von Polyedern und Polyederneben.

1. Lon einer Phramide sind die Grundfläche und zwei Seitenflächen gegeben. Es sollen die übrigen Seitenflächen, ferner die Höhe und sämtliche Keilwinkel durch Konstruktion in einer Ebene gefunden werden. (Die Seitenflächen findet man mit Hilfe von III. Anh. 32. a, die Höhe und die Keilwinkel an den Grundkanten mittels rechtw. Dreiecke, die Keilwinkel an den Seitenkanten wie W. a in II. Aufg. 6.)

2. a. Von einem Prisma sind geg: die Grundfläche und a) zwei an einander stoßende — β) zwei nicht an einander stoßende — β) zwei nicht an einander stoßende Seitenflächen. Es sollen die übrigen Seitenflächen, ferner die Höhe und sämtliche Keilwinkel durch Konstruktion in einer

Ebene gefunden werden. (III. Anh. 32. c. Im übrigen wie bei der vor. Aufg. — β führe man auf α zurück, indem man die den zwei geg. Seitenflächen angehörigen Grundkanten bis zu ihrem Schnitt verlängert. Letztere dürfen nicht parallel sein, wenn die Aufg. bestimmt sein soll.)

b. Die gleiche Aufgabe für einen Pyramidenrumpf.

3. Einen dreiseitigen Pyramidenrumpf zu konstr., wenn geg. sind: eine Grundfläche, eine Seite der andern Grundfläche, und die drei Seitenkanten.

4. Ueber einem geg. (spiswinkligen) Dreieck als Grundfläche eine Phramide zu errichten, deren Dreikant an der Spize ein Oktant sei. (II. Anh. 10 u. II. Aufg. 2. c führen auf die nämsliche Lösung wie III. Anh. 30. a.)

5. Ein Vierflach zu konftr., von dessen Flächen die eine einem geg. Dreieck kongruent, eine zweite einem geg. Dreieck ähnslich, eine dritte mit einem geg. Dreieck inhaltsgleich sei.

6. Ein Vierflach zu konftr., von dem zwei Flächen geg. find,

und beffen Inhalt gleich einem geg. Bürfel fei.

7. Gin Bierflach zu konftr., von dem eine Fläche und drei

höhen geg. find. (Zwei Fälle zu berücksichtigen.)

8. Ein Vierflach zu konstr., von dem geg. sind: eine Fläche, die zugehörige Schwerlinie, und die Verhältnisse der von dersselben Ede ausgehenden Kanten. (II. Anh. 11. b.)

9. Eine Pyramide zu konstr., wenn geg. sind: die rechteckige Grundfläche, die Höhe, und die von je zwei gegenüberliegenden

Seitenflächen gebildeten Reile. (II. Anh. 9.)

10. Eine Phramide zu konftr., wenn geg. sind: die Grundfläche, der Rauminhalt, die Länge einer Seitenkante, und der Grundneigungswinkel einer zweiten Seitenkante.

11. Eine Phramide zu konftr., wenn geg. sind: die Grundsfläche und die Grundneigungswinkel einer Seitenfläche und der

in bieser liegenden zwei Seitenkanten.

12. Von einem Parallelflach sind die Längen der von einer Ecke ausgehenden drei Kanten und die an ihnen befindlichen Keilwinkel gegeben. Es sollen die vier Diagonalen durch Konstruktion in einer Ebene gefunden werden.

13. Ein Rhomboeder zu konstr., von dem die Hauptdiagonale und ein Rhombenwinkel geg. sind. (2 Lösungen.) 14. In einem durch seine drei Seiten geg. Dreikant wers den von den Kanten drei geg. Strecken abgeschnitten und durch die Endpunkte Ebenen senkrecht zu den Kanten gelegt. Bon dem durch diese drei Ebenen aus dem Dreikant ausgeschnittenen Körper soll das Netz konstr. werden. (Bgl. II. 5, zweiter Bew.)

