



Balkendecken

Barkhausen, Georg

Stuttgart, 1895

a) Gestaltung der böhmischen Kappengewölbe

[urn:nbn:de:hbz:466:1-77494](https://nbn-resolving.org/urn:nbn:de:hbz:466:1-77494)

Wölbung ohne Einführung von Kranzschichten mit wagrechten Lagerkanten gestattet, so entspricht diese Anordnung hinsichtlich der Ausmittlung des Fugenschnittes im Allgemeinen dem in Art. 220 (S. 328) Vorgetragenen.

Sollen Chorgewölbe cassettenartig gegliedert werden, so ist das in Art. 382 (S. 529) Gefagte gleichfalls zu befolgen.

Eben so entsprechen ihre Stabilitäts-Untersuchung und die Bestimmung ihrer Gewölbstärke den hierüber beim eigentlichen Kuppelgewölbe gemachten Angaben.

17. Kapitel.

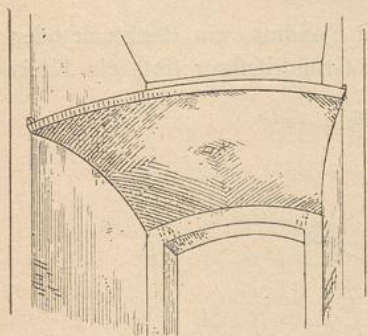
Böhmische Kappengewölbe.

a) Gestaltung der böhmischen Kappengewölbe.

Die Laibungsfläche des böhmischen Kappengewölbes entspricht derjenigen einer flachen Stütz- oder Hängewölbung. Im Gegensatz zum preussischen Kappengewölbe, dessen Wölbfläche einem Cylindermantel angehört, besitzt das böhmische Kappengewölbe eine sphärische oder sphäroidische Laibungsfläche.

390.
Form.

Fig. 577.

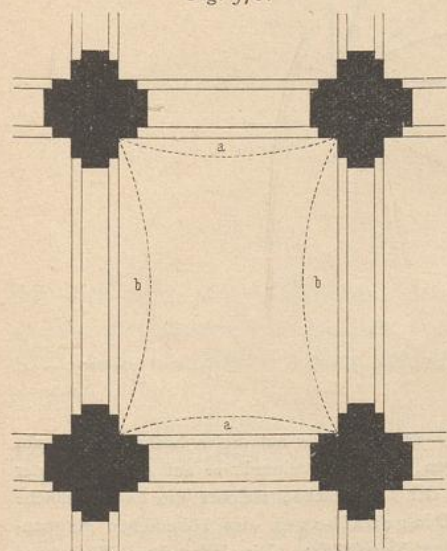


Das böhmische Kappengewölbe, auch böhmische Kappe, in Oesterreich Platzelgewölbe genannt, kann über regel- oder unregelmässig gestalteten Grundrissen in Anwendung kommen. Regelmässige Grundrisse haben aber die einfachere und schönere Entwicklung der Form dieser Gewölbe im Gefolge.

Das böhmische Kappengewölbe ist zur Herichtung einer massiven Decke mit geringer Pfeilhöhe und mässiger Stärke vorzüglich geeignet. In der Regel wird jedoch, um die Gewölbstärke nicht über $\frac{1}{2}$ Backsteinlänge zu steigern, die grösste Gewölbeweite selten über 5 m genommen. Die Pfeilhöhe wird zu $\frac{1}{8}$ bis $\frac{1}{12}$, meistens zu $\frac{1}{10}$ der Länge der grössten Diagonale der Grundrissfigur des zu überwölbenden Raumes gewählt.

Die Stirnbogen, also die an allen Umfangsmauern des Raumes auftretenden Kämpferlinien des böhmischen Kappengewölbes (Fig. 577) sind Flachbogen.

Fig. 578.



Hierdurch wird die Anlage von grösseren Thür- oder Lichtöffnungen in den Widerlagsmauern erleichtert oder auch nach Fig. 578 bei mehrfach an einander gereihten Gewölben die Auflöfung der Widerlagsmauern in Eckpfeiler mit dazwischen gespannten Gurtbogen, deren Wöblinien den Stirnbogen *a*, *b* zweckmässig angepaßt werden, in einfacher Weise möglich.

Für die Darstellung der Laibungsfläche des böhmischen Kappengewölbes ist, abge-

391.
Darstellung.

sehen davon, ob ein Theil einer reinen Kugelfläche oder einer kugelförmigen Fläche als Wölbfläche eingeführt werden soll, die gegenseitige Höhenlage der tiefsten Punkte der Kämpferlinien, also der Kämpfer- oder Fußpunkte des Gewölbes vorzuschreiben. Hierfür gelten folgende Annahmen: die sämtlichen Kämpferpunkte liegen in einer einzigen wagrechten Ebene, der eigentlichen Kämpferebene, oder die Kämpferpunkte liegen in verschiedenen wagrechten Ebenen. Sollen sämtliche Kämpferpunkte in einer schiefen Ebene liegen, so entsteht das steigende böhmische Kappengewölbe. Diesen Annahmen folgend soll die Gestaltung der Laibungsflächen des böhmischen Kappengewölbes näher besprochen werden.

a) Sämtliche Kämpferpunkte liegen in einer wagrechten Ebene.

Die Laibungsfläche soll einem Theile einer Kugelfläche angehören.

Läßt sich durch die sämtlichen Ecken der Grundrissfigur des zu überwölbenden Raumes ein Kreis legen, welcher als Parallelkreis der ihrem Halbmesser nach noch näher zu bestimmenden Kugelfläche zu gelten hat, so gehört dieser Parallelkreis der wagrechten Kämpferebene des Gewölbes an, und sämtliche Fußpunkte der Kämpferlinien sind Punkte dieses Parallelkreises.

Ist der Grundriss des Gewölbes ein Dreieck, ein Quadrat, ein Rechteck oder ein regelmäßiges Vieleck, so ist durch die Ecken der Grundrissfigur stets ein Kreis zu beschreiben.

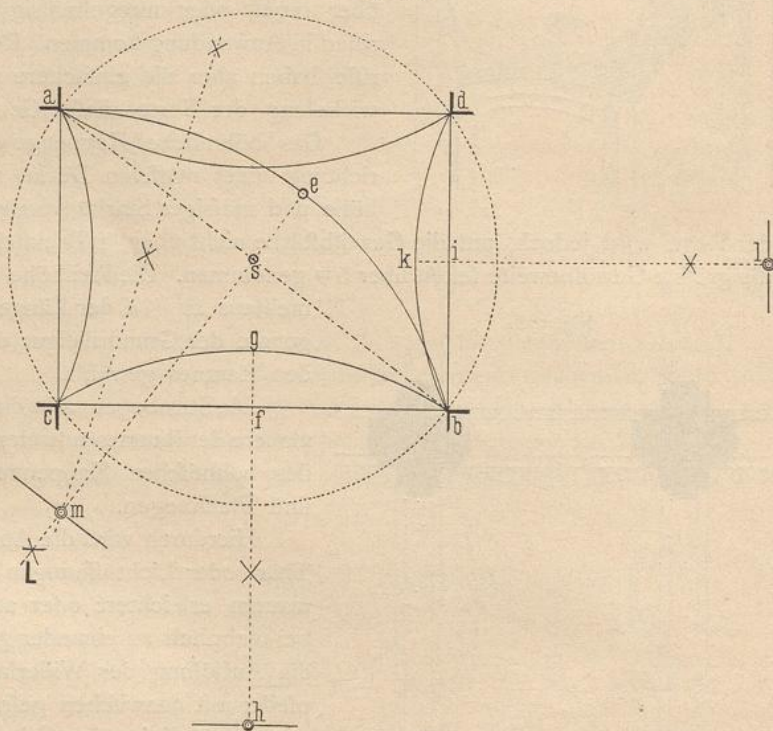
In Fig. 579 ist das Rechteck $abcd$ der Grundriss des Gewölbes und s der Mittelpunkt des durch die Ecken a, b, c und d gehenden Parallelkreises. Die beliebig durch s geführte, hier mit der Diagonalen ab sich deckende Gerade ab ist der Durchmesser dieses Parallelkreises irgend einer Kugelfläche.

