



UNIVERSITÄTS-
BIBLIOTHEK
PADERBORN

Algebra

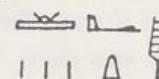
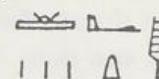
Barth, Friedrich

München, 1996

4.2.1.2 Die Unbekannte

[urn:nbn:de:hbz:466:1-83493](#)

4.2.1.2 Die Unbekannte

Die Ägypter waren vermutlich die ersten, die für eine unbekannte Zahl eine eigene Bezeichnung verwendeten. Im *Papyrus Rhind* schrieben sie dafür  – in Hieroglyphen*  Ausgesprochen wurde dieses Wort »aha«;

seine Bedeutung war eigentlich *Haufen*.

Es war sicherlich ein ganz großer Einfall in der Entwicklung der Mathematik, für eine Zahl, die man noch gar nicht kennt, ein eigenes Wort zu verwenden. Denn nun konnte man, da sie ja einen Namen hatte, von ihr reden, mit ihr Überlegungen, ja sogar Rechnungen ausführen.

Diese großartige Idee taucht auch bei den Babylonieren und bei den Indern auf, im 4. Jh. v. Chr. finden wir sie bei griechischen Mathematikern. THYMARIDAS nennt die gesuchte Zahl genauso, wie wir es heute machen, nämlich *unbekannt* ἄόριστον (aóriston). Bei AL-CHARIZMI (um 780–nach 847) heißt die unbekannte Zahl شیء = schai = ein Etwas.

Nun haben wir oben auf Seite 15 gesehen, daß es sich immer mehr eingebürgert hatte, bekannte Zahlen durch Buchstaben wiederzugeben, wenn man allgemeine Rechenregeln angeben oder einen allgemeingültigen Rechenweg beschreiben wollte. Was lag also näher, als auch für die unbekannte Zahl einen Buchstaben zu verwenden? Aber welchen? Recht einleuchtend ist eigentlich die Idee von François VIÈTE (1540–1603), der 1591 vorschlug, für die unbekannte Zahl den Vokal A zu verwenden, und, falls es mehrere unbekannte Zahlen gibt, eben die Vokale der Reihe nach zu benutzen, nämlich A, E, I, O, U und Y. Bekannte Zahlen sollten durch Konsonanten bezeichnet werden, also durch B, G, D usw. (Siehe Abbildung 120.1, Nr. 5.)

Durchgesetzt hat sich aber eine Schreibweise, die 1637 der große französische Philosoph und Mathematiker René DESCARTES (1596 bis 1650) ohne weitere Begründung im Abschnitt *La Géométrie* seines *Discours de la méthode* einführte.

* Entstanden aus den griechischen Wörtern ἱερός (hierós) = heilig und γλύφειν (glýphein) = einmeißeln. Sprich hi-erós, Hi-eroglyphe.

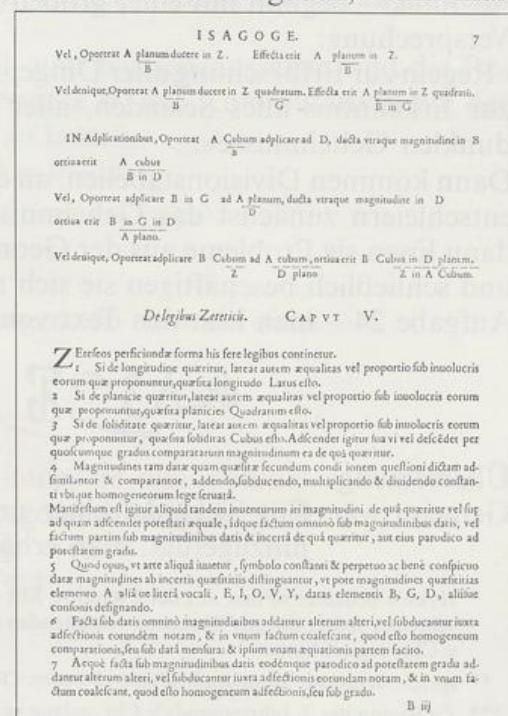


Abb. 120.1 Seite 7r der *In artem analyticem Isagoge* (1591) des François VIÈTE (1540–1603)

Er bezeichnete die unbekannten Zahlen mit x , y und z , die bekannten dagegen mit den ersten Buchstaben des Alphabets, also mit a , b , c usw.

Wir wollen es genauso halten!

Falls du mehr über die geschichtliche Entwicklung wissen willst, dann lies weiter!

Die BABYLONIER (um 1800 v. Chr.) nannten die unbekannte Zahl  = usch = Länge, die INDER (vor 300 v. Chr.) यावत् तावत् = yavat-tavat = wieviel-soviel.

Erst um 250 n. Chr. kamen griechische Mathematiker, unter ihnen DIOPHANT, (siehe Aufgabe 166/15), auf die Idee, für die unbekannte Zahl, die sie kurz Zahl = ἀριθμός (arithmós) nannten, eine Abkürzung einzuführen, nämlich ζ' , über deren Entstehung heute noch die Gelehrten streiten. Die einen meinen, sie sei der letzte Buchstabe von ἀριθμός, zusammen mit einem Akzent. Andere hingegen meinen, das Zeichen sei eine Verschmelzung der beiden ersten Buchstaben dieses Worts. Wie dem auch sei, die Abkürzung war erfunden! Fast 400 Jahre später – wir wissen es sogar ganz genau, es war im Jahre 628 – kam auch in Indien jemand auf die Idee, das lange yavat-tavat abzukürzen: In seinem in Versen abgefaßten Mathematiklehrbuch schrieb BRAHMAGUPTA (um 598 bis nach 665) einfach या = ya dafür.