15. Die Nete der fünf regul. Polyeder zu tonftr.

16. a. Die Schnittfigur eines durch seine Kantenlänge geg. Dodekaeders oder Ikosaeders mit einer Ebene zu konstr., die durch zwei parallele Kanten geht. (Bgl. III. Anh. 47. b.)

b. Lon jedem der fünf regul. Polheder die Halbmesser der umbeschriebenen, der einbeschriebenen und der kantenberührenden Augel, sowie den Keilwinkel an den Kanten durch Konstruktion in einer Ebene zu finden, wenn die Kantenlänge geg. ist. (Für Dodek. und Ikos. enthält die Schnittsigur der Aufg. a sämtliche gesuchten Stücke.)

17. Die Gestalt der Flächen der in III. Anh. 58, 59 und 60 aufgeführten Polyeder zu konstr., wenn die Achsenabschnitte OA, OB, OC geg. sind.

18. a. Die 13 gleich eck i g = halbregulären Polheber, die zu den in III. Anh. 63. a aufgezählten gleich fläch i g = halbregulären reziprok sind, zu diskutieren. (III. Anh. 62. b.)

b. Diefe Bolheder zu tonftr. durch Abstumpfung ber Eden und Ranten ber regul. Polheber. (Stumpft man die Eden von Tetraeder, Ottaeder, Bürfel, Itofaeder, Dodefaeder fo ab, baß aus jeder ursprünglichen Fläche ein regul. Bieleck von doppelter Seitenzahl wird, fo erhalt man die bezw. mit Phramiden = Tetraeder, =Würfel, =Ottaeder, =Dodekaeder, =Jkosaeder reziproken. — Mit den beiden Granatoedern sind reziprof die Körper in III. Unh. 54. bu. c, vgl. 56. — Das mit dem oktaedr., bezw. ikofaedr. Leuzitoeber reziprofe erhält man, wenn man Eden und Ranten eines Bürfels oder Ottaeders, bezw. Dodefaeders oder Itojaeders, fo abstumpft, daß in jeder Fläche ein mit ihr ähnliches und konzentrisch= ähnlich liegendes Bieled entsteht, von dem immer zwei Eden mit zwei Eden eines benachbarten Vieled's die Eden eines Quabrates bil= ben. - Stumpft man fo ab, daß in jeder Fläche ein mit ihr konzentrisches Vieleck von doppelter Seitenzahl entsteht, und beobachtet im übrigen das nämliche wie vorhin, so erhält man die mit den beiden Diamantoedern reziproken*). — Zeichnet man in jeder Fläche eines Würfels oder Oktaeders, bezw. Dodekaeders oder Jkosaeders, ein mit ihr ähnliches und konzentrisch-verdreht liegendes Vieleck von solcher Größe und Lage, daß immer zwei Ecken eines Vielecks mit zwei Ecken des in einer Nachbarfläche liegenden Vielecks ein aus zwei regul. Dreiecken bestehendes windschieses Viereck bilden: so erhält man das mit dem oktaedr., bezw. ikosaedr. Gyroeder reziproke.)

c. Die Netze der in b aufgeführten 13 Polyeder zu konftr., wenn die Kantenlänge geg. ift.

d. Die Kantenlängen der in b aufgeführten 13 Polyeder zu konstr., wenn der Halbmesser der umbeschriebenen Augel geg. ift.

e. Die Flächengestalt der 13 gleich fläch ig = halbregul. Po= lyeder zu konstr., wenn der Halbmesser der einbeschriebenen Kugel geg. ist.

f. Für sämtliche halbregul. Polyeder die Keilwinkel an den Kanten durch ebene Konstr. zu finden.

19. a. Zwei kongr. Würfel von geg. Kantenlänge durchstringen sich so, daß sie eine Diagonale gemeinsam haben und um 180° gegen einander verdreht sind. Aus jeder Fläche des einen ragt eine Ecke des andern als dreiseitige Khramide hers vor. Schneidet man diese zwölf kongr. Khramiden weg, so bleibt als Kern eine aus zwei regul. sechsseit. Khram. bestehende Doppelsphramide übrig. Von diesem Kern, sowie von den zwölf Khrasmiden sollen die Netze konstr. werden. (Salmiakskilling.)

b. Zwei kongr. Oktaeder durchdringen sich so, daß, wenn sie als Prismatoide betrachtet werden, ihre Grundslächen in der nämlichen Ebene konzentrisch und um 180° gegen einander versdreht liegen. Es soll der beiden Körpern gemeinschaftliche Kern diskutiert und sein Rep konstruiert werden.