Der Mittelpunkt dieser Kugelfläche liegt auf einer in s lothrecht auf der Ebene des Parallelkreises stehenden Geraden L . Trägt man die frei gewählte Pfeilhöhe se des Gewölbes auf dieser Lothrechten L ab, so hat man durch die 3 Punkte a, e, b einen Kreis zu legen, dessen Mittelpunkt m auf L in bekannter Weise zu ermitteln ist. Der Punkt m ist der Mittelpunkt der Kugelfläche, welcher die Laibungsfläche des Gewölbes angehört. Der Kreisbogen acb , der sog. Diagonalbogen des böhmischen Kappengewölbes, ist ein Theil des größten Kreises der ermittelten Kugelfläche. Die lothrechten Ebenen cb

392.
Kugelfläche.

393.
Rechteckiger
Grundriss.

Fig. 579.



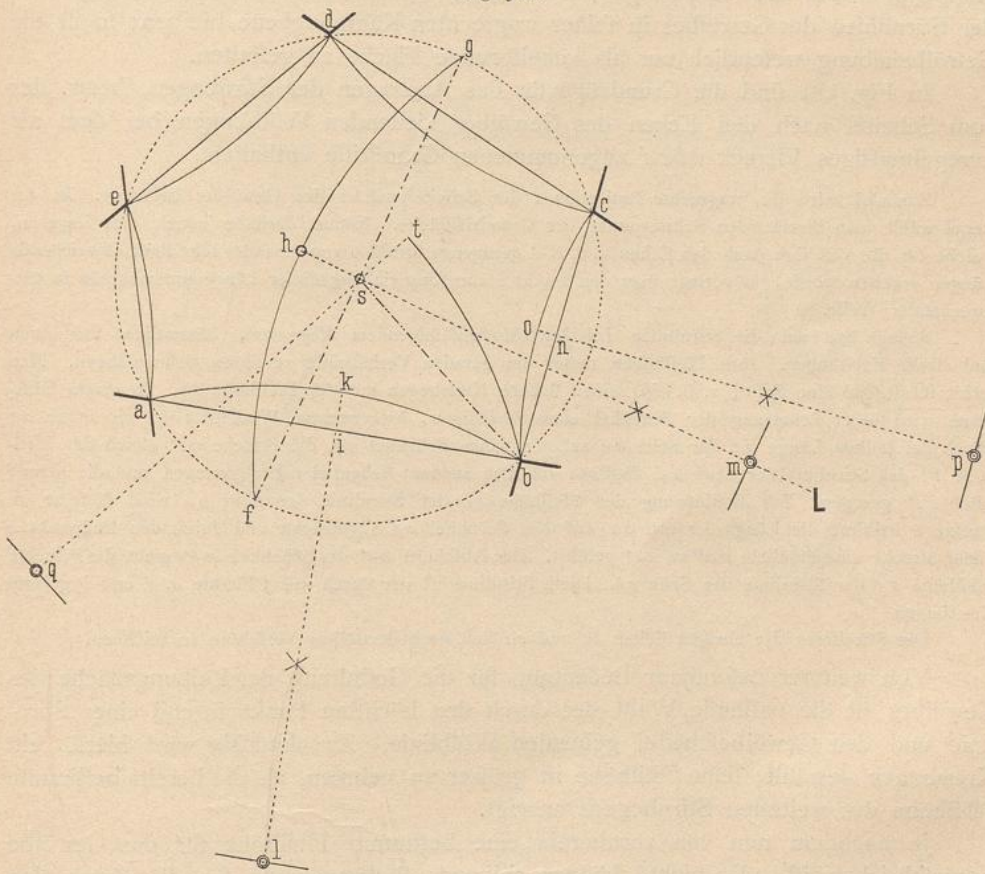
und bd der Widerlager des Gewölbes schneiden die Kugelfläche nach Kreifen, deren Theile egb , bzw. bkd die Stirnlinien des Gewölbes an den langen Seiten cb, ad , bzw. an den kurzen Seiten bd, ca des rechteckigen Raumes werden. Errichtet man im Halbirungspunkte f der Seite cb das Loth fh , so ist, da der Mittelpunkt m der Laibungsfläche des Gewölbes, von der wagrechten Kämpferebene den Abstand sm erhalten hat, die Länge $fh = sm$ auf dem Lothe fh abzutragen, um in h den Mittelpunkt für den Stirnbogen egb zu bestimmen. Die Pfeilhöhe dieses Bogens ist fg .

Für die Ausmittlung des Stirnbogens bkd ist der gleiche Weg zu verfolgen. Hierbei ist $il = fh = sm$ zu nehmen, so dass l der Mittelpunkt, ik die Pfeilhöhe dieses Stirnbogens wird.

Ist die Grundrifs-Projection des Gewölbes ein regelmäßiges Vieleck, so ist die Bestimmung der Kreisbogen für die Stirnlinien und Diagonalbogen, wie im vorhergehenden Artikel für das Rechteck gezeigt wurde, vorzunehmen. Diese Bestimmungen

394-
Vieleckiger
Grundrifs.

Fig. 580.



sind auch beim unregelmäßigen Vieleck zu treffen, sobald, die gleiche Höhenlage der Kämpferpunkte vorausgesetzt, die Grundrifs-Projection des Gewölbes die Führung eines durch sämtliche Ecken gehenden Kreifes, wie in Fig. 580 angenommen ist, gestattet.

Dieser durch die Ecken des unregelmäßigen Fünfecks $abcde$ gelegte Kreis mit dem Mittelpunkte s ist der Parallelkreis der für die Laibung des Gewölbes fest zu legenden Kugelfläche.

Die beliebig durch s geführte Gerade fg ist als eine in der wagrechten Kämpferebene liegende Sehne eines größten Kreifes der Kugelfläche anzunehmen. Auf dem in s auf fg errichteten Lothe L

wird sh als gewählte Pfeilhöhe abgetragen und hiernach der Mittelpunkt m auf L für den durch die 3 Punkte f , h und g gehende Kreis bestimmt. Alsdann ist mh der Halbmesser der für die weitere Gestaltung des Gewölbes maßgebenden Kugelfläche.

Für den Stirnbogen der Seite ab ist das im Halbirungspunkte i auf ab errichtete Loth il gleich dem Abstände sm zu nehmen. Der um l mit dem Halbmesser la beschriebene Kreisbogen akb ist sofort der gefuchte Stirnbogen mit der Pfeilhöhe ik . Der Stirnbogen boc mit der Pfeilhöhe no hat den Mittelpunkt p . Die Länge des in n auf bc errichteten Lothes np ist wiederum gleich $sm = il$.

In gleicher Weise sind die Stirnbogen sämtlicher Seiten des Gewölbes auszutragen. Für irgend einen, z. B. von s nach der Ecke b ziehenden Wölbbogen ist auf dem in s auf bs errichteten Lothe die Strecke $sq = sm$ zu nehmen, um diesen Wölbbogen in dem mit dem Halbmesser qb um q beschriebenen Kreisbogen bt , dessen Pfeilhöhe st offenbar gleich sh werden muß, zu erhalten.

