



UNIVERSITÄTS-  
BIBLIOTHEK  
PADERBORN

# Formelsammlung und Repetitorium der Mathematik

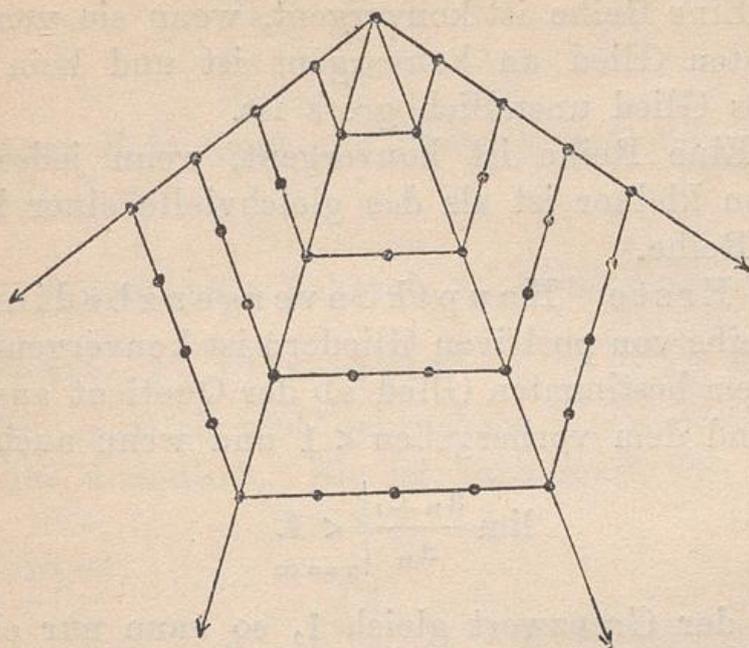
**Bürklen, O. Th.**

**Leipzig, 1896**

§ 26. Konvergenzbedingungen.

---

[urn:nbn:de:hbz:466:1-78595](https://nbn-resolving.org/urn:nbn:de:hbz:466:1-78595)



b) Pyramidalzahlen.

$$\begin{aligned} \text{dreieckige: } 1 \ 4 \ 10 \ 20 \ 35 \ \dots, & \binom{n+1}{2} + 1 \cdot \binom{n+1}{3} \\ & = \binom{n+2}{3}, \end{aligned}$$

$$\text{viereckige; } 1 \ 5 \ 14 \ 30 \ 55 \ \dots, \binom{n+1}{2} + 2 \binom{n+1}{3},$$

$$\text{fünfeckige: } 1 \ 6 \ 18 \ 40 \ 75 \ \dots, \binom{n+1}{2} + 3 \binom{n+1}{3}.$$

## B. Unendliche Reihen.

### § 26. Konvergenzbedingungen.

1. Eine Reihe  $s_n = a_0 + a_1 + a_2 + \dots + a_n$  heisst konvergent, wenn die Grenze von  $s_n$  bei unbegrenzt wachsendem  $n$  eine endliche Zahl ist.

2. die abnehmende geometrische Reihe ist konvergent, also  $1 + x + x^2 + x^3 + \dots$  ist konv., wenn der absolute Betrag von  $x < 1$ .

3. Eine Reihe ist konvergent, wenn sie von einem bestimmten Glied an konvergent ist und kein vorangehendes Glied unendlich gross ist.

4. Eine Reihe ist konvergent, wenn jedes Glied derselben kleiner ist als das gleichvielte einer konvergenten Reihe.

5. Erste Hauptkonvergenzbedingung: Eine Reihe von positiven Gliedern ist konvergent, wenn von einem bestimmten Glied ab der Quotient aus einem Glied und dem vorhergehenden  $< 1$  und wenn auch

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{a_{n+1}}{a_n} < 1.$$

Ist der Grenzwert gleich 1, so kann nur eine besondere Untersuchung über Konvergenz oder Divergenz entscheiden.

6. Zweite Hauptkonvergenzbedingung: Eine Reihe mit abwechselnden Zeichen konvergiert, wenn die Glieder von einer bestimmten Stelle an abnehmen und  $\lim a_n = 0$

(Bei einer Reihe mit gleichen Zeichen ist diese Bedingung notwendig, aber nicht hinreichend.)

7. Jede Reihe mit negativen oder abwechselnden Gliedern ist konvergent, wenn sie konvergiert, falls man alle Glieder positiv setzt.

8. Eine Reihe heisst divergent, wenn  $\lim s_n$  nicht endlich ist. Dies ist der Fall, wenn  $\lim a_n$  nicht 0 ist.

### § 27. Satz von der Koeffizientenvergleichung.

Ist

$$A_0 + A_1 x + A_2 x^2 + A_3 x^3 + \dots = B_0 + B_1 x + B_2 x^2 + B_3 x^3 + \dots$$

und sind beide Reihen konvergent, so ist