20. Zwei kongr. regul. sechsseitige Prismen, durch deren Achsen je eine Ebene senkrecht zu zwei parallelen Seitenflächen

^{*)} Die mit den beiden Leuzitoedern und Diamantoedern reziproken kann man auch durch Abstumpsen der beiden Granatoeder erhalten, indem man in jeden Rhombus ein Quadrat einzeichnet, dessen Seiten den Rhombendiagonalen parallel sind, und dessen Ecken 1) auf den Rhombenseiten, 2) innerhalb der Rhomben liegen.

geht, werden so gelegt, daß diese zwei Ebenen zusammenfallen und die Achsen sich rechtwinklig schneiden. Es soll eine der zwei (ebenen) Schnittsiguren der Prismenmäntel in wahrer Größe gezeichnet und das Netz des den Prismen gemeinschaftlichen Kerns

fonftruiert werden.

21. Ein geg. stumpfes Rhomboeder wird durchdrungen von einem spigen Rhomboeder, das mit dem ftumpfen den Mittelpunkt, die Richtung der Hauptdiagonale und die einbeschriebene Rugel gemein hat, und beffen von einer Sauptede ausgehende Ranten parallel sind mit den von der entsprechenden hauptede ausgehenden Rhombendiagonalen des ftumpfen. Es foll der beiden Körpern gemeinschaftl. Rern ermittelt und deffen Ret gezeichnet werden. (Die Hauptecken des ftumpfen Rhomboeders gehören auch dem Kernkörper an. In den 2 mal 6 Flächen der zwei Rhomboeder entstehen als Flächen des Kernkörpers 2 mal 6 symmetrisch geftaltete Fünfede von zweierlei Urt. Im stumpfen Rhomboeder sind zwei Fünfecksseiten parallel mit einer Rhombendiagonale; im fpigen fallen zwei Fünfecksseiten in Ranten, zwei andere sind diesen parallel. Mittels einer in einem gemeinschaftl. Diagonalschnitt beider Rhomboeder gezeichneten Silfsfigur laffen fich in die beiderlei Rhomboederflächen die bezügl. Fünfede leicht einzeichnen.)

22-35 : Konftruktionen an Polyedern, Gbene Schnitte.

22. Im Innern eines geg. Vierflachs einen Punkt zu finden von der Eigenschaft, daß seine Verbindungsebenen mit den 6 Kanten das Vierflach in vier dreiseitige Pyramiden teilen, deren Rauminhalte sich verhalten wie m:n:p:q.

23. a. Den Schwerpunkt eines Phramidenrumpfes -

b. eines Körpers zu bestimmen, der aus zwei verschiedenen Regelrümpfen mit gemeinschaftlicher Grundsläche zusammengesetzt ift. (III. Anh. 21. Anm.)

24. Den Mantel a) eines Regels — b) eines Regelrumpfes

durch Parallelfreise in n gleiche Teile zu teilen.

25. a. Den Halbmesser einer Kugel zu finden, deren Oberfläche gleich der Summe der Oberflächen zweier geg. Augeln sei.

b. Die Halbmeffer zweier Rugeln zu finden, wenn die

Summe ihrer Oberflächen gleich der Oberfläche einer geg. Kugel sein soll, und wenn die Summe oder die Differenz oder das Vershältnis beider Halbmesser geg. ist.

Anm. Die folgenden Aufgaben 26—29 über ebene Schnitte von Polhebern sollen ohne Benützung von 1. Aufg. 6. durch bloßes Ziehen von geraden Linien gelöst werden (I. Einl. 6. d).