395.
Kugelförmige
Fläche.

Läßt sich durch die Ecken der vieleckigen Grundriß-Projection des böhmischen Kappengewölbes kein Kreis legen, sollen aber dennoch die sämtlichen Fußpunkte der Stirnlinien des Gewölbes in feiner wagrechten Kämpferebene bleiben; so ist die Gewölbelaibung wesentlich nur als kugelförmige Fläche zu gestalten.

In Fig. 581 sind die Grundzüge für das Austragen der Stirnbogen, bezw. der vom Scheitel nach den Ecken des Gewölbes ziehenden Wölbbogen bei dem als unregelmäßiges Viereck $abcd$ angenommenen Grundriße enthalten.

Zunächst wird die wagrechte Projection s des Scheitelpunktes des Gewölbes bestimmt. In der Regel wählt man hierfür den Schwerpunkt der Grundrißfläche. Nimmt derselbe jedoch eine Lage an, welche für die von ihm nach den Ecken a , b , c , d gezogenen Strahlen von einander sehr stark abweichende Längen ergeben würde, so verlegt man den Punkt s zur Ausgleichung dieser Längenunterschiede in entsprechender Weise.

Sodann legt man die Stirnlinien des Gewölbes auf folgendem Wege fest. Sämtliche Stirnlinien sind flache Kreisbogen. Ihre Pfeilhöhen stehen im geraden Verhältnisse zu ihren Sehnenlängen. Man wählt für irgend eine Seite, z. B. ad , einen flachen Kreisbogen mit der Pfeilhöhe ie . In einem Hilfsplane wird unter Benutzung der Schenkel eines beliebigen, hier rechten Winkels $404'$ ein Stück oi gleich der halben Länge ai der Seite ad auf dem einen Schenkel $o4$, die Strecke oi' gleich der Pfeilhöhe ie der Stirnlinie der Seite ad dagegen auf dem anderen Schenkel $o4$ abgetragen und die gerade Linie ii' gezogen. Zur Bestimmung der Pfeilhöhe $2f$ der Stirnlinie der Seite ab wird dieselbe im Punkte 2 halbiert, die Länge $a2$ von $o2$ auf dem Schenkel $o4$ abgetragen und durch den Endpunkt 2 dieser Strecke eine Parallele $22'$ zu ii' geführt. Der Abschnitt $o2'$ des Schenkels $o4'$ giebt die gefuchte Pfeilhöhe $2f$ der Stirnlinie der Seite ab . Diese Stirnlinie ist der durch die 3 Punkte a , f und b gelegte Kreisbogen.

Die Stirnlinien der übrigen Seiten bc und cd sind nach demselben Verfahren zu zeichnen.

Von weiterer besonderer Bedeutung für die Gestaltung der Laibungsfläche des Gewölbes ist die passende Wahl der durch den höchsten Punkt irgend einer Stirnlinie und den Gewölbefcheitel gehenden Wölblinie. Zweckmäßig wird hierfür ein Kreisbogen gewählt; seine Pfeilhöhe ist größer zu nehmen, als die bereits bestimmte Pfeilhöhe des weitesten Stirnbogens anzeigt.

Je nachdem nun von vornherein eine bestimmte Pfeilhöhe für das Gewölbe vorgeschrieben ist oder nicht, können folgende Bestimmungen für die durch den Gewölbefcheitel gehende Wölblinie getroffen werden.

Bleibt der Gewölbepfeil noch willkürlich, so legt man der Richtung der längsten Seite der Grundrißfigur, z. B. cd , entsprechend, eine Gerade A durch s und durch den Halbirungspunkt 1 oder 3 der mit dieser längsten Seite zusammentreffenden Seiten da oder cb . In der Zeichnung ist der Punkt 1 angenommen. Die Gerade A soll in der wagrechten Kämpferebene liegen und als Spur einer lothrechten Ebene angesehen werden, welche in ihrem Schnitte mit der Gewölbfläche die vorhin erwähnte Wölblinie als Kreisbogen liefern soll.

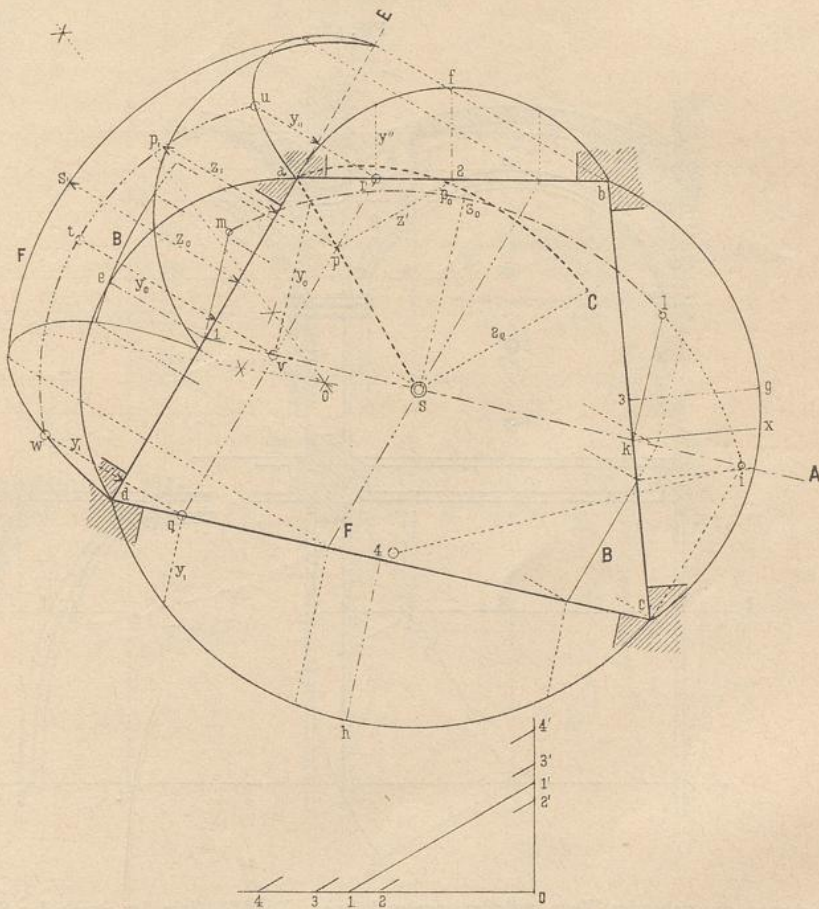
Die Ebene schneidet den Stirnbogen der Seite ad in e und den Stirnbogen der Seite bc in x . Errichtet man in 1 und 3 Lothe auf A , nimmt man $1m = 1e$ und $kl = kx$, so sind m und l zwei feste Punkte der gefuchten, bis zur Kämpferebene niedergedrehten Wölblinie. Projicirt man parallel zur

Seite ad den Endpunkt c der längsten Seite cd nach i auf A , so ist hierdurch ein dritter Punkt dieser Wölblinie bestimmt. Der durch die 3 Punkte m , l und i gelegte Kreisbogen stellt sie fest; $s s_0$ ist ihre Pfeilhöhe.

Wird dagegen die Pfeilhöhe dieser Wölblinie vorweg angenommen, so hat man in s auf A das Scheitelloth zu errichten und auf diesem die gegebene Pfeilhöhe abzutragen. Der durch die beiden festen Punkte m , l und durch den höchsten Punkt des Scheitellothes gelegte Kreisbogen, welcher natürlich hierbei vom Punkte i unabhängig ist, wird alsdann die gefuchte Wölblinie in der in A stehenden lothrechten Ebene.

