



UNIVERSITÄTS-  
BIBLIOTHEK  
PADERBORN

# **Anfangsgründe der niederen Geodäsie**

**Loewe, Hans**

**Liebenwerda, 1892**

§ 41. Subtangente und Subnormale

---

[urn:nbn:de:hbz:466:1-79893](https://nbn-resolving.org/urn:nbn:de:hbz:466:1-79893)

## § 40. Quadratur der Ellipse.

Schlagen wir über die grosse **Axe** einen Kreis, bezeichnen die einer und derselben **Abscisse**  $x$  angehörigen **Ordinaten** des Kreises und der Ellipse mit  $Y$  und  $y$ , so ist nach der Mittelpunkts-gleichung des Kreises und der Ellipse:

$$Y = \sqrt{a^2 - x^2}$$

$$y = \frac{b}{a} \sqrt{a^2 - x^2}$$

also

$$y : Y = b : a,$$

für jeden beliebigen Werth von  $x$ . Denkt man sich nun unendlich viele **Ordinaten** in den unendlich kleinen **Abständen**  $dx$  gezogen, so werden Kreis und Ellipse in unendlich kleine Rechtecke  $Y dx$  und  $y dx$  zerlegt, und es gilt für jedes Paar derselben die Gleichung

$$y dx : Y dx = b : a.$$

Mithin verhält sich, wie sofort erhellt, die **Ellipsenfläche** zur **Kreisfläche**

$$f : F = b : a$$

$$f : a^2 \pi = b : a$$

$$f = a b \pi. \quad (55)$$

## B. Parabel.

### § 41.

#### Subtangente und Subnormale.

Die **Subtangente** des Punktes  $P_{x,y}$  findet sich aus der Gleichung der Parabel auf analogem Wege, wie bei der Ellipse:

$$1) \text{ Subtang.} = 2x \quad (56)$$

$$2) \text{ Subnorm.} = p. \quad (57)$$

Aus Gleichung 1) ergibt sich ein leichtes Verfahren, an die Parabel in einem gegebenen Punkte eine **Tangente** zu ziehen.

Aus Gl. 2) folgt, dass die **Subnormale** für alle Punkte constant ist, nämlich  $= p$ .

### § 42.

#### Quadratur der Parabel.

Ändert sich in der Gleichung  $y^2 = 2px$  die **Abscisse**  $x$  um  $\Delta x$  und setzt man  $x + \Delta x = x_1$ , so ändert sich die **Ordinate**  $y$  um  $\Delta y$  und geht in  $y_1$  (Fig. 18) über. Das von den **Ordinaten**  $y$  und  $y_1$  eingeschlossene **Trapez** ist mit um so grösserer **Annäherung** gleich dem **Flächenabschnitte**, welcher von denselben **Ordinaten**, dem **Abscissenabschnitte**  $\Delta x$  und dem **Parabelbogen** eingeschlossen wird, je kleiner man  $\Delta x$  nimmt, und wird diesem **Flächenabschnitte** gleich, wenn  $\Delta x$  gleich 0 genommen wird. In demselben Moment wird  $y = y_1$ . Bezeichnet  $f_1$  diesen unendlich kleinen **Flächenabschnitt**, so ist also

$$1) f_1 = y dx = \sqrt{2px} \cdot dx.$$

Ebenso finden wir den unendlich kleinen **Flächenabschnitt**  $f_2$  in Fig. 18

$$2) f_2 = x dy.$$