26. Auf drei Kanten eines Parallelflachs, von denen a) je zwei — b) keine zwei der nämlichen Fläche angehören, sind drei Punkte gegeben. Die Schnittsigur der durch sie gelegten Ebene zu konstr. (Je zwei Seiten des Schnittpolygons schneiden sich verlängert auf der Schnittkante der zwei Flächen, in denen sie liegen. Bei b schneide man ein Stück von dem Parallelflach weg, indem man durch zwei geg. Punkte und die Kante, auf der einer von ihnen liegt, einen Schnitt sührt, und betrachte zunächst den Resktörper.)

27. Die Schnittsigur einer mehrseitigen Pyramide mit einer Ebene zu zeichnen, welche drei a) auf einander folgende — b) nicht auf einander folgende Seitenkanten nach geg. Verhältnissen schneide. (Mittels der Schnittlinien von je zwei nicht an einander stoßen-

den Seitenflächen ober Diagonalschnitten.)

28. Die Schnittfigur einer Pyramide mit einer Ebene zu zeichnen, die durch eine in der Ebene der Grundfläche geg. Gerade und durch einen auf einer Seitenkante geg. Punkt gehe. (Die Seiten des Schnittpolygons und der Grundfläche schneiden

fich je zu zweien auf der geg. Geraden.)

29. Geg. ein senkrechtes Prisma und eine in der Ebene seiner Grundsläche liegende Gerade. Das Prisma durch eine Ebene, die durch die Gerade gehe, so zu schneiden, daß die Schnittsfigur einen geg. Winkel enthalte, dessen Spitze auf einer bestimmten Seitenkante liege. (Das von der Spitze des Winkels und den Spurpunkten seiner Schenkel gebildete Dreieck kann in umgelegter Lage leicht gezeichnet werden.)

30. Eine geg. vierseitige Phramide nach einem gleichschenkligen Trapez zu schneiden, von dessen parallelen Seiten die eine in einer bestimmten Seitenfläche liege, die andere in der Grund-

fläche liege und eine geg. Länge habe.

31. Ein geg. Vierkant durch eine Ebene so zu schneiden, daß die Schnittfigur ein Parallelogramm von geg. Inhalt sei.

32. Einen Oktanten durch eine Ebene so zu schneiden, daß das Schnittdreieck einem geg. Dreieck kongruent sei. (Man findet die in den Seitenflächen liegenden rechtwinkl. Dreiecke entweder durch III. Anh. Aufg. 4 oder direkt durch Bestimmung ihrer Kastheten.)

33. In einer Fläche eines regul. Tetraeders ist eine Gerade parallel einer Kante geg. Durch dieselbe eine Ebene so zu legen, daß sie das Tetraeder nach einem Trapez schneide, in das sich ein Kreis einbeschreiben läßt. (Die zwei Verbindungslinien der Mittelpunkte der Gegenseiten eines jeden durch die Gerade gehenden Schnitttrapezes liegen in zwei sesten.)

34. In einem geg. Sechseck sind die sechs Winkel gleich, und die erste, dritte und fünfte Seite haben gleiche Länge; es soll a) ein Oktaeder, b) ein Würfel gefunden werden, dem das Sechseck als Schnittsigur angehört.

35. Dieselbe Aufg. für ein Dodekaeder. (Wann erhält man 1, 2, 3 Lösungen?)

36-60: Gin. und umbefdriebene Polyeder.

(Lösung meist mit Hilse von Ühnlichkeitspunkten oder dadurch, daß man sich zuerst durch Lösung der umgekehrten Aufgabe ein dem gesuchten ähnliches Gebilde verschafft.)

36. Einem geg. Regel a) einen Würfel, b) ein Oktaeder einzubeschreiben, so daß eine Fläche in der Grundfläche des Regels liege, die übrigen Ecken auf seinem Mantel liegen.

37. Einem geg. Augelabschnitt a) ein gleicheckig=halbregul. n=seitiges Prisma, b) ein gleicheckig=halbregul. 2n=seitiges Prismatoid einzubeschreiben, so daß eine Grundsläche in der Grundstreißebene des Augelabschnittes liege, die übrigen Ecken auf seiner Haubenfläche liegen. (Bgl. III. Anh. 63. a.)

38. In ein geg. Vierflach einen Würfel einzubeschreiben, so daß in einer Fläche des Vierflachs vier Würfelecken liegen, in einer zweiten Fläche zwei, in den zwei übrigen Flächen je eine.