Mit Hilfe der Stirnlinien und der Wölblinie mli , bzw. $m s_0 l$ kann die weitere Ausmittlung der Gewölbelaibung vorgenommen werden.

Fig. 581.



Legt man durch den beliebigen Punkt v der Geraden A parallel zur Seite ad , welche als Ausgangsseite für die zeichnerischen Darstellungen gewählt wurde, eine lothrechte Ebene mit der wagrechten Spur qr , so erzeugt dieselbe auf der Laibungsfläche den Schnitt wtu , welcher als der durch die 3 Punkte w , t und u geführte Kreisbogen mit dem Mittelpunkte o bestimmt werden kann. Die Punkte w , t und u sind ihrer Lage nach bekannt. Für w ist $dw = y_1$ des Stirnbogens dhc ; für t ist $rt = y_0$ der Wölblinie $m s_0 l$, und für u ist ru des Stirnbogens afb maßgebend. Auf demselben Wege sind auch die Kreisbogen F und B für die parallel zur Seite ad aufgestellten lothrechten Ebenen mit den im Grundrisse gezeichneten wagrechten Spuren F , bzw. B leicht zu ermitteln.

Eben so einfach ist ferner das Austragen irgend einer vom Gewölbescheitel nach einer Gewölbecke ziehenden Wölblinie. Die Bogenlinie C ist für die Richtung sa eingetragen. Für dieselbe ist die Länge

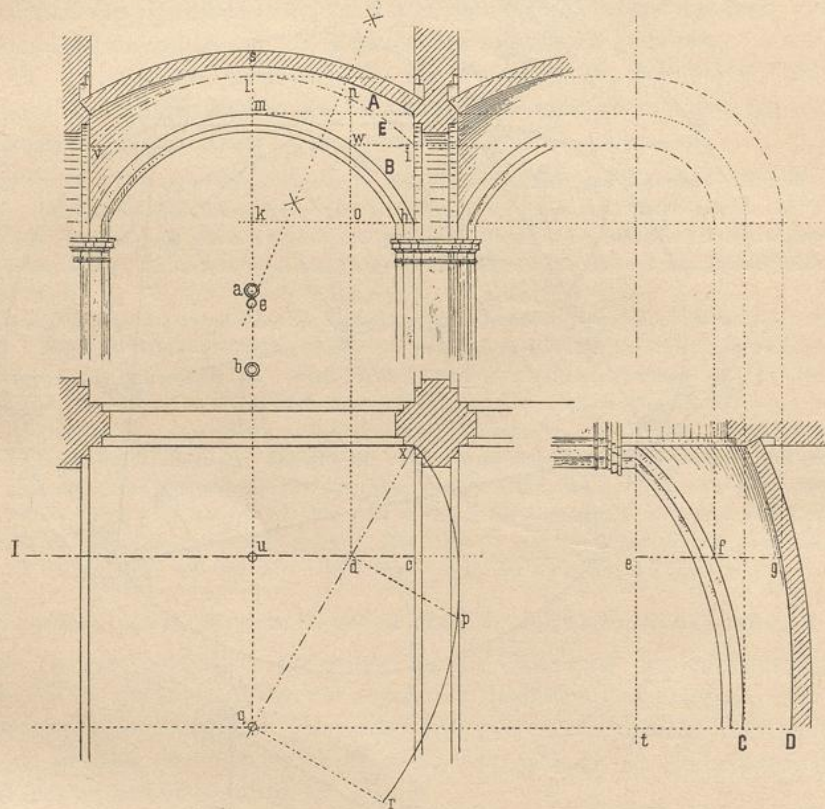
des in s auf as errichteten Lothes $sC = ss_0$, die Länge der in p auf as senkrecht stehenden Linie pp_0 gleich der Ordinate z , der Schnittlinie wlu u. f. f. Für die Bogenlinien nach sb, sc u. f. f. gelten dieselben Mafnahmen. Mittels lothrechter, parallel zu ad aufgestellter Ebenen werden die zugehörigen Schnittlinien der Laibungsfläche fest gelegt und hiernach einzelne Punkte dieser gekrümmten Bogenlinie ermittelt.

396.
Gleich hohe
Stirnbogen:
Anordnung
I.

Wird bei rechteckigem Grundriffe des böhmischen Kappengewölbes die Forderung gestellt, alle Stirnbogen mit gleicher Pfeilhöhe einzuführen, so kann die kugelförmige Gestaltung der Laibungsfläche nach Anleitung von Fig. 582 bewirkt werden.

Der Stirnbogen der schmalen Rechtecksseite sei der um a beschriebene flache Kreisbogen B mit der Pfeilhöhe km . Der Stirnbogen C der langen Seite erhält dieselbe Pfeilhöhe $tC = km$. Dieser Stirnbogen C ist ein Stück einer Ellipse, wofür einzelne Punkte, z. B. f , auf bekanntem, auch aus der

Fig. 582.



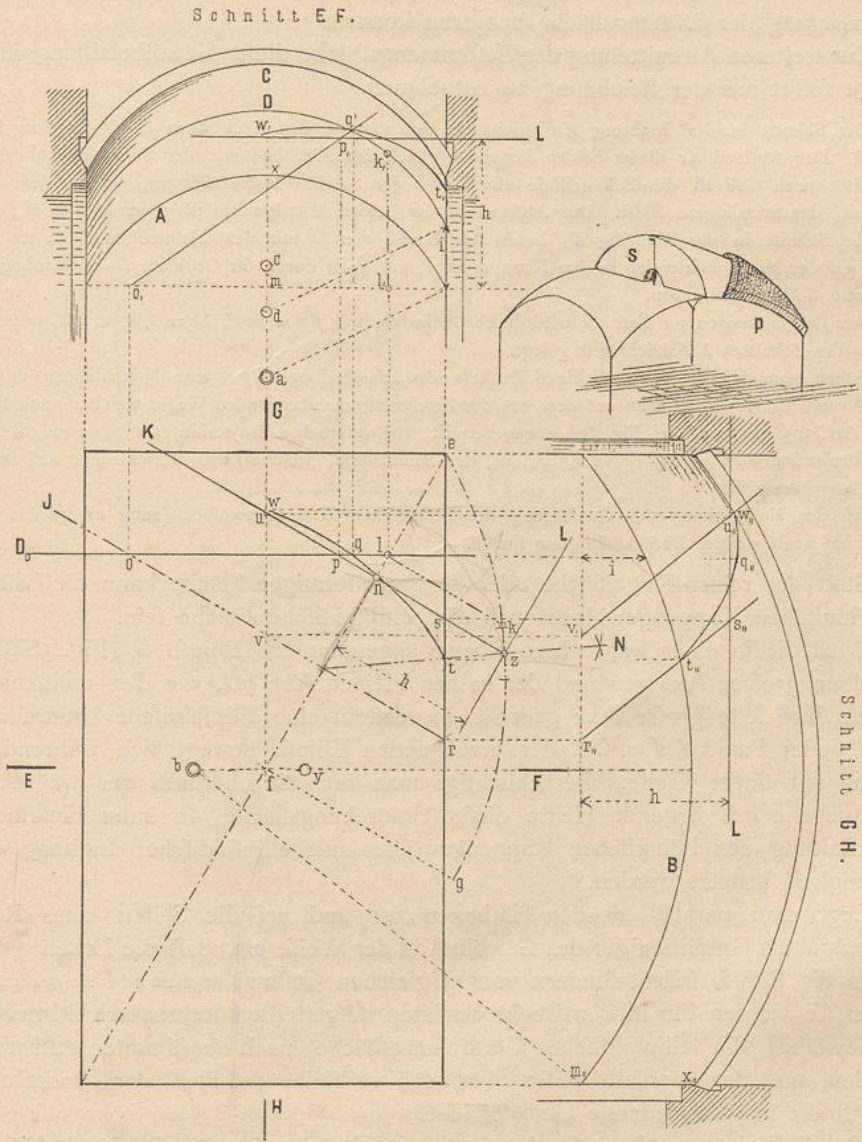
Zeichnung zu ersehenden Wege gefunden werden können. Die Wölblinie der durch den Scheitel s , dessen wagrechte Projection in der Kämpferebene der Punkt q ist, parallel zur schmalen Rechtecksseite geführten lothrechten Ebene sei der um b beschriebene Kreisbogen A , während die Wölblinie D in der durch den Gewölbeseitel parallel zur langen Rechtecksseite geführten lothrechten Ebene als flacher Kreisbogen, wobei jedoch $tD = ks$ und die Höhenlage des Anschließpunktes an der schmalen Stirnseite gleich der Höhe tC über der Kämpferebene sein muß, gewählt werden möge. Nach diesen gegebenen Bestimmungsstücken läßt sich die kugelförmige Laibung des Gewölbes in folgender Weise ermitteln.