Die ARABER lernten von den Indern die Mathematik, und die EUROPÄER des Mittelalters lernten sie bei den Arabern. Da das *schai* des AL-CHARIZMI im Arabischen auch *Sache* bzw. *Ding* heißt, übersetzte man es mit dem lateinischen *res*, gelegentlich auch mit *causa*, woraus im 15. Jh. das italienische *cosa* wurde. Daraus wurde im Deutschen *Coß* als Bezeichnung für das, was wir heute *Algebra* nennen.

Bis zum x für die Unbekannte war aber noch ein langer Weg. Einige Araber kürzten das *schai* mit *s* ab, LUCA PACIOLI (um 1445–1517) mit *co.* seine *cosa*. Das tat man auch in Deutschland, so z. B. in den vor 1486 geschriebenen Abhandlungen, die im *Codex Dresden C80* zusammengebunden sind: Der Verfasser der *Deutschen Algebra* von 1481 schreibt g für *cosa*, der der *Lateinischen Algebra* zunächst φ , das ist ein c und ein o, das in ein Schwänzchen ausläuft. Immer mehr aber krümmt er sein c nach links und gibt ihm schließlich sogar eine Spitze: $\varphi\varphi\varphi$. Den Plural *cosae* kennzeichnet er durch ein kleines hochgestelltes e: $z\varphi^e$. In der Form φ führt es Christoff RUDOLFF (um 1500–vor 1543) in seiner 1525 gedruckten *Coß* als Symbol für die Unbekannte ein. Er liest es aber – wie andere auch – als *radix*, vermutlich, weil es einem handschriftlichen r ähnelt, vor allem aber, weil GERHARD VON CREMONA (1114–1187) mit *radix* das arabische *dschidr* (= Wurzel) übersetzt hat, das AL-CHARIZMI auch für die unbekannte Größe verwendete.* Gelegentlich wurde es übrigens auch *res* ge-

* Siehe Lösungsheft Seite 4f.



Abb. 121.1 René DESCARTES, latinisiert zu CARTESIUS (31.3.1596 La Haye-Descartes/Touraine – 11.2.1650 Stockholm)

sen.* Vor allem durch die *Arithmetica integra* (1544) Michael STIFELS (1487?–1567) fand $\text{z}\varrho$ seine Verbreitung. DESCARTES hat es noch benutzt, doch 1637 entschied er sich anders: das x als Zeichen für die Unbekannte war geboren.

Mit der Schreibweise von DESCARTES lautet die Aufgabe 24 des *Papyrus Rhind*

$$x + \frac{1}{7}x = 19.$$

Diese Gleichung stellt eine Information über eine unbekannte Zahl x dar. Unsere Aufgabe besteht nun darin, auf Grund dieser Information die Zahl x zu entlarven. Da man annimmt, daß durch eine solche Information die unbekannte Zahl x bestimmt ist, nennt man eine solche Gleichung auch **Bestimmungsgleichung** für x . Zahlen, die für x in Frage kommen, heißen **Lösungen** der Gleichung.

Die Methoden, die zur Bestimmung von x , d.h. zur Lösung der Gleichung führen, werden wir im Abschnitt 4.2.2 kennenlernen.

Aufgaben

1. Schreibe als Bestimmungsgleichung für x die folgenden Aufgaben aus dem *Papyrus Rhind*:
 - a) *Aufgabe 25*: Haufen, seine Hälfte zu ihm, es macht 16.
 - b) *Aufgabe 26*: Haufen, sein Viertel zu ihm, es macht 15.
 - c) *Aufgabe 27*: Haufen, sein Fünftel zu ihm, es macht 21.
2. Im Museum der Schönen Künste in Moskau wird ein mathematischer Papyrus aufbewahrt, der noch etwas älter als der *Papyrus Rhind* ist. Er heißt *Moskauer Papyrus*. Er ist nur 8 cm breit und 5,44 m lang und enthält 25 Probleme, von denen allerdings die meisten fast unleserlich sind. Schreibe als Bestimmungsgleichung für x die folgenden Aufgaben aus dem *Moskauer Papyrus*:
 - a) *Problem 25*: Haufen, zweimal genommen, und noch ein Haufen, es ergibt 9.
 - b) *Problem 19*: Haufen, eineinhalb davon, zusammen mit 4, es ergibt 10.
3. Ich denke mir eine Zahl, vervierfache sie und subtrahiere dann 6. Wenn ich das Ergebnis halbieren, erhalte ich 10.
Schreibe eine Bestimmungsgleichung für die gedachte Zahl z an.

4.2.1.3 Die Gleichung als Aussageform

$x + \frac{1}{7}x = 19$ ist ein Satz, der eine Variable enthält; also ist er nach Definition 115.1 eine Aussageform. Deuten wir eine Bestimmungsgleichung als Aussageform, so besteht unsere Aufgabe darin, alle Zahlen zu finden, durch die man die Variable x ersetzen kann, so daß dabei aus der Aussageform eine *wahre* Aussage wird. Kurz, wir suchen die Lösungsmenge L der Aussageform. Im *Papyrus Rhind* wird behauptet, die Lösungsmenge der Aussageform $x + \frac{1}{7}x = 19$ sei $\{16\frac{5}{8}\}$.

* Andere Wissenschaftler meinen aber, $\text{z}\varrho$ sei ursprünglich aus dem Worte *res* entstanden, dann aber doch als *cosa* gelesen worden.