39. In einen geg. Augeloktanten einen Würfel einzubesichreiben, so daß eine seiner Flächen in einer Seitenfläche des Oktanten liege, zwei Kanten in den zwei andern Seitenflächen, und zwei Ecken auf der Augelfläche.

- 40. Einen Regelrumpf, von dem der Grundneigungswinkel der Mantellinien und a) das Verhältnis der Grundkreise, b) die Höhe geg. ift, in einen geg. Augeloktanten so einzubeschreiben, daß ein Grundkreis auf der Augeloberfläche liege, der andere Grundkreis die drei Seitenflächen des Oktanten berühre.
- 41. Einer geg. Kugel ein Vierflach einzubeschreiben, a) das einem geg. Vierflach ähnlich sei, b) bessen Flächen mit vier geg. Ebenen parallel seien.
- 42. Einer geg. Kugel a) ein gleicheckig = halbregul. 2 n=fei= tiges Prismatoid einzubeschreiben, b) ein gleichflächig = halbregul. 2n=feitiges Trapezoeder umzubeschreiben. (Vgl. III. Anh. 61. b.)
- 43. Ein Vierflach zu konftr., das einem geg. Vierflach ähnlich sei, und von dessen Ecken jede auf der Oberfläche einer von vier geg. konzentrischen Augeln liege. (II. Anh. 11. a.)
- 44. Einem geg. Vierflach einen Wulft (vgl. III. Aufg. 10) von geg. Verhältnis der Halbmesser des Meridiankreises und des Mittelkreises so einzubeschreiben, daß er jede Fläche berühre, und daß seine Achse einer geg. Geraden parallel sei.
- 45. In eine geg. Augel acht gleiche Augeln so einzubeschreisben, daß ihre Mittelpunkte die Ecken eines Würfels bilden, und daß jede die geg. Augel und drei der übrigen Augeln berühre.
- 46. Einer geg. Kugel vier andere Kugeln, von denen drei gleich groß seien und der Halbmesser der vierten zum Halbmesser der drei ersten ein geg. Verhältnis habe, so einzubeschreiben, daß jede die andern drei sowie die geg. Kugel berühre.
- 47. Einem geg. Würfel a) zwei gleiche Kugeln, b) zwei Kugeln, deren Halbmesser ein geg. Verhältnis haben, so einzubeschreiben, daß ihre Mittelpunkte auf einer Würfeldiagonale liegen, und daß sie einander und je drei in einer Ecke zusammenstoßende Flächen berühren.
- 48. Einem geg. Rhomboeder ein Oktaeder so einzubeschreisben, daß in jeder Rhomboederfläche eine Oktaederecke liege.
- 49. Einem Rhomboeder, von dem die Kantenlänge und ein Rhombenwinkel geg. ift, ist ein Cylinder von geg. Verhältnis des Halbmessers zur Höhe so einbeschrieben, daß seine Achse in die Hauptdiagonale des Rhomboeders fällt und die zwei Grundkreise je drei Rhomboederslächen berühren. Es soll der Achsenschnitt des Cylinders durch ebene Konstr. gefunden werden.

50. Ein Rhomboeder zu konstr., das so in einen geg. Chlinder gelegt werden kann, daß seine Hauptecken in die Grundkreis- Ebenen, die übrigen Ecken auf die Mantelfläche zu liegen kommen. — Wie müssen sich Höhe und Halbmesser des Chlinders verhalten, damit das Rhomboeder zum Würsel werde?

51. Einer geg. Augel ein Rhomboeder umzubeschreiben, von

dem ein Rhombenwinkel geg. ift.

52. Einem geg. Oktaeder einen Würfel so einzubeschreiben, daß seine acht Ecken auf den von zwei gegenüberliegenden Ecken

ausgehenden Kanten des Oftaeders liegen.

53. Einem geg. Oktaeder ein Tetraeder so einzubeschreiben, daß eine Mitteltransversale des Tetraeders in eine Oktaederdiagonale falle, und daß seine Ecken a) in vier Oktaederslächen, b) auf vier Oktaederkanten liegen. (III. Anh. 52. a, 49. a und vor. Aufg.)