Man führt an beliebiger Stelle parallel zur Ebene des Stirnbogens B eine lothrechte Ebene I durch die Gewölbfläche. Dieselbe schneidet die Stirnbogen C der langen Rechtecksseiten in f . Die Ordinate dieses Punktes ist ef .

Wird durch f eine wagrechte Ebene gelegt, so erhält man in der Aufriss-Projection unterhalb A die Punkte i und v . Die Ebene I schneidet die Scheitellinie D in g . Trägt man eg von k nach l , so

kann man durch die 3 Punkte i, l, v einen Kreisbogen E mit dem Mittelpunkte e legen, welcher als Erzeugende der kugelförmigen Laibung des Gewölbes für die Ebene I auftritt. Genau so sind für verschiedene, parallel zur schmalen Rechtecksseite aufgestellte lothrechte Ebenen die zugehörigen Wölblinien oder Erzeugenden der Wöblfläche zu bestimmen. Für das Austragen des Diagonalbogens rx über qx ist sofort $qr = ks$ und $dp = on$, wie aus der Zeichnung zu ersehen, zu verwenden.

Fig. 583.



Eine zweite Art der Gestaltung kugelförmiger Gewölbelaibung für böhmische Kappengewölbe, deren Stirnbogen gleich große Pfeilhöhen erhalten sollen, kann bei rechteckigem Grundrisse in vortheilhafter Weise nach Fig. 583 zur Anwendung kommen.

Die Stirnbogen der Rechtecksseiten sind als flache Kreisbogen A , bzw. B mit gleicher Pfeilhöhe mx gewählt. Lässt man den Stirnbogen A , stets in einer loth-

397.
Anordnung
II.

rechten Ebene parallel mit der schmalen Rechtecksseite bleibend, auf den Stirnbogen B der langen Seiten stetig vorrücken, wie der Plan P mit der Scheibe S , deren obere Begrenzung dem Stirnbogen A entsprechen würde, näher angeht, so entsteht eine besondere Gewölbelaibung, deren Eigenschaften für die Ausführung des böhmischen Kappengewölbes nicht ungünstig sind.

Eben so hätte man auch umgekehrt den Stirnbogen der langen Rechtecksseite zur Erzeugung der Laibungsfläche benutzen können.

Zur weiteren Ausmittlung der Bestimmungsfücke dieser Gewölbelaibung ist das Nöthige sofort aus der Zeichnung zu entnehmen.

Der Schnitt in der Richtung EF giebt als Scheitellinie den Kreisbogen C gleich dem Kreisbogen A . Der Abstand ac dieser beiden Bogen ist gleich der Pfeilhöhe mx der Stirnbogen überhaupt. Im Schnitte nach GH ist die Scheitellinie ein Kreisbogen, dessen Halbmesser yx , gleich dem Halbmesser bm , des Stirnbogens B ist. Der Abstand by der beiden Mittelpunkte ist gleich $mx = m, x$.

Ein Schnitt in der Richtung D_0 liefert den Kreisbogen D mit dem Halbmesser $di = ax$. Der Abstand ad der Mittelpunkte der beiden Kreisbogen A und D ist durch die Ordinate i des Stirnbogens B im Schnitte GH zu bestimmen.

Der Diagonalebogen ge über fe wird durch Ordinaten, wie $fg = mC$, $lk = l, k$, u. f. f., unter Verwerthung des Schnittes EF leicht fest gelegt.

Führt man durch einen beliebigen Punkt z des Diagonalebogens ge eine Normalebene mit den Spuren N und $\mathcal{F}r$, so erhält man auf dem aus der Zeichnung zu erkennenden Wege, welcher auch bereits z. B. in Art. 305 (S. 444) bei Fig. 508 angegeben ist, die wagrechte Projection t, n, q, w und die lothrechten Projectionen t, q, w , bzw. t, q, w , der Schnittlinie, welche diese Normalebene auf der Gewölbelaibung hervorruft.

Bei der Besprechung der Ausführung des böhmischen Kappengewölbes (unter c) werden diese Schnittlinien noch weitere Berücksichtigung finden.

398.
Ellipsoidische
Fläche.

Statt der reinen Kugelfläche oder der kugelförmigen Fläche kann die Laibung des böhmischen Kappengewölbes auch eine ellipsoidische Fläche sein.

Wird die in einer wagrechten Ebene angenommene Ellipse G (Fig. 584) mit der halben großen Axe mo und der halben kleinen Axe ml , wie dies meistens der Fall, um ihre feste große Axe gedreht, so entsteht eine ellipsoidische Umdrehungsfläche. Jeder Punkt l, I u. f. f. der erzeugenden Ellipse bewegt sich während der Drehung auf einem Kreise. Berücksichtigt man nur die oberhalb der wagrechten Meridianebene nE liegende Hälfte dieser Umdrehungsfläche, so kann dieselbe für die Gestaltung des böhmischen Kappengewölbes mit ellipsoidischer Laibung ohne Schwierigkeit benutzt werden.

Legt man parallel zu den Halbaxen mo und ml die Seiten eines Rechteckes $abcd$ als Grundrissfigur des Gewölbes in der Weise ein, daß die Ecken a, b, c, d nicht in die Ellipse fallen, sondern von m gleichen Abstand $ma = mb = mc = md$ erhalten, so werden die in den Rechtecksseiten aufgestellten lothrechten Stirnebenen des Gewölbes die ellipsoidische Umdrehungsfläche nach bestimmten Stirnlinien schneiden, und der oberhalb dieser Stirnlinien verbleibende Theil der Umdrehungsfläche ist die zu verwendende Gewölbfläche.

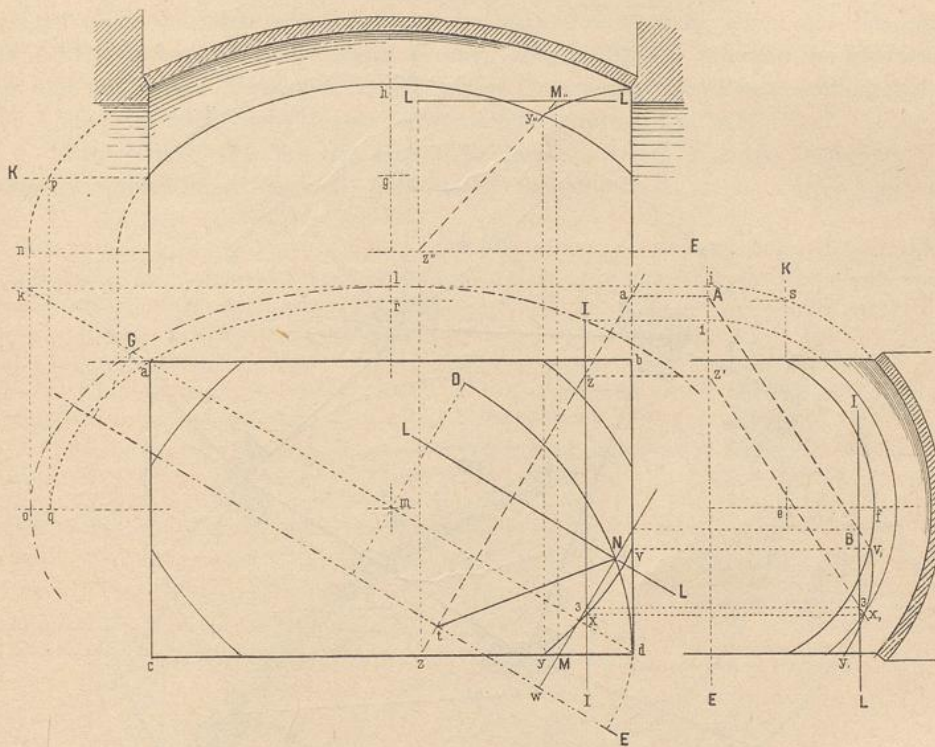
Ist $abcd$ das gegebene Rechteck, so sei für die schmale Rechtecksseite bd , bzw. ac ein flacher Kreisbogen mit der Pfeilhöhe ef in Rücksicht auf die Kämpfer Ebene gewählt. Die Scheitellinie in der lothrechten Ebene ml ist als ein zum Stirnbogen concentrischer Kreisbogen zu nehmen. Gehörig erweitert, trifft diese Scheitellinie die Kämpfer Ebene K in s und die wagrechte Meridian- oder jetzt die Grundebene in i . Erweitert man in der Grundebene die Diagonale da des gegebenen Rechteckes, zieht man durch i die Gerade ik parallel zu ab und hierauf ko parallel zu ac ,

so erhält man in ml die halbe kleine Axe und in mo die halbe große Axe der erzeugenden Ellipse G , welche hiernach in der Meridianebene der Umdrehungsfläche gezeichnet werden kann. Nunmehr sind alle Stücke gegeben, um die ellipsoidische Laibung des Gewölbes zu bilden.

Der Stirnbogen der Seite ab ist ein leicht darzustellendes Ellipsenstück mit der Pfeilhöhe $gh = ef$. Die Scheitellinie in der Richtung mo entspricht der erzeugenden Ellipse. Aus der Zeichnung ist hierfür das Nähere sofort ersichtlich.

Auch der Diagonalbogen D gehört einem Ellipsenstücke an. Die halbe große Axe für die erforderliche Ellipse des Diagonalbogens ist gleich mG , und die halbe kleine Axe ist wiederum gleich ml .

Fig. 584.



Der für den Diagonalbogen D gezeichnete Normalschnitt der Normalebene mit den Spuren Nt und ta liefert auf der Gewölbeoberfläche die Curve, deren wagrechte Projection vxy und deren lothrechte Projection v, x, y , in bekannter Weise mit Hilfe der lothrechten Schnitte nach bd , II und ab , so wie der wagrechten Geraden L , wie aus der Zeichnung hervorgeht, zu finden ist.

Bemerkte sei noch, dass in der Kämpferebene durch die Ecken a, b, c, d eine Ellipse gelegt werden kann, deren halbe große Axe in mg , deren halbe kleine Axe in mr erhalten wird.

β) Die Kämpferpunkte liegen in verschiedenen wagrechten Ebenen.

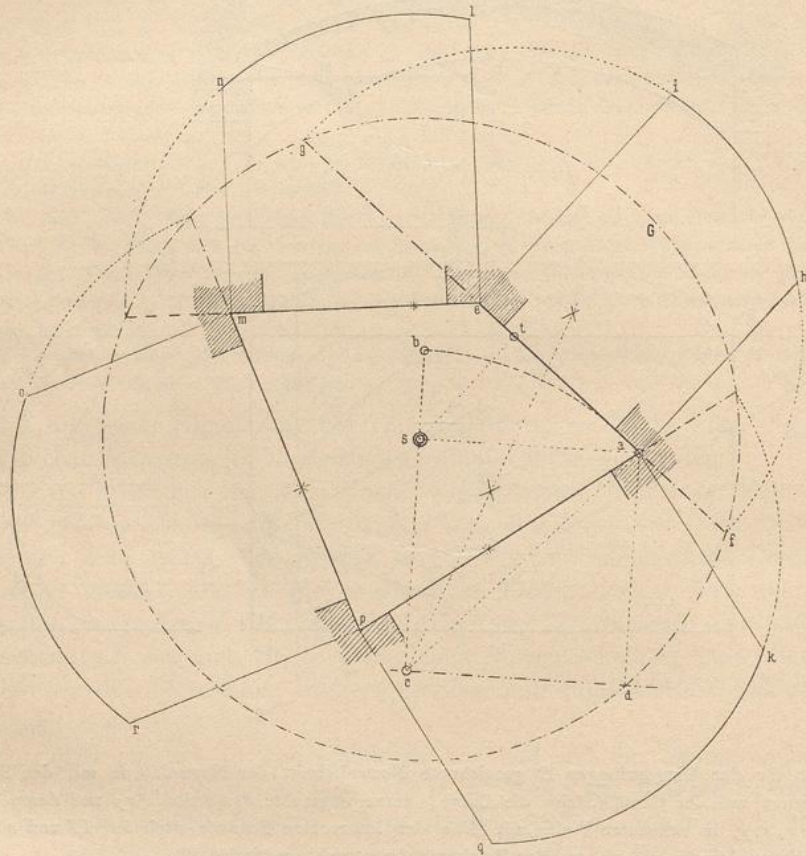
Böhmische Kappengewölbe mit ungleich hoch gelegenen Fußpunkten der Stirnlinien zeigen meistens kein schönes Aussehen. Ist man genöthigt, über unregelmäßigen Grundrissen mehr untergeordneter Räume das böhmische Kappengewölbe als Raumdecke zu verwenden, so ist es angezeigt, einen Theil der reinen Kugelfläche als Laibungsfläche des Gewölbes zu benutzen und von der ellipsoidischen Fläche ganz abzufehen.

399.
Kugelfläche.

In diesem Falle ist die Ausmittlung der Stirnlinien und der vom Scheitelpunkte nach den Fußpunkten dieser Stirnlinien gerichteten Wöblinien in einfacher Weise nach Fig. 585 vorzunehmen.

Das unregelmäßige Viereck $aemp$ sei der Grundriß des Gewölbes. Der Schwerpunkt s der Grundrißfläche möge die wagrechte Projection des Gewölbefcheitels sein. Die Wöblinie ab , welche vom Fußpunkte a bis zum Gewölbefcheitel zieht, ist als Kreisbogen bei der angenommenen Pfeilhöhe sb um c als Mittelpunkt, der auf der gehörig verlängerten Geraden sb liegt, mit dem Halbmesser ca beschrieben. Dieser

Fig. 585.



Halbmesser wird, sobald seine Größe nicht kleiner, als die Länge irgend eines anderen Eckstrahles sm oder sp u. f. f. ist, sofort auch als Halbmesser der Kugeloberfläche, welcher die Laibung des Gewölbes entnommen werden soll, beibehalten. Der um s mit dem Halbmesser ca beschriebene Kreis G ist der in der wagrechten Grundebene cd liegende größte Kreis der Kugel.