54. a. Einem geg. Tetraeder einen Würfel so einzubeschreisben, daß in jeder Tetraederfläche eine Würfelecke liege. (Entw.

direkt od. durch III. Anh. 53. a und 49. a.)

b. Einem geg. Dobekaeder ein Oktaeder so umzubeschreiben, daß die acht Oktaederslächen durch acht Ecken des Dobekaeders gehen. (III. Anh. 52. b oder 53. b.)

c. Einem geg. Würfel ein Itosaeder so umzubeschreiben, daß acht Flächen des Itosaeders durch die acht Würfelecken gehen.

55. a. Ein Körper, der aus einem Chlinder und aus zwei auf dessen Grundflächen aufgesetzten kongr. Regeln besteht, kann so in ein oktaedr. Granatoeder einbeschrieben werden, α) daß der Chlinder 4, und jeder Regel 4 Flächen berührt, β) daß der Chlinder 6, und jeder Regel 3 Flächen berührt. Es soll beidemal der Achsenschnitt des Körpers gezeichnet werden.

b. Ein Körper, der aus einem Chlinder, aus zwei auf dessen Grundslächen aufgesetzten kongr. Regelrümpsen, und aus zwei auf die andern Grundslächen der Regelrümpse aufgesetzten kongr. Regeln besteht, kann so in ein ikosaedr. Granatoeder einbeschrieben werden, daß der Chlinder 10, jeder Regelrumps und jeder Regel 5 Flächen berührt. Es soll der Achsenschnitt des Körpers gezeichnet werden. (Ein Großkreis der dem Granatoeder einbeschriebenen Rugel muß die Seiten des Achsenschnittes

208 III. Buch. Unh. Konftr.=Aufg. 55-60. Ber.=Aufg. Borbem.

berühren. Sämtliche Berührungsmantellinien fallen in Rhombendiagonalen.)

56. Aus einem geg. Phramidentetraeder ein Leuzitoeder auszuschneiden, so daß in jeder Fläche des Phramidentetraeders eine Fläche des Leuzitoeders liege. (Die Mittelpunkte der Tetraederkanten bilden die Oktaederecken des Leuzitoeders.)

57. Einem geg. Wulft ein regul. 10-seitiges Prismatoid berührend umzubeschreiben, dessen Höhe gleich dem Durchmesser des Meridiankreises sei. Grundfläche und Seitenfläche sollen durch ebene Konstruktion gefunden werden, wenn die Halbmesser des

Meridiankreises und des Mittelkreises geg. find.

58. Ein Regel hat mit einem Chlinder den Grundkreis gemein, und seine Spike liegt im Mittelpunkt des andern Grundkreises des Chlinders. In den Raum zwischen Regelmantel, Chlindermantel und Chlindergrundkreis sind a) sechs — b) fünf gleiche Berührungskugeln so einbeschrieben, daß jede ihre zwei Nachbarkugeln berührt. Es soll der Achsenschnitt des Chlinders konstr. werden, wenn der Halbmesser der Kugeln geg. ist.

59. a. Einer geg. Augel einen Regelrumpf einzubeschreiben, der gleiche Höhe und gleiche Mantelfläche mit einem geg. Cylin-

der habe.

b. Einer geg. Augel einen Regelrumpf umzubeschreiben, bessen Mantel gleich einem geg. Areis sei.

60. Einer geg. Kugel einen Kegelrumpf einzubeschreiben, wenn die Verhältnisse der Mantelfläche zu den zwei Grundkreisen geg. sind.

III. Berechnungs-Aufgaben.

Vorbemerkung.

Bei der Anwendung der Körperberechnung auf praktische Beispiele kommt auch das Gewicht in Betracht. Zu seiner Bestimmung ist die Kenntnis des spezifischen Gewichtes des Stoffes, woraus der betreffende Körper besteht, erforderlich.

Unter bem spezifischen Gewichte eines Stoffes versteht man biejenige Bahl, die angiebt, wie vielmal ein aus dem Stoff bestehender