Würde derselbe zum Theile in die Grundrißfigur fallen, so müßte die Pfeilhöhe sb der Wöblinie ab entsprechend verkleinert werden.

Der Mittelpunkt der Kugel liegt in einem lothrechten Abstände sc unter der durch a geführten wagrechten Ebene.

Um den Stirnbogen der Seite ae auszutragen, erweitert man ae , bis der größte Kreis G in f und g geschnitten wird. Der um t beschriebene Halbkreis $ghif$ ergibt in hi die gefuchte Stirnlinie. Der Punkt t ist bekanntlich auch der Fußpunkt des von s auf ae gefällten Lothes.

Auf demselben Wege sind die sämtlichen Stirnlinien zu ermitteln. Die Seiten ae, em u. f. f. können für die einzelnen Stirnlinien ohne Weiteres als in der Grundebene G liegend betrachtet werden, so daß $ah = ad = ak, ei = el, mn = mo, pr = pq$ gefunden und hiernach die gegenseitige Höhenlage der Fußpunkte der an den Ecken des Gewölbes zusammentretenden Stirnlinien bestimmt wird. Die Wöblinien über se und sm sind gleichfalls mit Hilfe des größten Kreises G auf dem beschriebenen Wege zu erhalten.

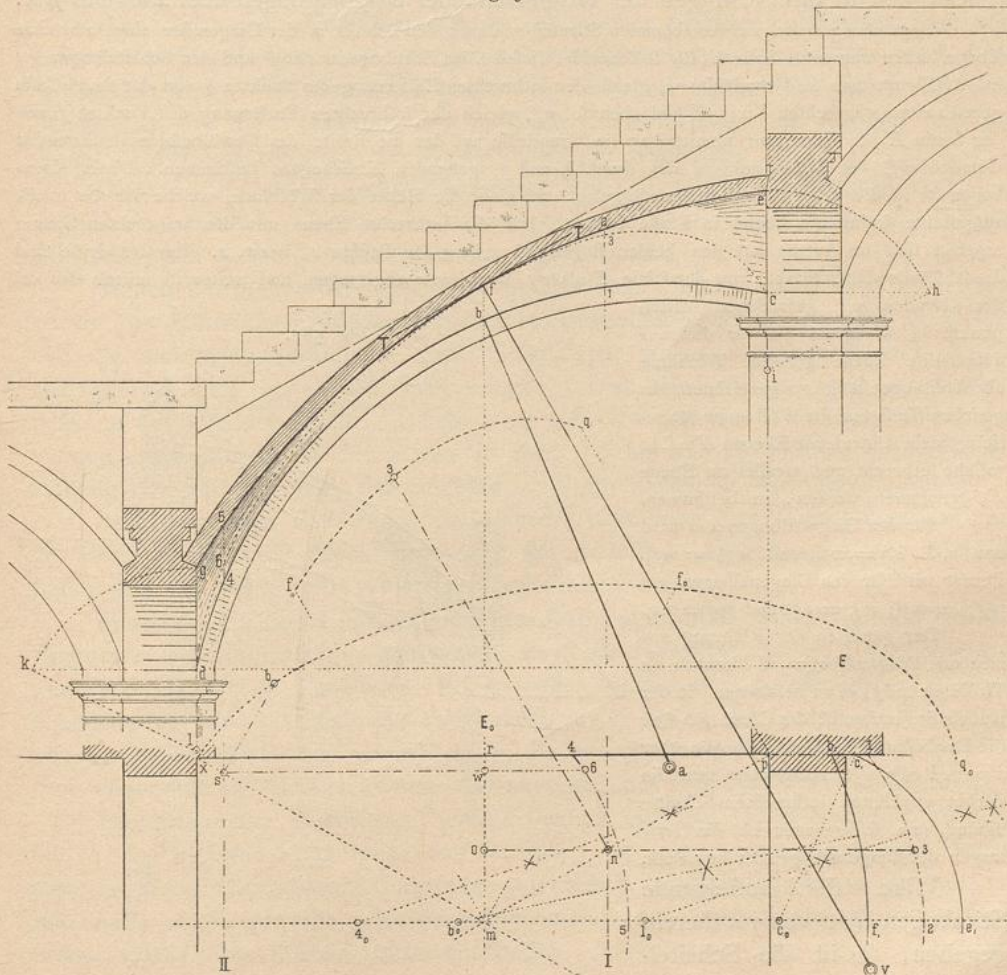
γ) Die Kämpferpunkte liegen in einer schiefen Ebene.

Bei ansteigenden böhmischen Kappengewölben, welche meistens nur über rechteckigem oder quadratischem Gewölbefelde ausgeführt werden, liegen die Fußpunkte der beiden ansteigenden Stirnbogen in einer schiefen Ebene, während die Fußpunkte der anderen beiden Stirnbogen je für sich in einer wagrechten Ebene enthalten sind. Die Laibungsflächen dieser Gewölbe werden kugelförmig gestaltet.

Entsprechend der für die Hauptscheitellinie ge fest gelegten Tangente TT , deren Richtung einer vorweg bestimmten Steigungslinie, z. B. derjenigen eines

400.
Steigende
böhmische
Kappen:
Anordnung
I.

Fig. 586.



Treppenlaufes in Fig. 586, zugewiesen ist, wird auf dem in f auf TT errichteten Lothe fv der Punkt v aufgefucht, welcher als Mittelpunkt für den durch den festen Punkt g und den Berührungspunkt f gehenden Kreisbogen gfe gilt. Der Punkt f ist vorweg als lothrechte Projection des Schnittes m der Diagonalen des rechteckigen Gewölbefeldes auf TT zu bestimmen. Der Punkt g ist seiner Lage nach durch den gewählten Stirnbogen gk mit dem Halbmesser lk und der Pfeilhöhe dg bekannt.

Der Scheitelbogen gfe trifft die Stirnseite ie in e . Dieser Punkt ist Scheitelpunkt des Stirnbogens an der oberen schmalen Rechtecksseite. Dieser Stirnbogen besitzt, wie der Bogen gk , die Pfeilhöhe $ec = dg$ und den Halbmesser $ih = lk$. Durch die Punkte d und c sind die Fußpunkte der ansteigenden Stirnlinie des Gewölbes nunmehr gegeben. Wählt man auf der Lothrechten mf die an sich sonst beliebige Höhe bf derart, daß b mächtig tiefer als c fällt, so ist durch die 3 Punkte c, b, d der als ansteigende Stirnlinie auftretende Kreisbogen zu legen. In der Zeichnung ist a sein Mittelpunkt.

Hierdurch sind alle für die Gestaltung des ansteigenden böhmischen Kappengewölbes mit kugelförmiger Laibung erforderlichen Grundlagen geschaffen. Von Wichtigkeit ist das Austragen der Wöblinien oder Diagonalbogen über xm und pm .

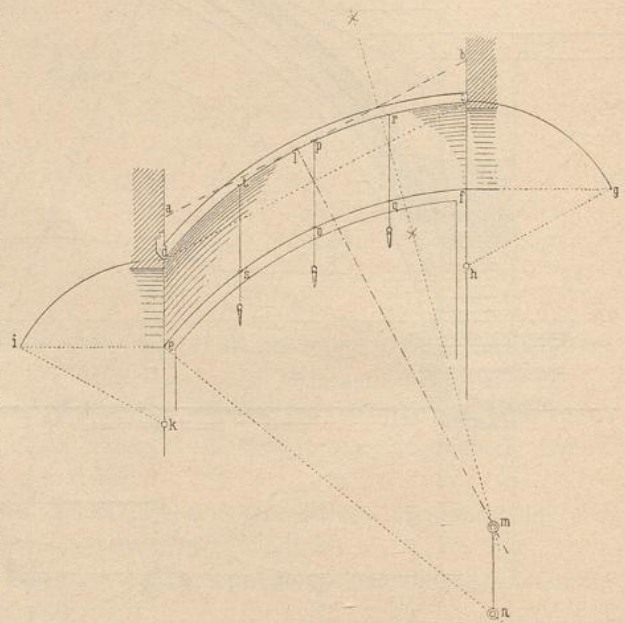
Legt man parallel zu den schmalen Stirnseiten durch den Schnitt m der Diagonalen eine lothrechte Ebene, deren wagrechte Spur E_0 ist, so schneidet dieselbe den Stirnbogen cd in b und den Scheitelbogen ge in f . Nimmt man im Grundrisse rb , gleich der lothrechten Entfernung des Punktes b von der im Aufrisse gezeichneten wagrechten Linie E und eben so mf , gleich der lothrechten Entfernung des Punktes f von der Linie E , so kann man unmittelbar im Grundrisse auf der die Breite des Gewölbefeldes halbirenden Geraden mf , den Mittelpunkt b_0 des durch b und f gehenden Kreisbogens bestimmen. Dieser Kreisbogen ist in die wagrechte Ebene niedergelegt und giebt die Hälfte der Wöblinie, welche für die in E_0 aufgestellte lothrechte Ebene in Frage kommt. Für die lothrechte Ebene mit der wagrechten Spur I ergeben sich im Aufrisse auf den beiden Bogen cd und eg die Punkte 1 , bzw. 2 . Im Grundrisse sind die Abstände dieser Punkte von der Linie E als $r1$, bzw. $m2$ abgetragen, und weiter ist mittels des auf der Geraden mf gefundenen Mittelpunktes b_0 wiederum die für die in I aufgestellte Ebene geltende Wöblinie als Kreisbogenstück 12 gezeichnet. In gleicher Weise sind die Wöblinien für beliebig viele schneidende Ebenen II u. s. f., welche lothrecht und parallel zur Ebene E_0 genommen werden, zu bestimmen.

Für den Diagonalbogen xm wird nun z. B. $sb = wb$ und $mf_0 = mf$. Ferner wird für den Diagonalbogen pm $mf_1 = mf$, $ns = os$ und $pq = rc$.

Der ganze in der Richtung xm ziehende Diagonalbogen ist hiernach als Wöblinie xbf_0q_0 zu bestimmen. In der Aufriss-Projection ist die Curve dbf_3c die Darstellung der Diagonalbogen über xm und mp . Je zahlreicher man die vorhin erwähnten lothrechten Schnitte nimmt, um so genauer ist das Austragen der Diagonalbogen zu bewirken.

Wäre der ansteigende Stirnbogen dbc von vornherein gegeben, so ist die Scheitel-

Fig. 587.



linie *ge* in passender Weise zu wählen. Hierdurch tritt aber im Festlegen der Wölbfläche an sich keine wesentliche Aenderung der beschriebenen Mafsnahmen ein.

Eine andere Gestaltung der Laibungsfläche des ansteigenden böhmischen Kappengewölbes ist in Fig. 587 veranschaulicht. Dieselbe entspricht vollständig den in Art. 397 (S. 539) gegebenen Anordnungen. Der Stirnbogen der schmalen Rechtecksseite wird, wie dort erklärt, einfach stets sich parallel bleibend und lothrecht stehend an den beiden aufsteigenden Stirnbogen der langen Rechtecksseiten fortgeführt. Derart gestaltete Laibungsflächen sind für die Ausführung der ansteigenden böhmischen Kappengewölbe zu empfehlen, weil dieselben unter Benutzung von Rutschbogen, welche bereits in Art. 160 (S. 230) Erwähnung gefunden haben, gewölbt werden können.

401.
Anordnung
II.

b) Stärke der böhmischen Kappengewölbe und ihrer Widerlager.

Das böhmische Kappengewölbe gehört der Gruppe der Kuppelgewölbe an. Die Gesichtspunkte, welche bei der Ermittlung der Stärke dieser Gewölbe nebst ihren Widerlagern zu beobachten sind, bleiben auch beim böhmischen Kappengewölbe bestehen, gleichgiltig ob die Laibungsfläche als reine Kugelfläche oder als kugelförmige Fläche ausgebildet ist.

402.
Stabilität
der
Kappen.

Die Stärke der böhmischen Kappen ist bei den üblichen in Wohnräumen vorkommenden Belastungen und ihren an sich mäfsigen Spannweiten selten gröfser als $\frac{1}{2}$ Backsteinlänge. Bei besonders grofsen Spannweiten, bezw. bei erheblich starken Belastungen ist die Vornahme der statischen Untersuchung der Kappen und die darauf gestützte Berechnung der Gewölbstärke zu empfehlen.

Diese Untersuchung und Bestimmung der Gewölbstärke ist ganz nach den Angaben auszuführen, welche in Art. 322 bis 325 (S. 469 bis 476) für die busigen Gewölbkappen gothischer Kreuzgewölbe enthalten sind.

Mögen Gurtbogenstellungen oder geschlossene Umfangsmauern als Widerlagskörper des böhmischen Kappengewölbes in Anwendung gebracht werden, so richtet sich die Stabilitätsuntersuchung dieser Stützkörper wiederum zunächst nach den in Art. 328 (S. 479) gegebenen Erörterungen. Die hierdurch bekannt gewordenen äufseren angreifenden Kräfte, welche vom Gewölbe auf die Widerlager übertragen werden, sind sodann im Sinne des in Art. 256 bis 258 (S. 378 bis 381) bei der Prüfung der Standfähigkeit der Stützkörper Vorgeführten in Betracht zu ziehen.

403.
Stabilität
der
Widerlager.

In den meisten Fällen der praktischen Ausführung des böhmischen Kappengewölbes können die durch Erfahrung fest gestellten Abmessungen der Gewölbstärke und der Stärke der Widerlager beibehalten werden.

404.
Empirische
Regeln:
Stärke
der
Kappen.

Wird die Pfeilhöhe des böhmischen Kappengewölbes nahezu gleich $\frac{1}{10}$ der Diagonale der Grundrissfigur genommen, so ist die Gewölbstärke bis 5 m Spannweite gewöhnlich gleich $\frac{1}{2}$ Backstein. Bei gröfserer Spannweite, welche aber 7 m selten überschreitet, wird die Pfeilhöhe zweckmäfsig zu $\frac{1}{7}$ bis $\frac{1}{8}$ der Diagonale fest gesetzt und die Gewölbstärke am Scheitel zu $\frac{1}{2}$ Backstein, am Widerlager bis zu 1 Backstein angenommen. Dabei ist eine Ausmauerung der Gewölbzwickel anzurathen.

Die Stärke der Widerlager beträgt bei der üblichen Höhe derselben etwa $\frac{1}{4}$ bis $\frac{1}{5}$ der gröfsten Spannweite des Gewölbes, nie aber unter $2\frac{1}{2}$ Stein. Treten mehrere, durch Gurtbogen von einander geschiedene, vollständig gleichartig gestaltete böhmische Kappengewölbe in Reihen neben einander auf, so genügen meistens $1\frac{1}{2}$ Stein breite und $1\frac{1}{2}$ bis 2 Stein starke Gurtbogen.

405.
Widerlags-
stärke.